Architecture des ordinateurs

Samuele Giraudo

Université Paris-Est Marne-la-Vallée
LIGM, bureau 4B055
samuele.giraudo@univ-mlv.fr
http://igm.univ-mlv.fr/~giraudo/

L'informatique

Informatique : contraction d'« information » et d'« automatique »
$\rightsquigarrow$ Traitement automatique de l'information.

L'informatique

Informatique : contraction d'« information » et d'« automatique »
$\rightsquigarrow$ Traitement automatique de l'information.

Ordinateur : machine automatique de traitement de l'information obéissant à des programmes formés par des suites d'opérations arithmétiques et logiques.

L'informatique

Informatique : contraction d'« information » et d'« automatique »
$\rightsquigarrow$ Traitement automatique de l'information.

Ordinateur : machine automatique de traitement de l'information obéissant à des programmes formés par des suites d'opérations arithmétiques et logiques.

On utilise des ordinateurs pour

1. accélérer les calculs ;
2. traiter de gros volumes de données.

Point de vue adopté

« *L'informatique n'est pas plus la science des ordinateurs que l'astronomie n'est celle des télescopes.* »

— M. R. Fellows, I. Parberry

Point de vue adopté

« *L'informatique n'est pas plus la science des ordinateurs que l'astronomie n'est celle des télescopes.* »

— M. R. Fellows, I. Parberry

L'informatique est un donc vaste domaine qui comprend, entre autres,

- l'algorithmique ;
- la combinatoire ;
- la calculabilité ;
- la cryptographie ;
- l'intelligence artificielle ;
- le traitement d'images ;
- les réseaux ;
- l'étude des machines.

Point de vue adopté

« *L'informatique n'est pas plus la science des ordinateurs que l'astronomie n'est celle des télescopes.* »

— M. R. Fellows, I. Parberry

L'informatique est un donc vaste domaine qui comprend, entre autres,

- l'algorithmique ;
- la combinatoire ;
- la calculabilité ;
- la cryptographie ;
- l'intelligence artificielle ;
- le traitement d'images ;
- les réseaux ;
- l'étude des machines.

Ce cours s'inscrit dans ce dernier point.

Objectifs du module et bibliographie

Trois axes principaux :

1. introduction au codage des données ;

Objectifs du module et bibliographie

Trois axes principaux :

1. introduction au codage des données ;
2. connaissance des principes de fonctionnement d'un ordinateur ;

Objectifs du module et bibliographie

Trois axes principaux :

1. introduction au codage des données ;
2. connaissance des principes de fonctionnement d'un ordinateur ;
3. bases de la programmation en langage machine.

Objectifs du module et bibliographie

Trois axes principaux :

1. introduction au codage des données ;
2. connaissance des principes de fonctionnement d'un ordinateur ;
3. bases de la programmation en langage machine.

Bibliographie (minimale) :

- P. Carter, *PC Assembly Language*, 2006, `http://www.drpaulcarter.com/pcasm/`.

Plan du cours

Plan

Plan

Les avancées théoriques majeures

-350 : Aristote fonda les bases de la logique.

Les avancées théoriques majeures

-350 : Aristote fonda les bases de la logique.

1703 : G. W. Leibniz inventa le système binaire.

Les avancées théoriques majeures

-350 : Aristote fonda les bases de la logique.

1703 : G. W. Leibniz inventa le système binaire.

1854 : G. Boole introduisit l'algèbre de Boole.

Les avancées théoriques majeures

-350 : Aristote fonda les bases de la logique.

1703 : G. W. Leibniz inventa le système binaire.

1854 : G. Boole introduisit l'algèbre de Boole.

1936 : A. M. Turing introduisit la machine de Turing.

Les avancées théoriques majeures

-350 : Aristote fonda les bases de la logique.

1703 : G. W. Leibniz inventa le système binaire.

1854 : G. Boole introduisit l'algèbre de Boole.

1936 : A. M. Turing introduisit la machine de Turing.

1938 : C. Shannon expliqua comment utiliser l'algèbre de Boole dans des circuits.

Les avancées théoriques majeures

-350 : Aristote fonda les bases de la logique.

1703 : G. W. Leibniz inventa le système binaire.

1854 : G. Boole introduisit l'algèbre de Boole.

1936 : A. M. Turing introduisit la machine de Turing.

1938 : C. Shannon expliqua comment utiliser l'algèbre de Boole dans des circuits.

1945 : J. von Neumann définit l'architecture des ordinateurs modernes : la machine de von Neumann.

Les avancées théoriques majeures

-350 : Aristote fonda les bases de la logique.

1703 : G. W. Leibniz inventa le système binaire.

1854 : G. Boole introduisit l'algèbre de Boole.

1936 : A. M. Turing introduisit la machine de Turing.

1938 : C. Shannon expliqua comment utiliser l'algèbre de Boole dans des circuits.

1945 : J. von Neumann définit l'architecture des ordinateurs modernes : la machine de von Neumann.

1948 : C. Shannon introduisit la théorie de l'information.

Les avancées technologiques majeures

1904 : J. A. Fleming inventa la diode à vide.

Les avancées technologiques majeures

1904 : J. A. Fleming inventa la diode à vide.

1948 : J. Bardeen, W. Shockley et W. Brattain inventèrent le transistor.

Les avancées technologiques majeures

1904 : J. A. Fleming inventa la diode à vide.

1948 : J. Bardeen, W. Shockley et W. Brattain inventèrent le transistor.

1958 : J. Kilby construisit le premier circuit intégré.

Les avancées technologiques majeures

1904 : J. A. Fleming inventa la diode à vide.

1948 : J. Bardeen, W. Shockley et W. Brattain inventèrent le transistor.

1958 : J. Kilby construisit le premier circuit intégré.

1971 : La société Intel conçut le premier microprocesseur, l'Intel 4004.

Les réalisations majeures

Antiquité : utilisation et conception d'abaques.

Les réalisations majeures

Antiquité : utilisation et conception d'abaques.

1623 : W. Schickard conçut les plans de la première machine à calculer, l'horloge calculante.

Les réalisations majeures

Antiquité : utilisation et conception d'abaques.

1623 : W. Schickard conçut les plans de la première machine à calculer, l'horloge calculante.

1642 : B. Pascal construisit la Pascaline.

Les réalisations majeures

Antiquité : utilisation et conception d'abaques.

1623 : W. Schickard conçut les plans de la première machine à calculer, l'horloge calculante.

1642 : B. Pascal construisit la Pascaline.

1801 : J. M. Jacquard inventa le premier métier à tisser programmable.

Les réalisations majeures

Antiquité : utilisation et conception d'abaques.

1623 : W. Schickard conçut les plans de la première machine à calculer, l'horloge calculante.

1642 : B. Pascal construisit la Pascaline.

1801 : J. M. Jacquard inventa le premier métier à tisser programmable.

1834 : C. Babbage proposa les plans de la machine analytique.

Les réalisations majeures

Antiquité : utilisation et conception d'abaques.

1623 : W. Schickard conçut les plans de la première machine à calculer, l'horloge calculante.

1642 : B. Pascal construisit la Pascaline.

1801 : J. M. Jacquard inventa le premier métier à tisser programmable.

1834 : C. Babbage proposa les plans de la machine analytique.

1887 : H. Hollerith construisit une machine à cartes perforées.

Les réalisations majeures

Antiquité : utilisation et conception d'abaques.

1623 : W. Schickard conçut les plans de la première machine à calculer, l'horloge calculante.

1642 : B. Pascal construisit la Pascaline.

1801 : J. M. Jacquard inventa le premier métier à tisser programmable.

1834 : C. Babbage proposa les plans de la machine analytique.

1887 : H. Hollerith construisit une machine à cartes perforées.

1949 : M. V. Wilkes créa un ordinateur à architecture de von Neumann, l'EDSAC.

Les générations d'ordinateurs

Le dernier siècle peut se découper en générations, suivant le matériel utilisé. Des quatre principales avancées technologiques découlent les quatre générations suivantes.

Les générations d'ordinateurs

Le dernier siècle peut se découper en générations, suivant le matériel utilisé. Des quatre principales avancées technologiques découlent les quatre générations suivantes.

1re génération : de 1936 à 1956, emploi de **tubes à vide**.

Les générations d'ordinateurs

Le dernier siècle peut se découper en générations, suivant le matériel utilisé. Des quatre principales avancées technologiques découlent les quatre générations suivantes.

1re génération : de 1936 à 1956, emploi de **tubes à vide**.

2e génération : de 1956 à 1963, emploi de **transistors**.

Les générations d'ordinateurs

Le dernier siècle peut se découper en générations, suivant le matériel utilisé. Des quatre principales avancées technologiques découlent les quatre générations suivantes.

1re génération : de 1936 à 1956, emploi de **tubes à vide**.

2e génération : de 1956 à 1963, emploi de **transistors**.

3e génération : de 1963 à 1971, emploi de **circuits intégrés**.

Les générations d'ordinateurs

Le dernier siècle peut se découper en générations, suivant le matériel utilisé. Des quatre principales avancées technologiques découlent les quatre générations suivantes.

1re génération : de 1936 à 1956, emploi de **tubes à vide**.

2e génération : de 1956 à 1963, emploi de **transistors**.

3e génération : de 1963 à 1971, emploi de **circuits intégrés**.

4e génération : de 1971 à 2014 (et plus), emploi de **microprocesseurs**.

Les générations d'ordinateurs

Le dernier siècle peut se découper en générations, suivant le matériel utilisé. Des quatre principales avancées technologiques découlent les quatre générations suivantes.

1re génération : de 1936 à 1956, emploi de **tubes à vide**.

2e génération : de 1956 à 1963, emploi de **transistors**.

3e génération : de 1963 à 1971, emploi de **circuits intégrés**.

4e génération : de 1971 à 2014 (et plus), emploi de **microprocesseurs**.

Parcourons maintenant l'évolution des machines en les rangeant en trois catégories : les machines à mécanismes, les machines à lampes, les machines à transistors.

Plan

Le temps des machines à mécanismes

Cette période s'étend de l'antiquité et se termine dans les années 1930.

Le temps des machines à mécanismes

Cette période s'étend de l'antiquité et se termine dans les années 1930.

Souvent d'initiative isolées, les machines construites à cette époque possédaient néanmoins souvent quelques points communs :

- utilisation d'**engrenages** et de **courroies** ;
- nécessité d'une **source physique de mouvement** pour fonctionner ;
- machines construites pour un **objectif fixé** *a priori* ;
- espace de **stockage très faible** ou inexistant.

Le temps des machines à mécanismes

Cette période s'étend de l'antiquité et se termine dans les années 1930.

Souvent d'initiative isolées, les machines construites à cette époque possédaient néanmoins souvent quelques points communs :

- utilisation d'**engrenages** et de **courroies** ;
- nécessité d'une **source physique de mouvement** pour fonctionner ;
- machines construites pour un **objectif fixé** *a priori* ;
- espace de **stockage très faible** ou inexistant.

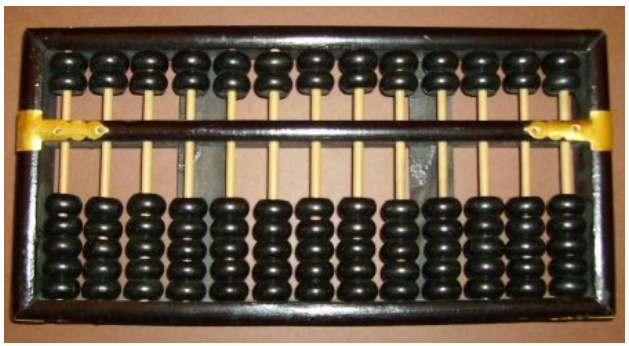
Ces machines faisaient appel à des connaissances théoriques assez rudimentaires, toute proportion gardée vis-à-vis de leur époque d'introduction.

Les abaques

Abaque : instrument mécanique permettant de réaliser des calculs.

Exemples :

Cailloux

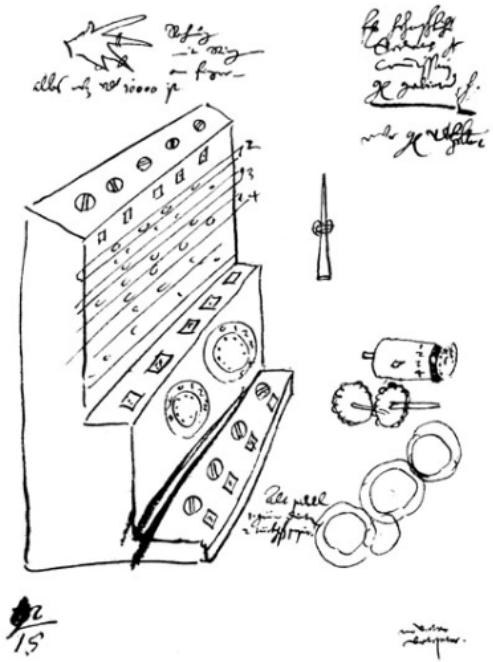


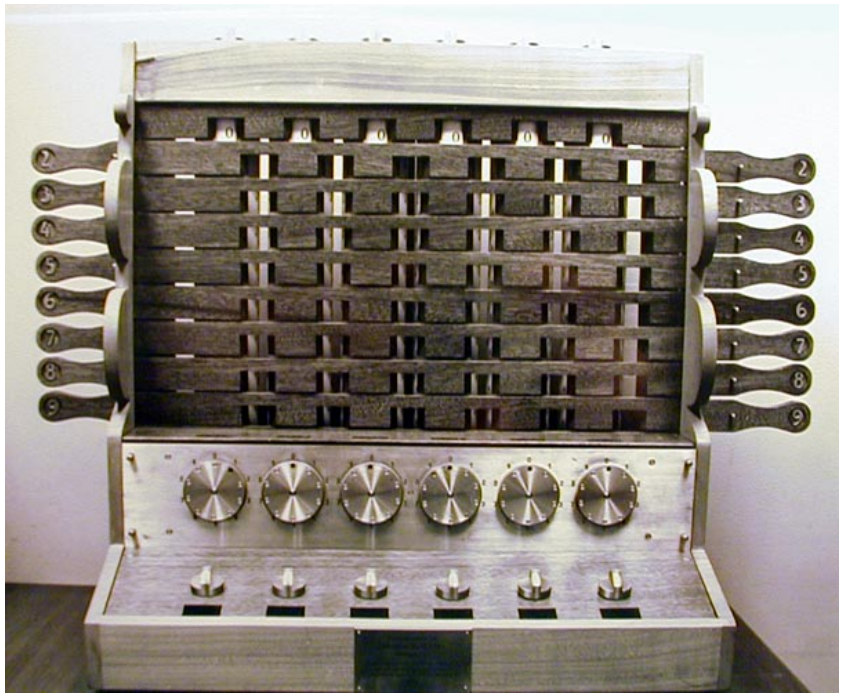
Bouliers

Bâtons de Napier
(J. Napier, 1617)

L'horloge calculante

En 1623, Schickard écrivit à Kepler pour lui présenter les plans de son « horloge calculante ».

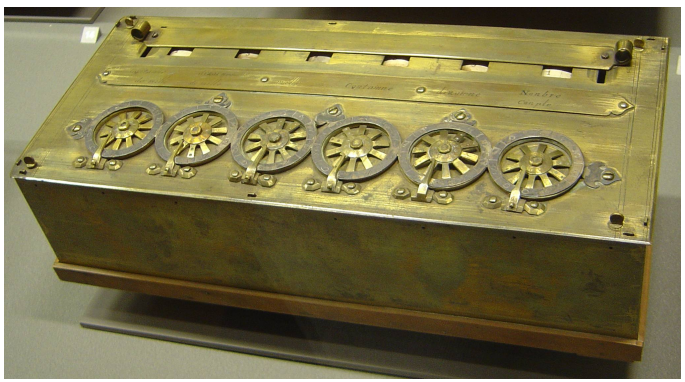




Elle permettait de faire des calculs arithmétiques, utilisait des roues dentées et gérait le report de retenue. Elle ne fut construite qu'en 1960.

La Pascaline

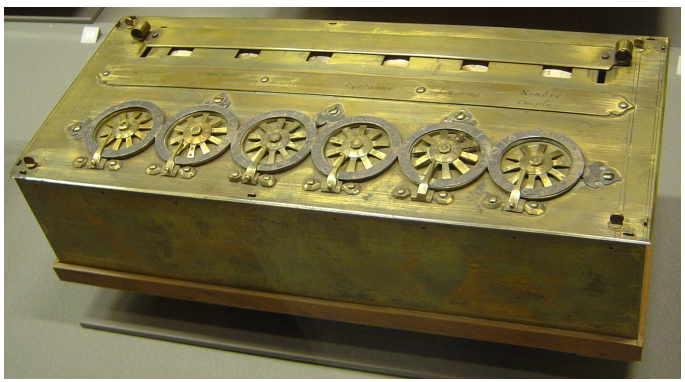
En 1642, Pascal conçu la « Pascaline ».



Elle permettait de réaliser des additions et soustractions de nombres décimaux jusqu'à six chiffres.

La Pascaline

En 1642, Pascal conçu la « Pascaline ».

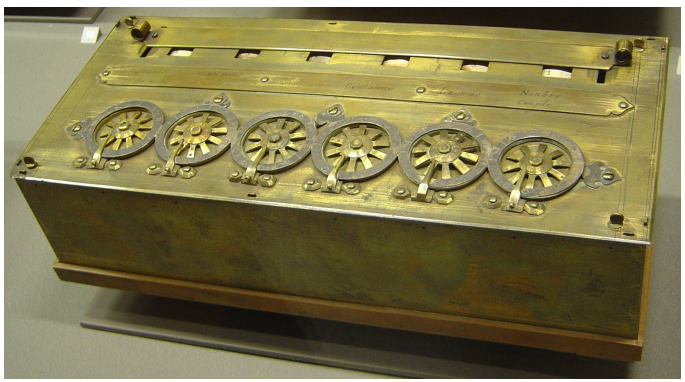


Elle permettait de réaliser des additions et soustractions de nombres décimaux jusqu'à six chiffres.

En 1671, Leibniz améliora la Pascaline de sorte à gérer multiplications et divisions.

La Pascaline

En 1642, Pascal conçu la « Pascaline ».



Elle permettait de réaliser des additions et soustractions de nombres décimaux jusqu'à six chiffres.

En 1671, Leibniz améliora la Pascaline de sorte à gérer multiplications et divisions.

Ces machines permettent de faire des calculs mais leur **tâche** est **fixée dès leur construction** : la notion de programme n'existe pas encore.

Le métier à tisser programmable

En 1801, Jacquard proposa le premier métier à tisser programmable, le « Métier Jacquard ».

Il était piloté par des cartes perforées. Celles-ci dirigeait le comportement de la machine pour tisser des motifs voulus.

Le métier à tisser programmable

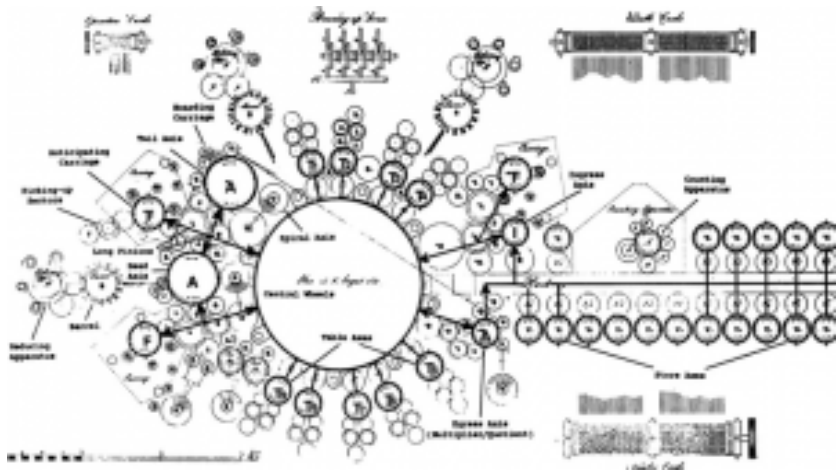
En 1801, Jacquard proposa le premier métier à tisser programmable, le « Métier Jacquard ».

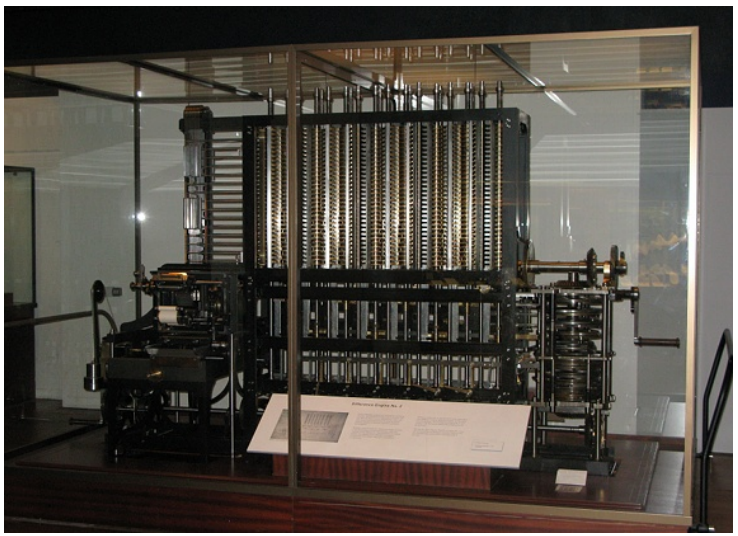
Il était piloté par des cartes perforées. Celles-ci dirigeait le comportement de la machine pour tisser des motifs voulus.

Ces cartes jouaient le rôle de **programme** : une même machine pouvait exécuter des tâches différentes sans avoir à être matériellement modifiée.

La machine analytique

En 1834, Babbage proposa les plans d'une machine, la machine analytique.

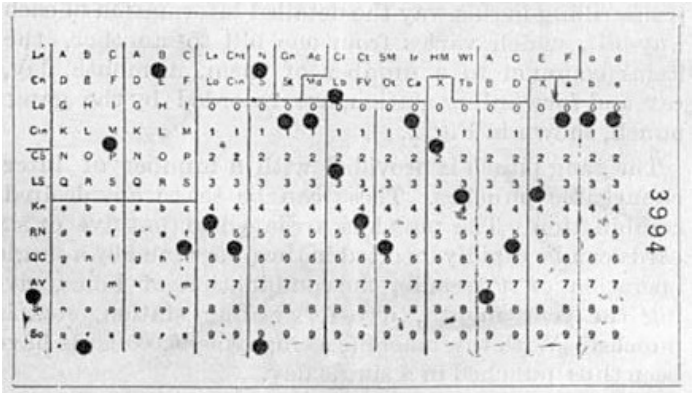




Il ne put cependant pas la construire. Elle ne le fut finalement que dans les années 1990.

La machine à cartes perforées

En 1887, Hollerith construisit une machine à carte perforées pour faciliter le recensement de la population des États-Unis.



Les cartes perforées servaient à décrire les caractéristiques des individus en y perçant des trous.

La machine pouvait ainsi dénombrer les individus selon plusieurs critères.

Plan

Le temps des machines à lampes

Cette période débuta dans les années 1930 avec l'introduction de la machine (théorique) de Turing et se termina dans les années 1950.

Le temps des machines à lampes

Cette période débuta dans les années 1930 avec l'introduction de la machine (théorique) de Turing et se termina dans les années 1950.

D'un **point de vue matériel**, elle était basée sur

- les relais ;
- les tubes à vide ;
- les mémoires à tores de ferrite ;
- les bandes magnétiques.

Le temps des machines à lampes

Cette période débuta dans les années 1930 avec l'introduction de la machine (théorique) de Turing et se termina dans les années 1950.

D'un **point de vue matériel**, elle était basée sur

- les relais ;
- les tubes à vide ;
- les mémoires à tores de ferrite ;
- les bandes magnétiques.

D'un **point de vue théorique**, elle avait pour fondements le système binaire, la machine de Turing et l'architecture de von Neumann.

Le temps des machines à lampes

Cette période débuta dans les années 1930 avec l'introduction de la machine (théorique) de Turing et se termina dans les années 1950.

D'un **point de vue matériel**, elle était basée sur

- les relais ;
- les tubes à vide ;
- les mémoires à tores de ferrite ;
- les bandes magnétiques.

D'un **point de vue théorique**, elle avait pour fondements le système binaire, la machine de Turing et l'architecture de von Neumann.

Les machines de cette ère se programmaient en

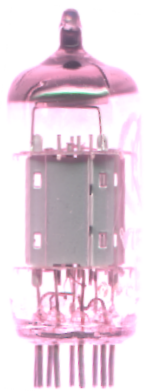
- langage machine pour les toutes premières ;
- assembleur.

La diode à vide

En 1904, Fleming inventa la diode à vide.

Elle s'utilise principalement comme **interrupteur** ou comme **amplificateur** de signal électrique.

Ceci mena à l'invention des **tubes à vide**, composants électriques utilisés dans la conception des télévision, postes de radio et les premières machines électriques.



Ils sont encore utilisés aujourd'hui dans des domaines très précis : fours à micro-ondes, amplificateurs audio et radars entre autres.

Le système binaire, la logique et l'électronique

En 1703, Leibniz s'intéressa à la représentation des nombres en binaire et à leurs opérations.

Le système binaire, la logique et l'électronique

En 1703, Leibniz s'intéressa à la représentation des nombres en binaire et à leurs opérations.

Les bases de la logique étaient connues au temps d'Aristote mais il fallut attendre 1854 pour que Boole formalise la notion de calcul booléen.

Celui-ci est formé de deux valeur, le **faux** (codé par le 0 binaire) et le **vrai** (codé par le 1 binaire) et par diverses opérations :

- le *ou* logique, noté $\vee$;
- le *et* logique, noté $\wedge$;
- le *ou exclusif*, noté $\oplus$;
- la *négation* logique, notée $\neg$.

Le système binaire, la logique et l'électronique

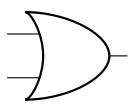
En 1703, Leibniz s'intéressa à la représentation des nombres en binaire et à leurs opérations.

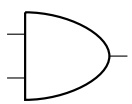
Les bases de la logique étaient connues au temps d'Aristote mais il fallut attendre 1854 pour que Boole formalise la notion de calcul booléen.

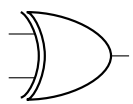
Celui-ci est formé de deux valeur, le **faux** (codé par le 0 binaire) et le **vrai** (codé par le 1 binaire) et par diverses opérations :

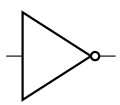
- le *ou* logique, noté $\vee$;
- le *et* logique, noté $\wedge$;
- le *ou exclusif*, noté $\oplus$;
- la *négation* logique, notée $\neg$.

Ces opérations donnèrent lieu aux **portes logiques** dans les machines et constituent les composants de base des unités chargées de réaliser des calculs arithmétique ou logiques.









La machine de Turing

La machine de Turing est un concept mathématique qui fut découvert par Turing en 1936.

Son but est de fournir une abstraction des mécanismes de calcul.

La machine de Turing

La machine de Turing est un concept mathématique qui fut découvert par Turing en 1936.

Son but est de fournir une abstraction des mécanismes de calcul.

Elle pose la définition de ce qui est **calculable** :

« tout ce qui est effectivement *calculable*
est calculable par une machine de Turing ».

La machine de Turing

La machine de Turing est un concept mathématique qui fut découvert par Turing en 1936.

Son but est de fournir une abstraction des mécanismes de calcul.

Elle pose la définition de ce qui est **calculable** :

« tout ce qui est effectivement *calculable*
est calculable par une machine de Turing ».

De manière intuitive, une machine de Turing est une machine qui travaille sur un ruban (infini) contenant des cases qui peuvent être soit vides, soit contenir la valeur 1, soit contenir la valeur 0.

Une tête de lecture/écriture, pilotée par un programme, vient produire un résultat sur le ruban.

La machine de Turing

La machine de Turing est un concept mathématique qui fut découvert par Turing en 1936.

Son but est de fournir une abstraction des mécanismes de calcul.

Elle pose la définition de ce qui est **calculable** :

« tout ce qui est effectivement *calculable*
est calculable par une machine de Turing ».

De manière intuitive, une machine de Turing est une machine qui travaille sur un ruban (infini) contenant des cases qui peuvent être soit vides, soit contenir la valeur 1, soit contenir la valeur 0.

Une tête de lecture/écriture, pilotée par un programme, vient produire un résultat sur le ruban.

Un machine est **Turing-complète** si elle peut calculer tout ce que peut calculer une machine de Turing.

L'architecture de von Neumann

L'architecture de von Neumann est un modèle organisationnel d'ordinateurs décrit par von Neumann en 1945.

L'architecture de von Neumann

L'architecture de von Neumann est un modèle organisationnel d'ordinateurs décrit par von Neumann en 1945.

Quelques caractéristiques importantes :

- une machine de von Neumann possède diverses parties bien distinctes et dédiées à des tâches précises (mémoire, unité de calcul et unité de contrôle) ;

L'architecture de von Neumann

L'architecture de von Neumann est un modèle organisationnel d'ordinateurs décrit par von Neumann en 1945.

Quelques caractéristiques importantes :

- une machine de von Neumann possède diverses parties bien distinctes et dédiées à des tâches précises (mémoire, unité de calcul et unité de contrôle) ;
- le programme à exécuter se situe dans la mémoire interne de la machine (un programme est une donnée comme une autre). Cette caractéristique se nomme **machine à programme enregistré** ;

L'architecture de von Neumann

L'architecture de von Neumann est un modèle organisationnel d'ordinateurs décrit par von Neumann en 1945.

Quelques caractéristiques importantes :

- une machine de von Neumann possède diverses parties bien distinctes et dédiées à des tâches précises (mémoire, unité de calcul et unité de contrôle) ;
- le programme à exécuter se situe dans la mémoire interne de la machine (un programme est une donnée comme une autre). Cette caractéristique se nomme **machine à programme enregistré** ;
- elle est pourvue d'entrées et de sorties qui permettent la saisie et la lecture de données par un humain ou bien par une autre machine.

L'architecture de von Neumann

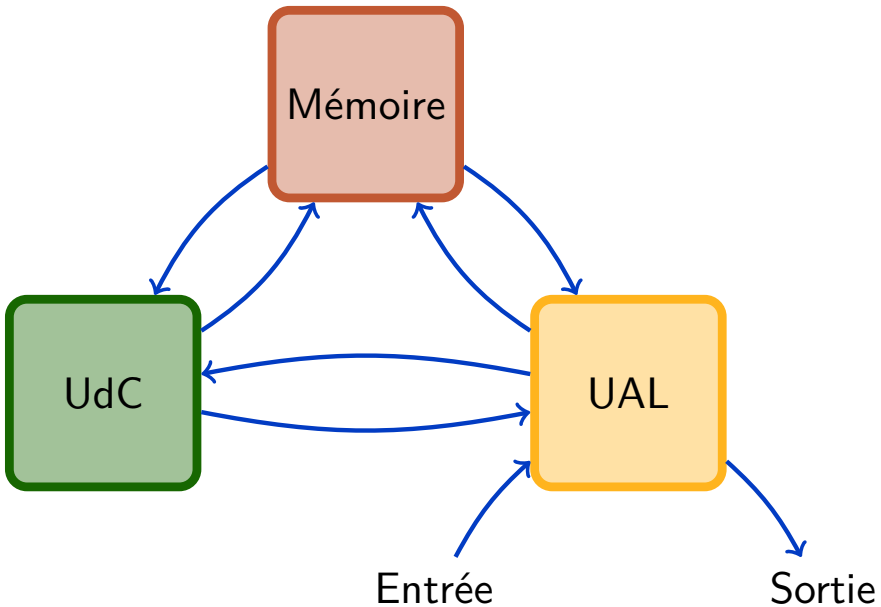
L'architecture de von Neumann est un modèle organisationnel d'ordinateurs décrit par von Neumann en 1945.

Quelques caractéristiques importantes :

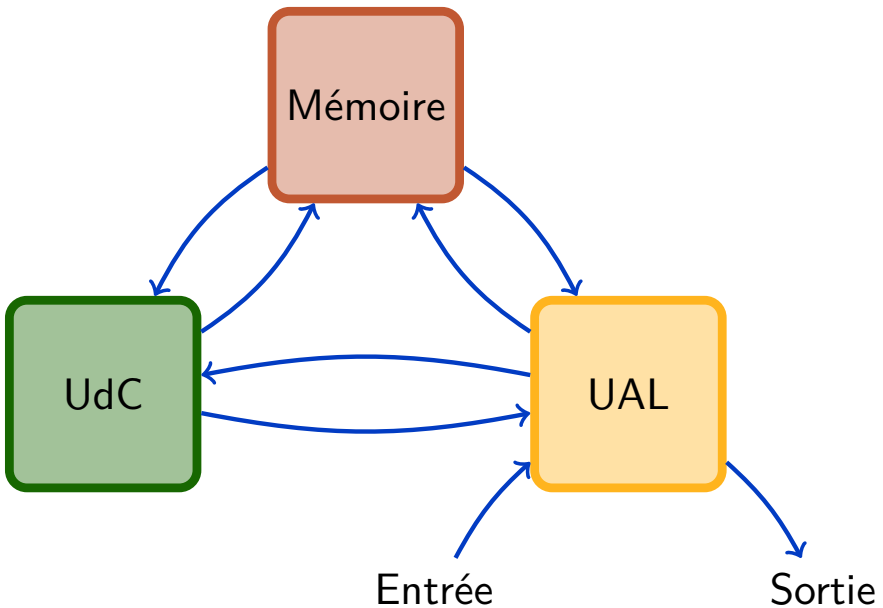
- une machine de von Neumann possède diverses parties bien distinctes et dédiées à des tâches précises (mémoire, unité de calcul et unité de contrôle) ;
- le programme à exécuter se situe dans la mémoire interne de la machine (un programme est une donnée comme une autre). Cette caractéristique se nomme **machine à programme enregistré** ;
- elle est pourvue d'entrées et de sorties qui permettent la saisie et la lecture de données par un humain ou bien par une autre machine.

Encore aujourd'hui la très grande majorité des ordinateurs sont des machines de von Neumann.

L'architecture de von Neumann

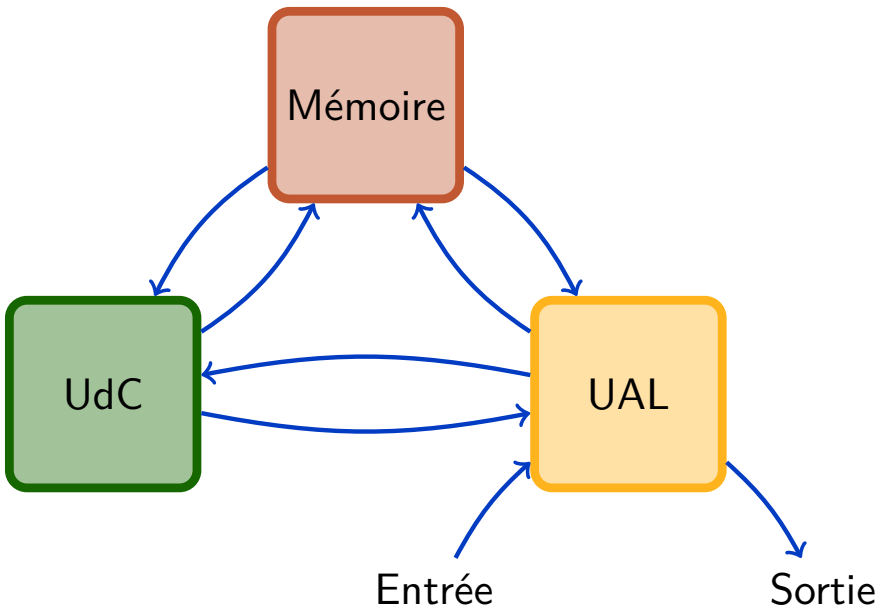


L'architecture de von Neumann



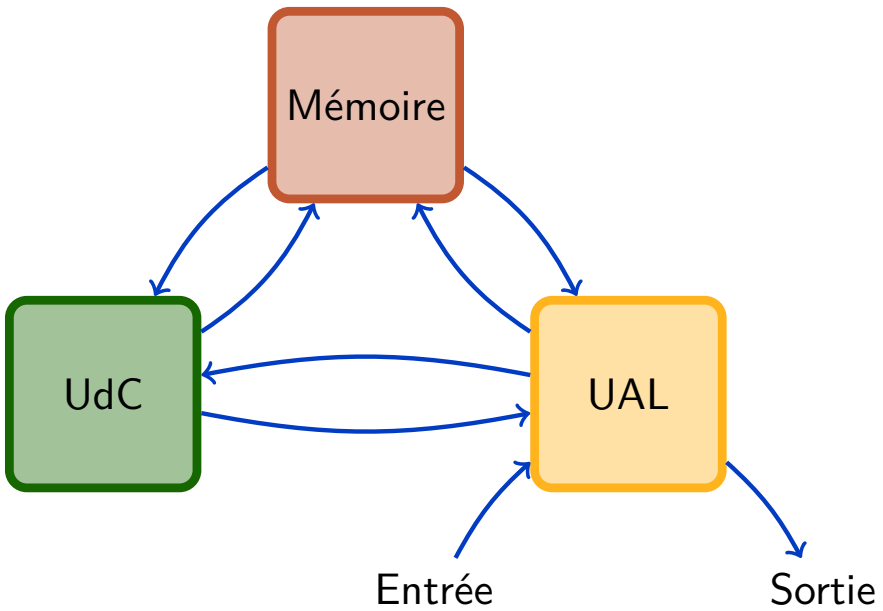
- La mémoire contient à la fois des données et le programme en cours d'exécution.

L'architecture de von Neumann



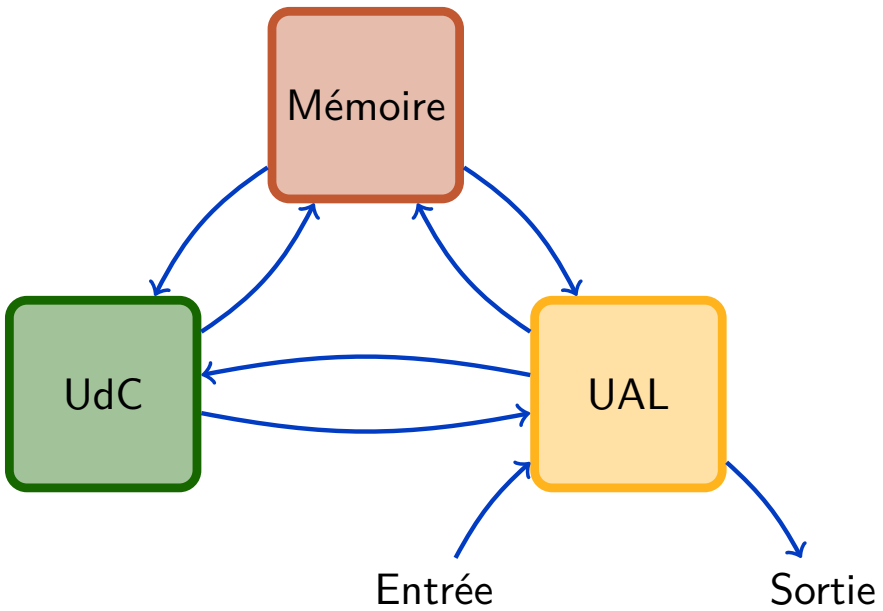
- La mémoire contient à la fois des données et le programme en cours d'exécution.
- L'UdC, Unité de Contrôle, permet de traiter les instructions contenues dans le programme. Elle est chargée du **séquençage** des opérations.

L'architecture de von Neumann



- La mémoire contient à la fois des données et le programme en cours d'exécution.
- L'UdC, Unité de Contrôle, permet de traiter les instructions contenues dans le programme. Elle est chargée du **séquençage** des opérations.
- L'UAL, Unité Arithmétique et Logique, permet de réaliser des instructions élémentaires : opérations arithmétiques ($+$, $-$, $\times$, $/$, ...), opérations logiques ($\vee$, $\wedge$, $\oplus$, $\neg$, ...), opérations de comparaison ($=$, $\neq$, $\leqslant$, $<$, ...).

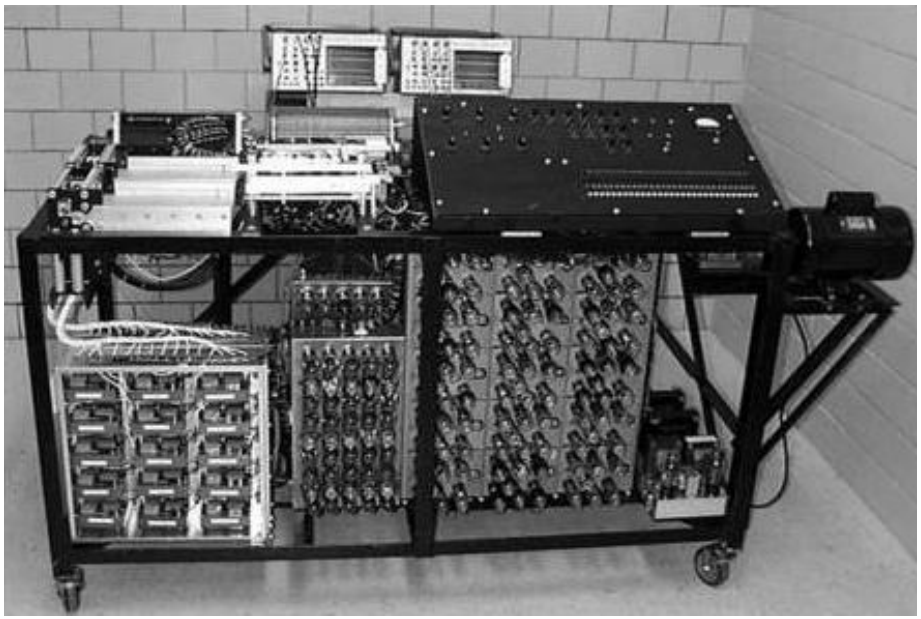
L'architecture de von Neumann



- La mémoire contient à la fois des données et le programme en cours d'exécution.
- L'UdC, Unité de Contrôle, permet de traiter les instructions contenues dans le programme. Elle est chargée du **séquençage** des opérations.
- L'UAL, Unité Arithmétique et Logique, permet de réaliser des instructions élémentaires : opérations arithmétiques ($+$, $-$, $\times$, $/$, ...), opérations logiques ($\vee$, $\wedge$, $\oplus$, $\neg$, ...), opérations de comparaison ($=$, $\neq$, $\leqslant$, $<$, ...).
- L'entrée permet de recevoir des informations.
- La sortie permet d'envoyer des informations.

L'ABC

L'Atanasoff–Berry Computer (ABC) fut le premier ordinateur numérique électronique. Il fut construit en 1937 par Atanasoff et Berry.

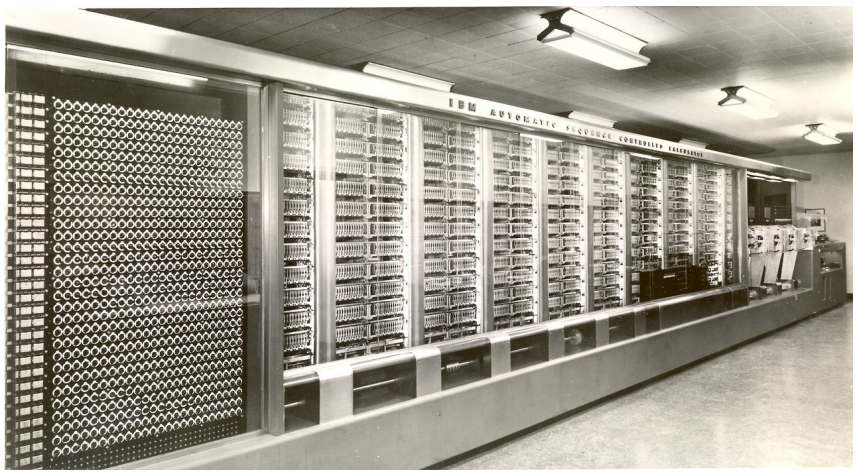


Il représentait les données en binaire et il adoptait une **séparation entre mémoire et unité de calcul**.

Il a été construit pour la résolution de systèmes d'équations linéaires (il pouvait manipuler des systèmes à vingt-neuf équations).

L'ASCC

L'Automatic Sequence Controlled Calculator (ASCC), également appelé Harvard Mark I, fut construit par IBM en 1944. Il fut le premier ordinateur a **exécution totalement automatique**.

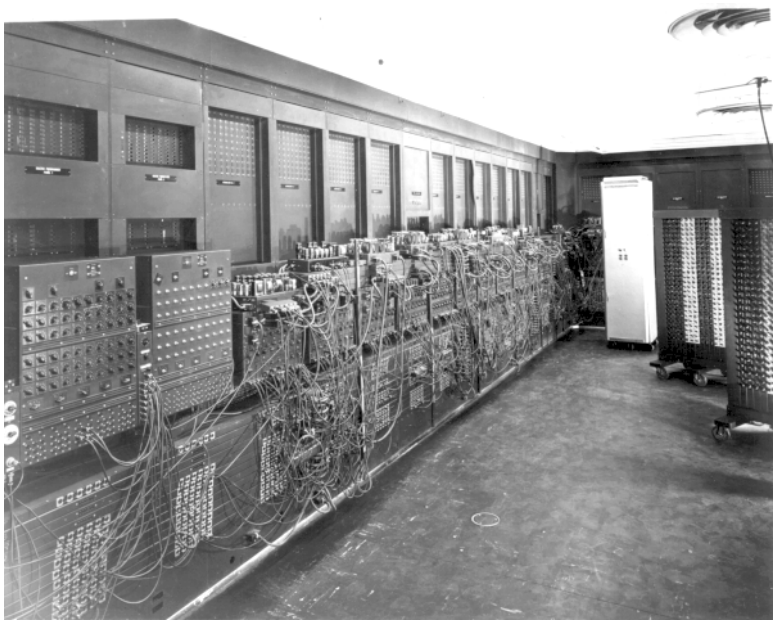


Il pouvait réaliser une multiplication de nombres de vingt-trois chiffres décimaux en six secondes, une division en quinze secondes et des calculs trigonométriques en une minute.

Il ne vérifie pas l'architecture de von Neumann car il fonctionne à cartes perforées (le programme n'est pas une donnée).

L'ENIAC

L'Electronic Numerical Integrator Analyser and Computer (ENIAC) fut achevé en 1946. C'est le premier ordinateur électronique **Turing-complet**.

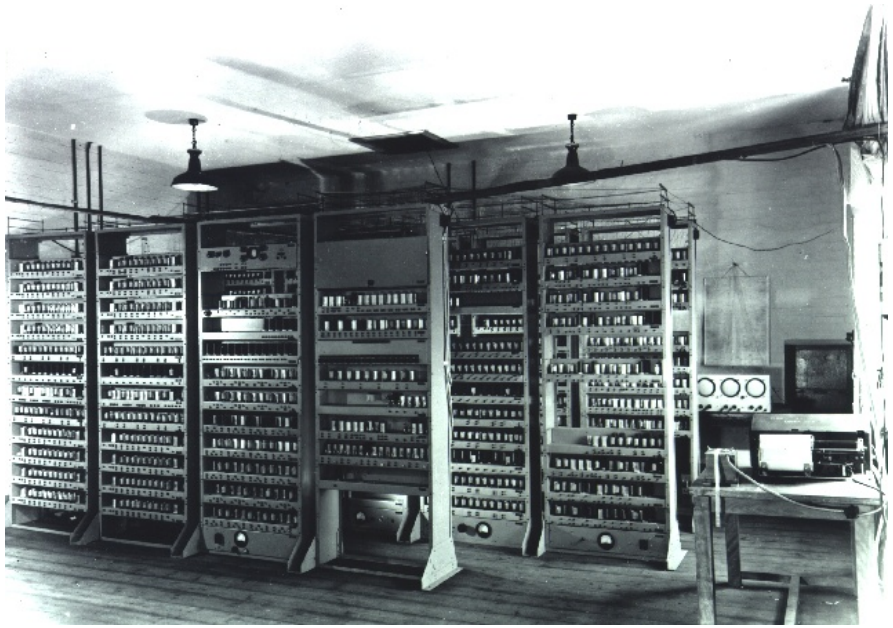


Il pouvait réaliser des multiplications de nombres de dix chiffres décimaux en trois millièmes de seconde.

Il contient 17468 tubes à vide et sa masse est de trente tonnes.

L'EDSAC

L'Electronic Delay Storage Automatic Calculator (EDSAC), descendant de l'ENIAC, fut contruit en 1949. C'est une **machine de von Neumann**.



Sa mémoire utilisable est organisée en 1024 régions de 17 bits. Une instruction est représentée par un code 5 bits, suivi d'un bit de séparation, de 10 bits d'adresse et d'un bit de contrôle.

Plan

Le temps des machines à transistors

Cette période débuta dans les années 1950 et se prolonge encore aujourd'hui (en 2014).

Le temps des machines à transistors

Cette période débuta dans les années 1950 et se prolonge encore aujourd'hui (en 2014).

D'un **point de vue matériel**, elle se base sur

- les transistors ;
- les circuits intégrés ;
- les microprocesseurs ;
- les mémoires SRAM et flash.

Le temps des machines à transistors

Cette période débuta dans les années 1950 et se prolonge encore aujourd'hui (en 2014).

D'un **point de vue matériel**, elle se base sur

- les transistors ;
- les circuits intégrés ;
- les microprocesseurs ;
- les mémoires SRAM et flash.

D'un **point de vue théorique**, il y a assez peu de différences par rapport à l'ère précédente. Les machines sont de von Neumann et Turing-complètes. Les principales avancées théoriques sont de nature algorithmique où de nombreuses découvertes ont été réalisées.

Le temps des machines à transistors

Cette période débuta dans les années 1950 et se prolonge encore aujourd'hui (en 2014).

D'un **point de vue matériel**, elle se base sur

- les transistors ;
- les circuits intégrés ;
- les microprocesseurs ;
- les mémoires SRAM et flash.

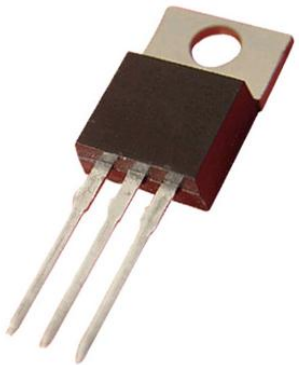
D'un **point de vue théorique**, il y a assez peu de différences par rapport à l'ère précédente. Les machines sont de von Neumann et Turing-complètes. Les principales avancées théoriques sont de nature algorithmique où de nombreuses découvertes ont été réalisées.

L'apparition des premiers langages de programmation est un signe annonciateur de cette nouvelle ère :

- le FORTRAN (Formula Translator) en 1957 ;
- le COBOL (Common Business Oriented Language) en 1959.

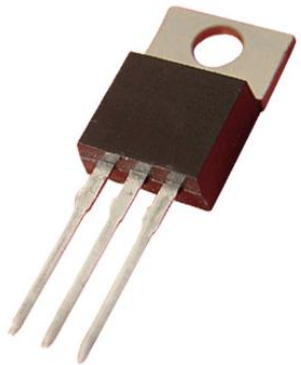
Le transistor

En 1948, Bardeen, Shockley et Brattain inventèrent le transistor.



Le transistor

En 1948, Bardeen, Shockley et Brattain inventèrent le transistor.

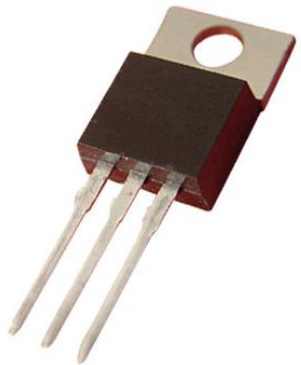


C'est une **version améliorée du tube à vide** :

- élément moins volumineux et plus solide ;
- fonctionne sur de faibles tensions ;
- pas de préchauffage requis.

Le transistor

En 1948, Bardeen, Shockley et Brattain inventèrent le transistor.



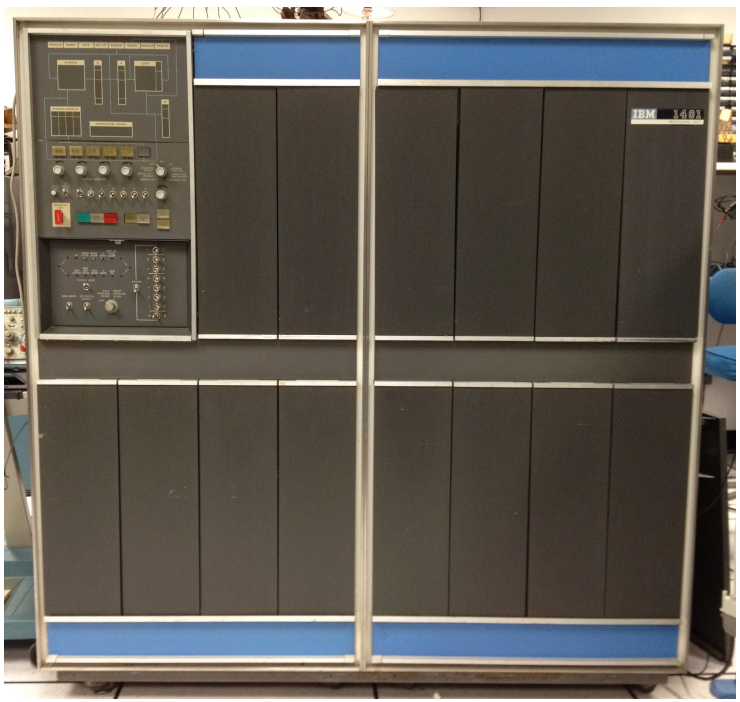
C'est une **version améliorée du tube à vide** :

- élément moins volumineux et plus solide ;
- fonctionne sur de faibles tensions ;
- pas de préchauffage requis.

Ils peuvent être miniaturisés au point de pouvoir être assemblés en très grand nombre (plusieurs milliards) dans un très petit volume.

L'IBM 1401

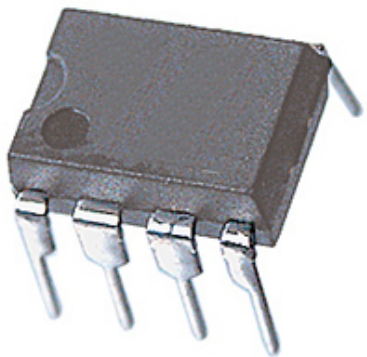
L'IBM 1401 fut fabriqué de 1959 à 1965. Il fut l'une des machines à transistor les plus vendues de son époque.



Il pouvait réaliser 193000 additions de nombres de huit chiffres décimaux par seconde et disposait d'une mémoire d'environ 8 Kio.

Le circuit intégré

En 1958, Kilby inventa le circuit intégré.



C'est intuitivement un composant obtenu en connectant d'une certaine manière des transistors entre eux.

Son rôle est donc de regrouper dans un espace très réduit un très grand nombre de composants électroniques (transistors, portes logiques, *etc.*).

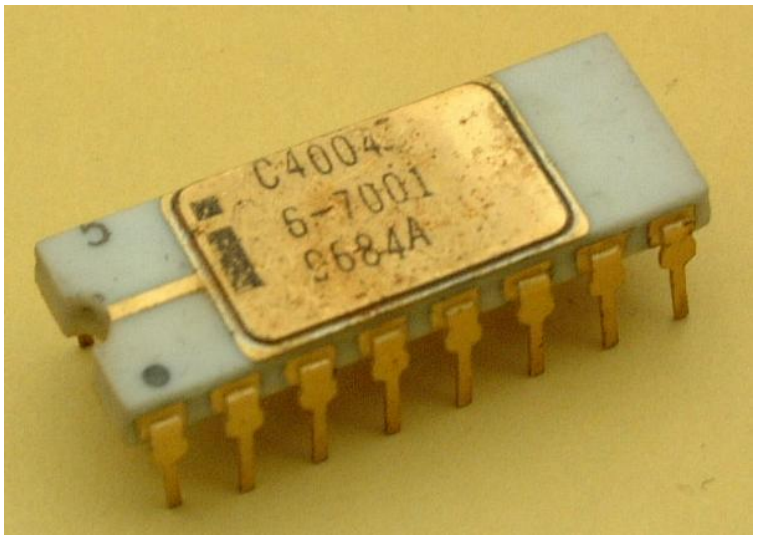
L'IBM 360

L'IBM 360 fut commercialisé dès 1966 et fut l'une des premières machines à circuits intégrés les plus célèbres de son époque.

Il pouvait accueillir jusqu'à 8 Mio de mémoire.

Le microprocesseur

Le premier microprocesseur fut conçut en 1971. Il s'agit de l'INTEL 4004.



Il contenait 2300 transistors et sa fréquence était de 740 KHz.

Il fournissait une puissance équivalente à l'ENIAC.

Vers les ordinateurs d'aujourd'hui

Depuis l'invention du microprocesseur, les machines ont subi de nombreuses évolutions matérielles :

- **miniaturisation** de plus en plus poussée ;

Vers les ordinateurs d'aujourd'hui

Depuis l'invention du microprocesseur, les machines ont subi de nombreuses évolutions matérielles :

- **miniaturisation** de plus en plus poussée ;
- meilleure **gestion de l'énergie** ;

Vers les ordinateurs d'aujourd'hui

Depuis l'invention du microprocesseur, les machines ont subi de nombreuses évolutions matérielles :

- **miniaturisation** de plus en plus poussée ;
- meilleure **gestion de l'énergie** ;
- plus grande **puissance de calcul** ;

Vers les ordinateurs d'aujourd'hui

Depuis l'invention du microprocesseur, les machines ont subi de nombreuses évolutions matérielles :

- **miniaturisation** de plus en plus poussée ;
- meilleure **gestion de l'énergie** ;
- plus grande **puissance de calcul** ;
- augmentation des quantités de **mémoire** ;

Vers les ordinateurs d'aujourd'hui

Depuis l'invention du microprocesseur, les machines ont subi de nombreuses évolutions matérielles :

- **miniaturisation** de plus en plus poussée ;
- meilleure **gestion de l'énergie** ;
- plus grande **puissance de calcul** ;
- augmentation des quantités de **mémoire** ;
- meilleure **fiabilité**.

Vers les ordinateurs d'aujourd'hui

Depuis l'invention du microprocesseur, les machines ont subi de nombreuses évolutions matérielles :

- **miniaturisation** de plus en plus poussée ;
- meilleure **gestion de l'énergie** ;
- plus grande **puissance de calcul** ;
- augmentation des quantités de **mémoire** ;
- meilleure **fiabilité**.

En parallèle, de nouvelles connaissances théoriques viennent se joindre à ces avancées :

- nouveaux **algorithmes** ;

Vers les ordinateurs d'aujourd'hui

Depuis l'invention du microprocesseur, les machines ont subi de nombreuses évolutions matérielles :

- **miniaturisation** de plus en plus poussée ;
- meilleure **gestion de l'énergie** ;
- plus grande **puissance de calcul** ;
- augmentation des quantités de **mémoire** ;
- meilleure **fiabilité**.

En parallèle, de nouvelles connaissances théoriques viennent se joindre à ces avancées :

- nouveaux **algorithmes** ;
- nouveaux **langages de programmation** ;

Vers les ordinateurs d'aujourd'hui

Depuis l'invention du microprocesseur, les machines ont subi de nombreuses évolutions matérielles :

- **miniaturisation** de plus en plus poussée ;
- meilleure **gestion de l'énergie** ;
- plus grande **puissance de calcul** ;
- augmentation des quantités de **mémoire** ;
- meilleure **fiabilité**.

En parallèle, de nouvelles connaissances théoriques viennent se joindre à ces avancées :

- nouveaux **algorithmes** ;
- nouveaux **langages de programmation** ;
- apparition du **calcul parallèle** ;

Vers les ordinateurs d'aujourd'hui

Depuis l'invention du microprocesseur, les machines ont subi de nombreuses évolutions matérielles :

- **miniaturisation** de plus en plus poussée ;
- meilleure **gestion de l'énergie** ;
- plus grande **puissance de calcul** ;
- augmentation des quantités de **mémoire** ;
- meilleure **fiabilité**.

En parallèle, de nouvelles connaissances théoriques viennent se joindre à ces avancées :

- nouveaux **algorithmes** ;
- nouveaux **langages de programmation** ;
- apparition du **calcul parallèle** ;
- apparition des **réseaux** ;

Vers les ordinateurs d'aujourd'hui

Depuis l'invention du microprocesseur, les machines ont subi de nombreuses évolutions matérielles :

- **miniaturisation** de plus en plus poussée ;
- meilleure **gestion de l'énergie** ;
- plus grande **puissance de calcul** ;
- augmentation des quantités de **mémoire** ;
- meilleure **fiabilité**.

En parallèle, de nouvelles connaissances théoriques viennent se joindre à ces avancées :

- nouveaux **algorithmes** ;
- nouveaux **langages de programmation** ;
- apparition du **calcul parallèle** ;
- apparition des **réseaux** ;
- apparition des **machines virtuelles**.

Plan

Plan

Bits et suites de bits

Pour qu'un ordinateur puisse traiter des données, il est nécessaire de les représenter de sorte qu'il puisse les « comprendre » et les manipuler.

Bits et suites de bits

Pour qu'un ordinateur puisse traiter des données, il est nécessaire de les représenter de sorte qu'il puisse les « comprendre » et les manipuler.

Il est facile de représenter électroniquement deux états : **l'état** `0` (incarné par l'absence de courant électrique) et **l'état** `1` (incarné par la présence de courant électrique).

Bits et suites de bits

Pour qu'un ordinateur puisse traiter des données, il est nécessaire de les représenter de sorte qu'il puisse les « comprendre » et les manipuler.

Il est facile de représenter électroniquement deux états : **l'état** `0` (incarné par l'absence de courant électrique) et **l'état** `1` (incarné par la présence de courant électrique).

On appelle bit l'unité de base d'information, à valeur dans l'ensemble $\{0, 1\}$, symbolisant l'état `0` ou l'état `1`.

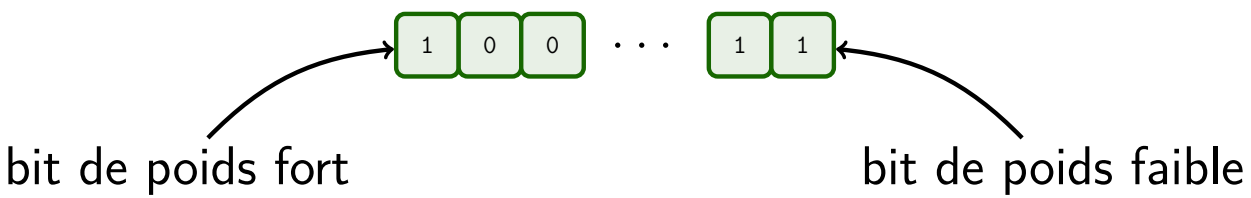
Bits et suites de bits

Pour qu'un ordinateur puisse traiter des données, il est nécessaire de les représenter de sorte qu'il puisse les « comprendre » et les manipuler.

Il est facile de représenter électroniquement deux états : **l'état** 0 (incarné par l'absence de courant électrique) et **l'état** 1 (incarné par la présence de courant électrique).

On appelle bit l'unité de base d'information, à valeur dans l'ensemble $\{0, 1\}$, symbolisant l'état 0 ou l'état 1.

Dans un ordinateur, les informations sont représentées par des **suites finies de bits**.



Représenter des informations

Pour qu'une suite de bits représente de l'information, il faut savoir comment l'interpréter. Une interprétation s'appelle un codage.

On placera, si possible pour chaque suite de symboles, le nom de son codage en indice.

Représenter des informations

Pour qu'une suite de bits représente de l'information, il faut savoir comment l'interpréter. Une interprétation s'appelle un codage.

On placera, si possible pour chaque suite de symboles, le nom de son codage en indice.

Les principales informations que l'on souhaite représenter sont

- les entiers (positifs ou négatifs) ;
- les nombres réels ;
- les caractères ;
- les textes ;
- les instructions (d'un programme).

Représenter des informations

Pour qu'une suite de bits représente de l'information, il faut savoir comment l'interpréter. Une interprétation s'appelle un codage.

On placera, si possible pour chaque suite de symboles, le nom de son codage en indice.

Les principales informations que l'on souhaite représenter sont

- les entiers (positifs ou négatifs) ;
- les nombres réels ;
- les caractères ;
- les textes ;
- les instructions (d'un programme).

Pour chacun de ces points, il existe beaucoup de codages différents.

Leur raison d'être est que, selon la situation, un codage peut s'avérer meilleur qu'un autre (plus simple, plus économique, plus efficace).

Types de données fondamentaux

Type	Taille
bit	1 bit
octet (byte)	8 bits
mot (word)	16 bits
double mot (dword)	32 bits
quadruple mot (qword)	64 bits

Types de données fondamentaux

Type	Taille
bit	1 bit
octet (byte)	8 bits
mot (word)	16 bits
double mot (dword)	32 bits
quadruple mot (qword)	64 bits
kib**io**ctet (Kio)	$2^{10} = 1024$ octets
méb**io**ctet (Mio)	$2^{20} = 1048576$ octets
gib**io**ctet (Gio)	$2^{30} = 1073741824$ octets

Types de données fondamentaux

Type	Taille
bit	1 bit
octet (byte)	8 bits
mot (word)	16 bits
double mot (dword)	32 bits
quadruple mot (qword)	64 bits
kib**io**ctet (Kio)	$2^{10} = 1024$ octets
méb**io**ctet (Mio)	$2^{20} = 1048576$ octets
gib**io**ctet (Gio)	$2^{30} = 1073741824$ octets
kilo**o**ctet (Ko)	$10^3 = 1000$ octets
méga**o**ctet (Mo)	$10^6 = 1000000$ octets
giga**o**ctet (Go)	$10^9 = 1000000000$ octets

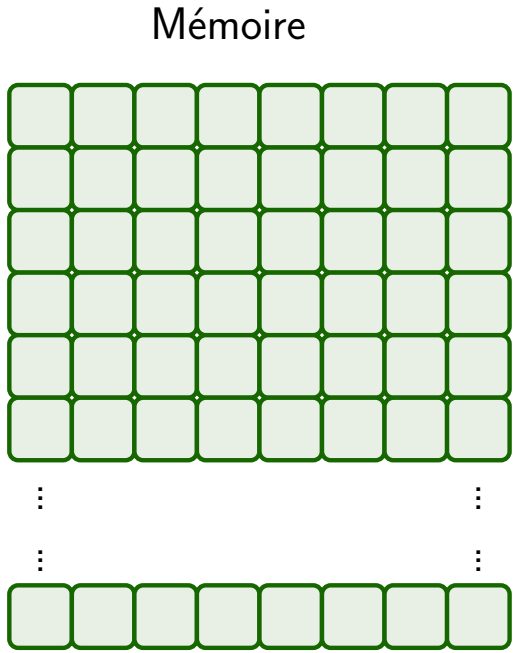
Types de données fondamentaux

Type	Taille
bit	1 bit
octet (byte)	8 bits
mot (word)	16 bits
double mot (dword)	32 bits
quadruple mot (qword)	64 bits
kibi**o**ctet (Kio)	$2^{10} = 1024$ octets
mébi**o**ctet (Mio)	$2^{20} = 1048576$ octets
gibi**o**ctet (Gio)	$2^{30} = 1073741824$ octets
kilo**o**ctet (Ko)	$10^3 = 1000$ octets
méga**o**ctet (Mo)	$10^6 = 1000000$ octets
giga**o**ctet (Go)	$10^9 = 1000000000$ octets

On utilisera de préférence les unités Kio, Mio et Gio à la place de Ko, Mo et Go.

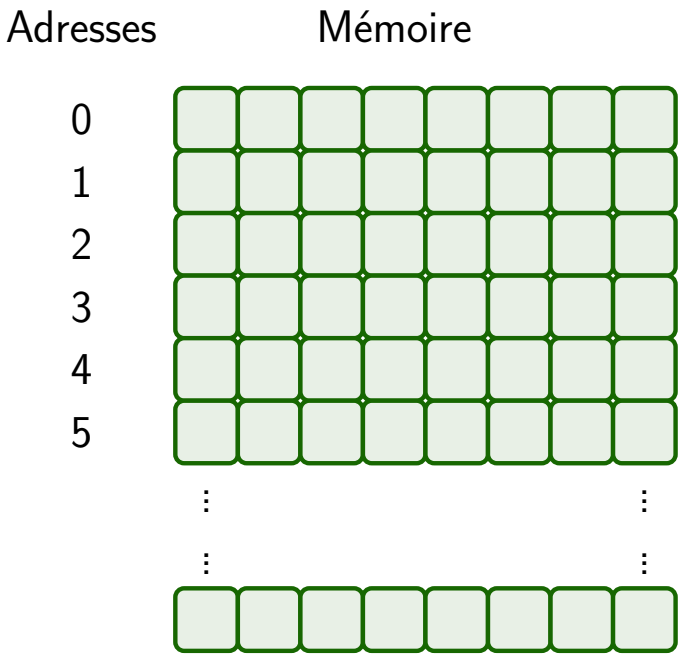
Mémoire d'une machine

La mémoire d'un ordinateur est un tableau dont chaque case contient un octet.



Mémoire d'une machine

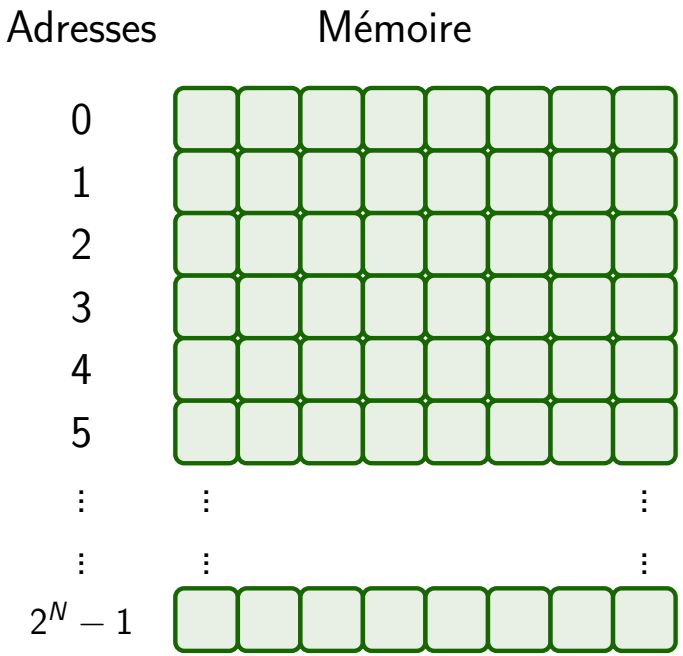
La mémoire d'un ordinateur est un tableau dont chaque case contient un octet.



Chaque octet de la mémoire est repéré par son adresse. C'est sa position dans le tableau.

Mémoire d'une machine

La mémoire d'un ordinateur est un tableau dont chaque case contient un octet.



Chaque octet de la mémoire est repéré par son adresse. C'est sa position dans le tableau.

Sur un système N bits, l'adressage va de 0 à $2^N - 1$ au maximum.

Boutisme

La structure octet par octet de la mémoire donne lieu au problème suivant : comment organiser en mémoire une suite de bits u constituée de plus de huit bits ?

Boutisme

La structure octet par octet de la mémoire donne lieu au problème suivant : comment organiser en mémoire une suite de bits u constituée de plus de huit bits ?

Il existe pour cela deux conventions : le petit boutisme (*little-endian*) et le grand boutisme (*big-endian*). Les architectures qui nous intéressent sont en petit boutisme.

Boutisme

La structure octet par octet de la mémoire donne lieu au problème suivant : comment organiser en mémoire une suite de bits u constituée de plus de huit bits ?

Il existe pour cela deux conventions : le petit boutisme (*little-endian*) et le grand boutisme (*big-endian*). Les architectures qui nous intéressent sont en petit boutisme.

L'organisation se fait en trois étapes :

1. si u n'occupe pas un nombre de bits multiple de huit, on ajoute des 0 à sa **gauche** de sorte qu'il le devienne. On appelle u' cette nouvelle suite ;

Boutisme

La structure octet par octet de la mémoire donne lieu au problème suivant : comment organiser en mémoire une suite de bits u constituée de plus de huit bits ?

Il existe pour cela deux conventions : le petit boutisme (*little-endian*) et le grand boutisme (*big-endian*). Les architectures qui nous intéressent sont en petit boutisme.

L'organisation se fait en trois étapes :

1. si u n'occupe pas un nombre de bits multiple de huit, on ajoute des 0 à sa **gauche** de sorte qu'il le devienne. On appelle u' cette nouvelle suite ;
2. on découpe u' en k morceaux de huit bits

$$u' = u'_{k-1} \dots u'_1 u'_0 \ ;$$

Boutisme

La structure octet par octet de la mémoire donne lieu au problème suivant : comment organiser en mémoire une suite de bits u constituée de plus de huit bits ?

Il existe pour cela deux conventions : le petit boutisme (*little-endian*) et le grand boutisme (*big-endian*). Les architectures qui nous intéressent sont en petit boutisme.

L'organisation se fait en trois étapes :

1. si u n'occupe pas un nombre de bits multiple de huit, on ajoute des 0 à sa **gauche** de sorte qu'il le devienne. On appelle u' cette nouvelle suite ;
2. on découpe u' en k morceaux de huit bits
$$u' = u'_{k-1} \dots u'_1 u'_0 \ ;$$
3. en petit (resp. grand) boutisme, les morceaux sont placés, des petites aux grandes adresses, de u'_0 à u'_{k-1} (resp. u'_{k-1} à u'_0) dans la mémoire.

Boutisme

P.ex., pour

$$u := 01111000000001011101111,$$

Boutisme

P.ex., pour

$$u := 01111000000001011101111,$$

on a

$$u' = 00001111000000001011101111$$

Boutisme

P.ex., pour

$$u := 01111000000001011101111,$$

on a

$$u' = 00001111000000001011101111$$

et

$$u'_2 = 00001111, \qquad u'_1 = 00000001, \qquad u'_0 = 01110111.$$

Boutisme

P.ex., pour

$$u := 01111000000001011101111,$$

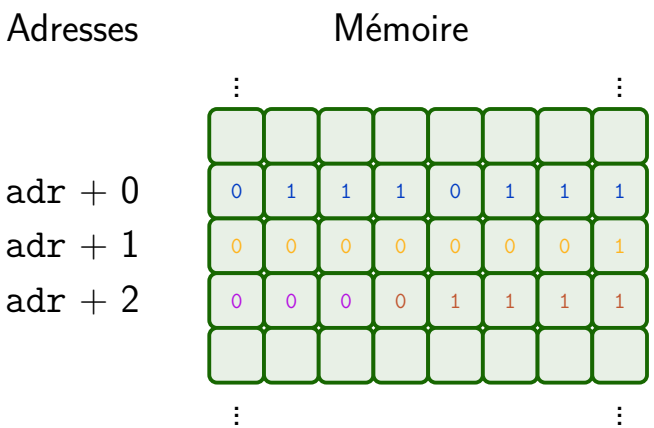
on a

$$u' = 0000111100000000101110111$$

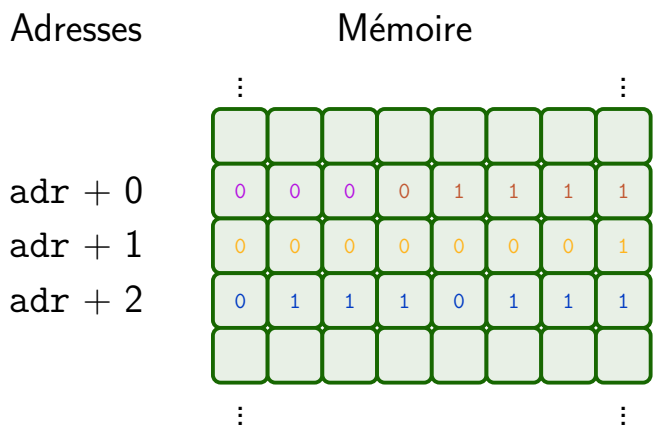
et

$$u'_2 = 00001111, \qquad u'_1 = 00000001, \qquad u'_0 = 01110111.$$

Selon les deux conventions, le placement de u à l'adresse `adr` en mémoire donne lieu à



en petit boutisme



en grand boutisme

Plan

Codage unaire

Le moyen le plus simple de représenter un entier positif n consiste à le coder par une suite de n bits à 1. Ceci est le codage unaire de n.

Codage unaire

Le moyen le plus simple de représenter un entier positif n consiste à le coder par une suite de n bits à 1. Ceci est le codage unaire de n.

P.ex., l'entier $(7)_{\text{dix}}$ est codé par la suite $(1111111)_{\text{un}}$.

Codage unaire

Le moyen le plus simple de représenter un entier positif n consiste à le coder par une suite de n bits à 1. Ceci est le codage unaire de n.

P.ex., l'entier $(7)_{\text{dix}}$ est codé par la suite $(1111111)_{\text{un}}$.

Avec ce codage, les **opérations arithmétiques** sont **très simples** :

- addition : concaténation des codages. P.ex.,

$$(7)_{\text{dix}} + (9)_{\text{dix}} = (1111111)_{\text{un}} + (111111111)_{\text{un}} = (1111111111111111)_{\text{un}}.$$

Codage unaire

Le moyen le plus simple de représenter un entier positif n consiste à le coder par une suite de n bits à 1. Ceci est le codage unaire de n.

P.ex., l'entier $(7)_{\text{dix}}$ est codé par la suite $(1111111)_{\text{un}}$.

Avec ce codage, les **opérations arithmétiques** sont **très simples** :

- addition : concaténation des codages. P.ex.,

$$(7)_{\text{dix}} + (9)_{\text{dix}} = (1111111)_{\text{un}} + (111111111)_{\text{un}} = (1111111111111111)_{\text{un}}.$$

- produit de u et v : substitution de v à chaque 1 de u. P.ex.,

$$(3)_{\text{dix}} \times (5)_{\text{dix}} = (111)_{\text{un}} \times (11111)_{\text{un}} = (11111\ 11111\ 1111)_{\text{un}}.$$

Codage unaire

Le moyen le plus simple de représenter un entier positif n consiste à le coder par une suite de n bits à 1. Ceci est le codage unaire de n.

P.ex., l'entier $(7)_{\text{dix}}$ est codé par la suite $(1111111)_{\text{un}}$.

Avec ce codage, les **opérations arithmétiques** sont **très simples** :

- addition : concaténation des codages. P.ex.,

$$(7)_{\text{dix}} + (9)_{\text{dix}} = (1111111)_{\text{un}} + (111111111)_{\text{un}} = (1111111111111111)_{\text{un}}.$$

- produit de u et v : substitution de v à chaque 1 de u. P.ex.,

$$(3)_{\text{dix}} \times (5)_{\text{dix}} = (111)_{\text{un}} \times (11111)_{\text{un}} = (11111\ 11111\ 1111)_{\text{un}}.$$

Avantages : opérations arithmétiques faciles sur les entiers positifs.

Codage unaire

Le moyen le plus simple de représenter un entier positif n consiste à le coder par une suite de n bits à 1. Ceci est le codage unaire de n.

P.ex., l'entier $(7)_{\text{dix}}$ est codé par la suite $(1111111)_{\text{un}}$.

Avec ce codage, les **opérations arithmétiques** sont **très simples** :

- addition : concaténation des codages. P.ex.,

$$(7)_{\text{dix}} + (9)_{\text{dix}} = (1111111)_{\text{un}} + (111111111)_{\text{un}} = (1111111111111111)_{\text{un}}.$$

- produit de u et v : substitution de v à chaque 1 de u. P.ex.,

$$(3)_{\text{dix}} \times (5)_{\text{dix}} = (111)_{\text{un}} \times (11111)_{\text{un}} = (11111\ 11111\ 1111)_{\text{un}}.$$

Avantages : opérations arithmétiques faciles sur les entiers positifs.

Inconvénients : espace mémoire en $\Theta(n)$ pour représenter l'entier n ; possibilité de ne représenter que des entiers positifs.

Représentation Binary Coded Decimal (BCD)

Le codage BCD consiste à représenter un entier positif

$$(c_{n-1} \dots c_1 c_0)_{\text{dix}}$$

exprimé en base dix par la suite de $4n$ bits

$$(c'_{n-1} \dots c'_1 c'_0)_{\text{bcd}}$$

où chaque c'_i est le code BCD de c_i. Celui-ci code chaque chiffre décimal par une suite de quatre bits au moyen de la table suivante :

$$(0)_{\text{dix}} \to (0000)_{\text{bcd}} \qquad (5)_{\text{dix}} \to (0101)_{\text{bcd}}$$

$$(1)_{\text{dix}} \to (0001)_{\text{bcd}} \qquad (6)_{\text{dix}} \to (0110)_{\text{bcd}}$$

$$(2)_{\text{dix}} \to (0010)_{\text{bcd}} \qquad (7)_{\text{dix}} \to (0111)_{\text{bcd}}$$

$$(3)_{\text{dix}} \to (0011)_{\text{bcd}} \qquad (8)_{\text{dix}} \to (1000)_{\text{bcd}}$$

$$(4)_{\text{dix}} \to (0100)_{\text{bcd}} \qquad (9)_{\text{dix}} \to (1001)_{\text{bcd}}$$

Représentation Binary Coded Decimal (BCD)

Le codage BCD consiste à représenter un entier positif

$$(c_{n-1} \dots c_1 c_0)_{\text{dix}}$$

exprimé en base dix par la suite de $4n$ bits

$$(c'_{n-1} \dots c'_1 c'_0)_{\text{bcd}}$$

où chaque c'_i est le code BCD de c_i. Celui-ci code chaque chiffre décimal par une suite de quatre bits au moyen de la table suivante :

$$(0)_{\text{dix}} \to (0000)_{\text{bcd}} \qquad (5)_{\text{dix}} \to (0101)_{\text{bcd}}$$

$$(1)_{\text{dix}} \to (0001)_{\text{bcd}} \qquad (6)_{\text{dix}} \to (0110)_{\text{bcd}}$$

$$(2)_{\text{dix}} \to (0010)_{\text{bcd}} \qquad (7)_{\text{dix}} \to (0111)_{\text{bcd}}$$

$$(3)_{\text{dix}} \to (0011)_{\text{bcd}} \qquad (8)_{\text{dix}} \to (1000)_{\text{bcd}}$$

$$(4)_{\text{dix}} \to (0100)_{\text{bcd}} \qquad (9)_{\text{dix}} \to (1001)_{\text{bcd}}$$

P.ex.,

$$(201336)_{\text{dix}} = (0010\ 0000\ 0001\ 0011\ 0011\ 0110)_{\text{bcd}}.$$

Représentation Binary Coded Decimal (BCD)

Avantages : représentation très simple des entiers et naturelle car très proche de la base dix.

Représentation Binary Coded Decimal (BCD)

Avantages : représentation très simple des entiers et naturelle car très proche de la base dix.

Inconvénients : gaspillage de place mémoire (six suites de 4 bits de sont jamais utilisées), les opérations arithmétiques ne sont ni faciles ni efficaces.

Représentation Binary Coded Decimal (BCD)

Avantages : représentation très simple des entiers et naturelle car très proche de la base dix.

Inconvénients : gaspillage de place mémoire (six suites de 4 bits de sont jamais utilisées), les opérations arithmétiques ne sont ni faciles ni efficaces.

Ce codage est très peu utilisé dans les ordinateurs. Il est utilisé dans les appareils électroniques qui affichent et manipulent des valeurs numériques (calculettes, réveils, *etc.*).

Changement de base

Soient $b \geqslant 2$ un entier et x un entier positif. Pour écrire x en base b, on procède comme suit :

1. Si $x = 0$: renvoyer la liste $[0]$
2. Sinon :
   1. $L \leftarrow [\,]$
   2. Tant que $x \neq 0$:
      1. $L \leftarrow (x \% b) \cdot L$
      2. $x \leftarrow x/b$
   3. Renvoyer L.

Ici, $[\,]$ est la liste vide, $\cdot$ désigne la concaténation des listes et % est l'opérateur modulo.

Changement de base

P.ex., avec $x := (294)_{\text{dix}}$ et $b := 3$, on a

x	$x\%3$	$x/3$	L

Changement de base

P.ex., avec $x := (294)_{\text{dix}}$ et $b := 3$, on a

x	$x\%3$	$x/3$	L
$(294)_{\text{dix}}$	$(0)_{\text{dix}}$	$(98)_{\text{dix}}$	$[0]$

Changement de base

P.ex., avec $x := (294)_{\text{dix}}$ et $b := 3$, on a

x	$x\%3$	$x/3$	L
$(294)_{\text{dix}}$	$(0)_{\text{dix}}$	$(98)_{\text{dix}}$	$[0]$
$(98)_{\text{dix}}$	$(2)_{\text{dix}}$	$(32)_{\text{dix}}$	$[2, 0]$

Changement de base

P.ex., avec $x := (294)_{\text{dix}}$ et $b := 3$, on a

x	$x\%3$	$x/3$	L
$(294)_{\text{dix}}$	$(0)_{\text{dix}}$	$(98)_{\text{dix}}$	$[0]$
$(98)_{\text{dix}}$	$(2)_{\text{dix}}$	$(32)_{\text{dix}}$	$[2, 0]$
$(32)_{\text{dix}}$	$(2)_{\text{dix}}$	$(10)_{\text{dix}}$	$[2, 2, 0]$

Changement de base

P.ex., avec $x := (294)_{\text{dix}}$ et $b := 3$, on a

x	$x\%3$	$x/3$	L
$(294)_{\text{dix}}$	$(0)_{\text{dix}}$	$(98)_{\text{dix}}$	$[0]$
$(98)_{\text{dix}}$	$(2)_{\text{dix}}$	$(32)_{\text{dix}}$	$[2, 0]$
$(32)_{\text{dix}}$	$(2)_{\text{dix}}$	$(10)_{\text{dix}}$	$[2, 2, 0]$
$(10)_{\text{dix}}$	$(1)_{\text{dix}}$	$(3)_{\text{dix}}$	$[1, 2, 2, 0]$

Changement de base

P.ex., avec $x := (294)_{\text{dix}}$ et $b := 3$, on a

x	$x\%3$	$x/3$	L
$(294)_{\text{dix}}$	$(0)_{\text{dix}}$	$(98)_{\text{dix}}$	$[0]$
$(98)_{\text{dix}}$	$(2)_{\text{dix}}$	$(32)_{\text{dix}}$	$[2, 0]$
$(32)_{\text{dix}}$	$(2)_{\text{dix}}$	$(10)_{\text{dix}}$	$[2, 2, 0]$
$(10)_{\text{dix}}$	$(1)_{\text{dix}}$	$(3)_{\text{dix}}$	$[1, 2, 2, 0]$
$(3)_{\text{dix}}$	$(0)_{\text{dix}}$	$(1)_{\text{dix}}$	$[0, 1, 2, 2, 0]$

Changement de base

P.ex., avec $x := (294)_{\text{dix}}$ et $b := 3$, on a

x	$x\%3$	$x/3$	L
$(294)_{\text{dix}}$	$(0)_{\text{dix}}$	$(98)_{\text{dix}}$	$[0]$
$(98)_{\text{dix}}$	$(2)_{\text{dix}}$	$(32)_{\text{dix}}$	$[2, 0]$
$(32)_{\text{dix}}$	$(2)_{\text{dix}}$	$(10)_{\text{dix}}$	$[2, 2, 0]$
$(10)_{\text{dix}}$	$(1)_{\text{dix}}$	$(3)_{\text{dix}}$	$[1, 2, 2, 0]$
$(3)_{\text{dix}}$	$(0)_{\text{dix}}$	$(1)_{\text{dix}}$	$[0, 1, 2, 2, 0]$
$(1)_{\text{dix}}$	$(1)_{\text{dix}}$	$(0)_{\text{dix}}$	$[1, 0, 1, 2, 2, 0]$

Changement de base

P.ex., avec $x := (294)_{\text{dix}}$ et $b := 3$, on a

x	$x\%3$	$x/3$	L
$(294)_{\text{dix}}$	$(0)_{\text{dix}}$	$(98)_{\text{dix}}$	$[0]$
$(98)_{\text{dix}}$	$(2)_{\text{dix}}$	$(32)_{\text{dix}}$	$[2, 0]$
$(32)_{\text{dix}}$	$(2)_{\text{dix}}$	$(10)_{\text{dix}}$	$[2, 2, 0]$
$(10)_{\text{dix}}$	$(1)_{\text{dix}}$	$(3)_{\text{dix}}$	$[1, 2, 2, 0]$
$(3)_{\text{dix}}$	$(0)_{\text{dix}}$	$(1)_{\text{dix}}$	$[0, 1, 2, 2, 0]$
$(1)_{\text{dix}}$	$(1)_{\text{dix}}$	$(0)_{\text{dix}}$	$[1, 0, 1, 2, 2, 0]$
$(0)_{\text{dix}}$	–	–	$[1, 0, 1, 2, 2, 0]$

Changement de base

P.ex., avec $x := (294)_{\text{dix}}$ et $b := 3$, on a

x	$x\%3$	$x/3$	L
$(294)_{\text{dix}}$	$(0)_{\text{dix}}$	$(98)_{\text{dix}}$	$[0]$
$(98)_{\text{dix}}$	$(2)_{\text{dix}}$	$(32)_{\text{dix}}$	$[2, 0]$
$(32)_{\text{dix}}$	$(2)_{\text{dix}}$	$(10)_{\text{dix}}$	$[2, 2, 0]$
$(10)_{\text{dix}}$	$(1)_{\text{dix}}$	$(3)_{\text{dix}}$	$[1, 2, 2, 0]$
$(3)_{\text{dix}}$	$(0)_{\text{dix}}$	$(1)_{\text{dix}}$	$[0, 1, 2, 2, 0]$
$(1)_{\text{dix}}$	$(1)_{\text{dix}}$	$(0)_{\text{dix}}$	$[1, 0, 1, 2, 2, 0]$
$(0)_{\text{dix}}$	–	–	$[1, 0, 1, 2, 2, 0]$

Ainsi, $(294)_{\text{dix}} = (101220)_{\text{trois}}$.

Représentation binaire des entiers positifs

Le codage binaire consiste à représenter un entier positif en base deux.

Représentation binaire des entiers positifs

Le codage binaire consiste à représenter un entier positif en base deux.

En machine, si l'écriture d'un entier est plus longue que huit bits, il est d'usage de le représenter par tranches de huit bits.

Représentation binaire des entiers positifs

Le codage binaire consiste à représenter un entier positif en base deux.

En machine, si l'écriture d'un entier est plus longue que huit bits, il est d'usage de le représenter par tranches de huit bits.

Par ailleurs, si son écriture n'est pas de longueur multiple de huit, on complète à gauche par des zéros de sorte qu'elle le soit.

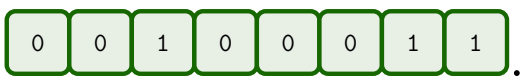
Représentation binaire des entiers positifs

Le codage binaire consiste à représenter un entier positif en base deux.

En machine, si l'écriture d'un entier est plus longue que huit bits, il est d'usage de le représenter par tranches de huit bits.

Par ailleurs, si son écriture n'est pas de longueur multiple de huit, on complète à gauche par des zéros de sorte qu'elle le soit.

P.ex., $(35)_{\text{dix}} = (100011)_{\text{deux}}$ est représenté par l'octet



.

Représentation binaire des entiers positifs

Le codage binaire consiste à représenter un entier positif en base deux.

En machine, si l'écriture d'un entier est plus longue que huit bits, il est d'usage de le représenter par tranches de huit bits.

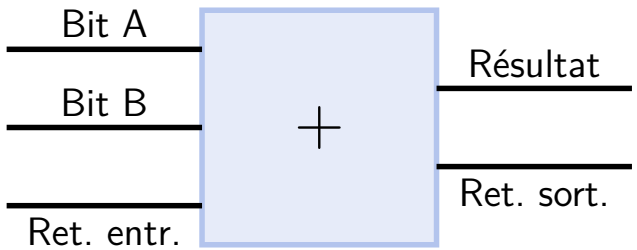
Par ailleurs, si son écriture n'est pas de longueur multiple de huit, on complète à gauche par des zéros de sorte qu'elle le soit.

P.ex., $(35)_{\text{dix}} = (100011)_{\text{deux}}$ est représenté par l'octet

et $(21329)_{\text{dix}} = (101001101010001)_{\text{deux}}$ est représenté par la suite de deux octets

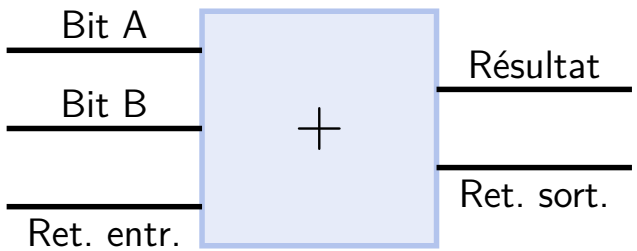
L'addition d'entiers

L'additionneur simple est un opérateur qui prend en entrée **deux bits** et une **retenue d'entrée** et qui renvoie deux informations : le **résultat** de l'addition et la **retenue de sortie**.



L'addition d'entiers

L'additionneur simple est un opérateur qui prend en entrée **deux bits** et une **retenue d'entrée** et qui renvoie deux informations : le **résultat** de l'addition et la **retenue de sortie**.



Il fonctionne selon la table

Bit A	Bit B	Ret. entr.	Résultat	Ret. sort.
0	0	0	0	0
0	0	1	1	0
0	1	0	1	0
0	1	1	0	1
1	0	0	1	0
1	0	1	0	1
1	1	0	0	1
1	1	1	1	1

L'addition d'entiers

Un additionneur n bits fonctionne de la même manière que l'algorithme d'addition usuel.

Il effectue l'addition chiffre par chiffre, en partant de la droite et en reportant les retenues de proche en proche.

L'addition d'entiers

Un additionneur n bits fonctionne de la même manière que l'algorithme d'addition usuel.

Il effectue l'addition chiffre par chiffre, en partant de la droite et en reportant les retenues de proche en proche.

P.ex., l'addition binaire de $(159)_{\text{dix}}$ et de $(78)_{\text{dix}}$ donne $(237)_{\text{dix}}$:

$$\begin{array}{cccccccccc} & 1 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ + & 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 0 \\ \hline & 1 & 1 & 1 & 0 & 1 & 1 & 0 & 1 \end{array}$$

La retenue de sortie est 0.

L'addition d'entiers

On construit un additionneur 4 bits en combinant quatre additionneurs simples :

L'addition d'entiers

On construit un additionneur 4 bits en combinant quatre additionneurs simples :

a_0

a_1

a_2

a_3

L'addition d'entiers

On construit un additionneur 4 bits en combinant quatre additionneurs simples :

a_0

a_1

a_2

a_3

b_0

b_1

b_2

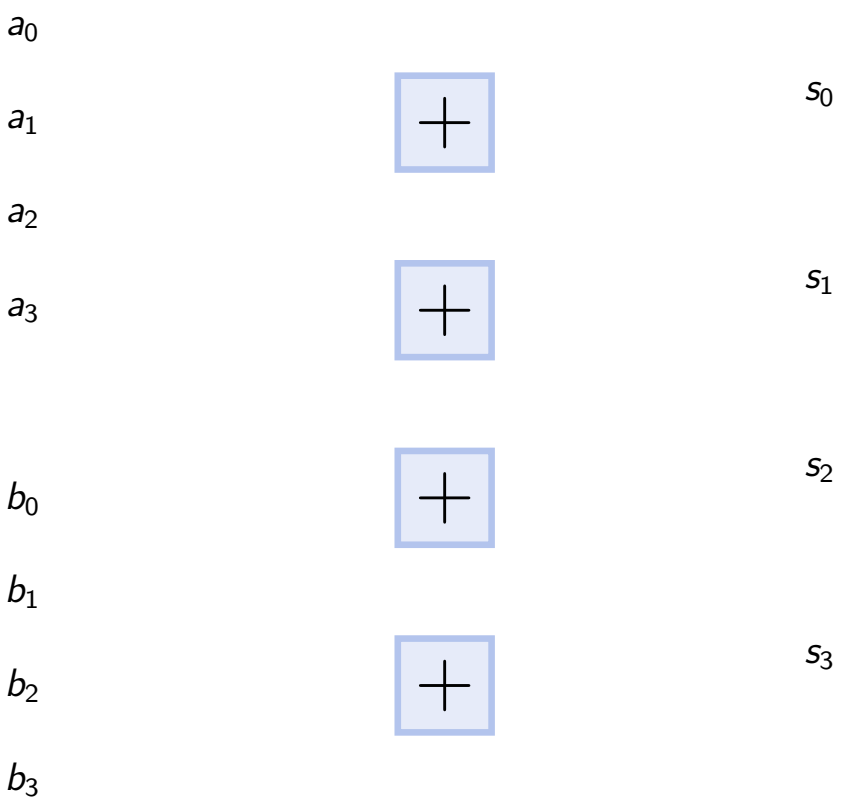
b_3

L'addition d'entiers

On construit un additionneur 4 bits en combinant quatre additionneurs simples :

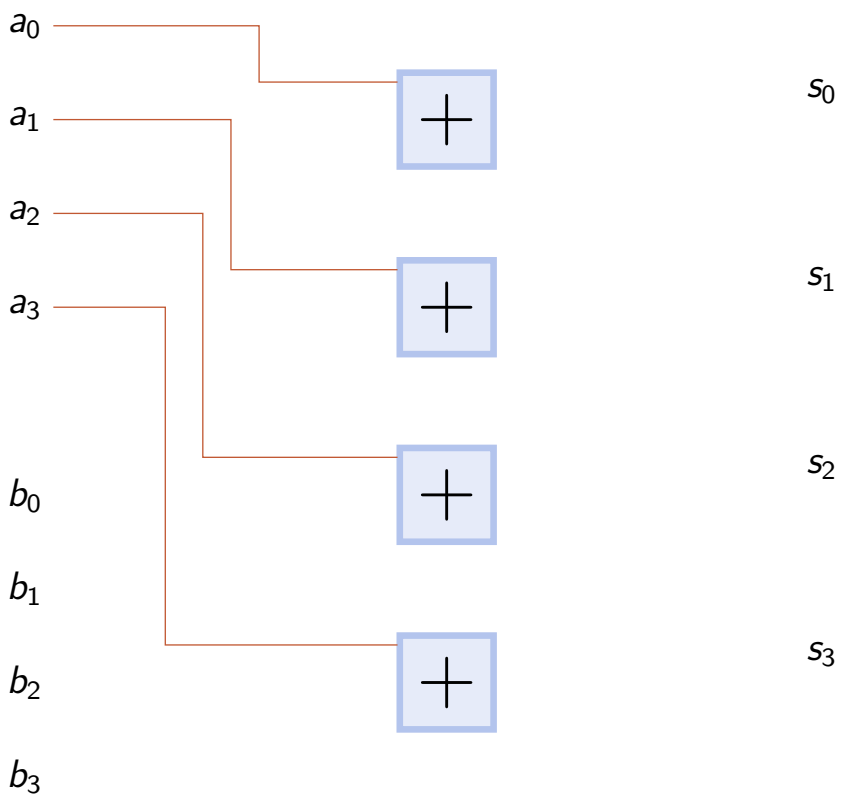
L'addition d'entiers

On construit un additionneur 4 bits en combinant quatre additionneurs simples :



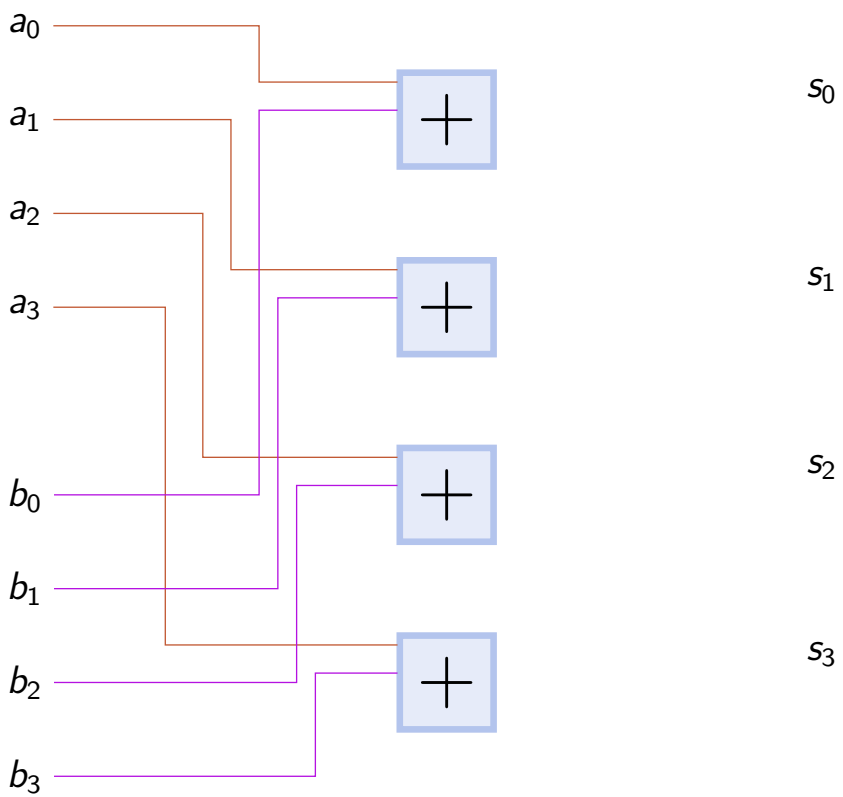
L'addition d'entiers

On construit un additionneur 4 bits en combinant quatre additionneurs simples :



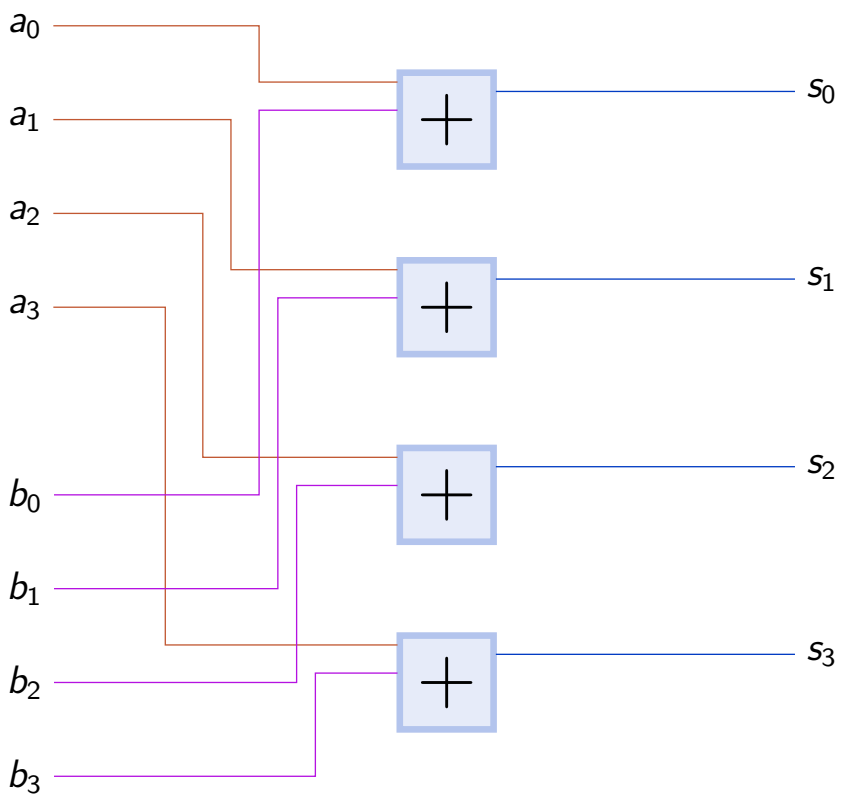
L'addition d'entiers

On construit un additionneur 4 bits en combinant quatre additionneurs simples :



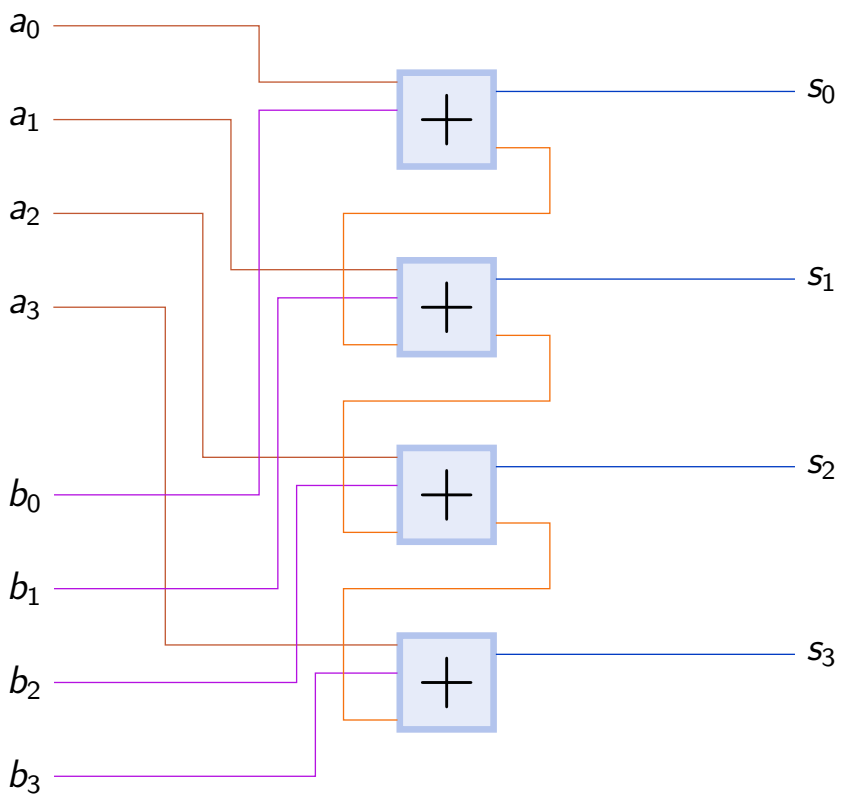
L'addition d'entiers

On construit un additionneur 4 bits en combinant quatre additionneurs simples :



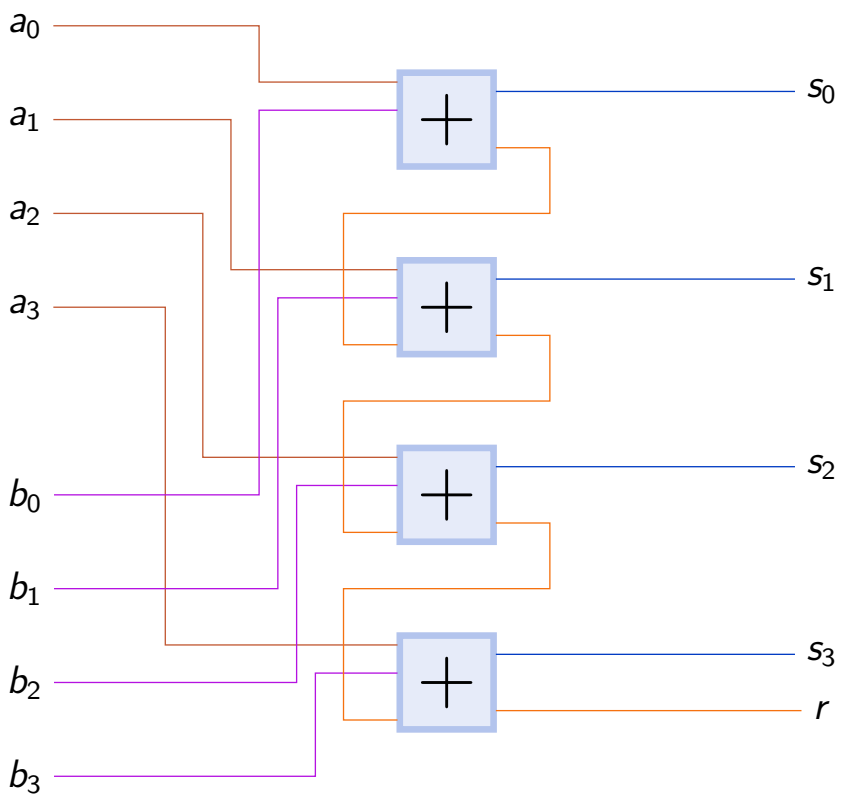
L'addition d'entiers

On construit un additionneur 4 bits en combinant quatre additionneurs simples :



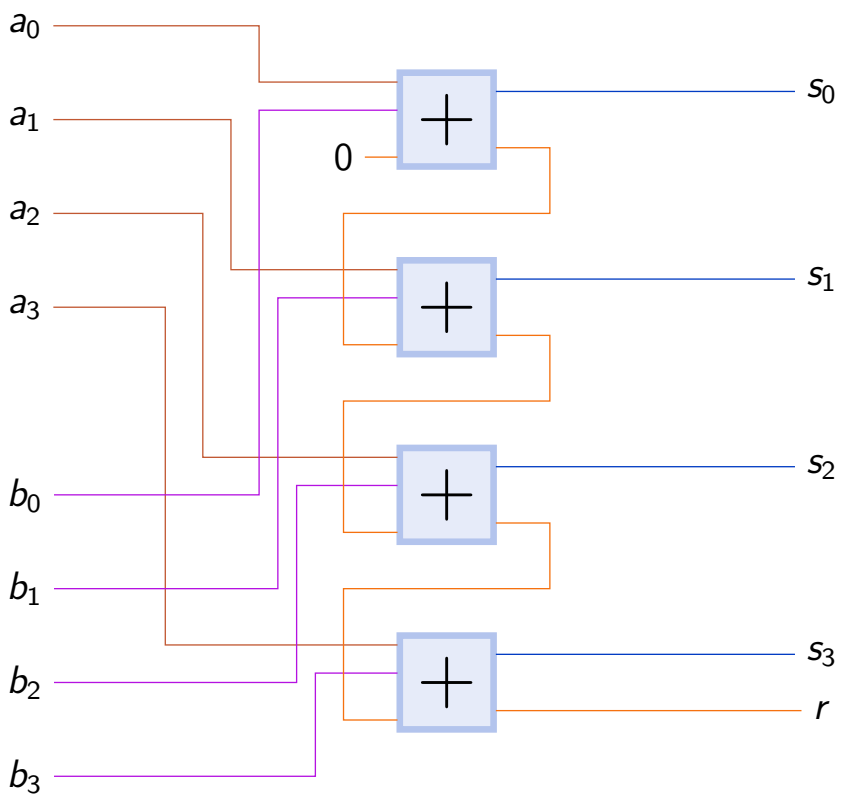
L'addition d'entiers

On construit un additionneur 4 bits en combinant quatre additionneurs simples :



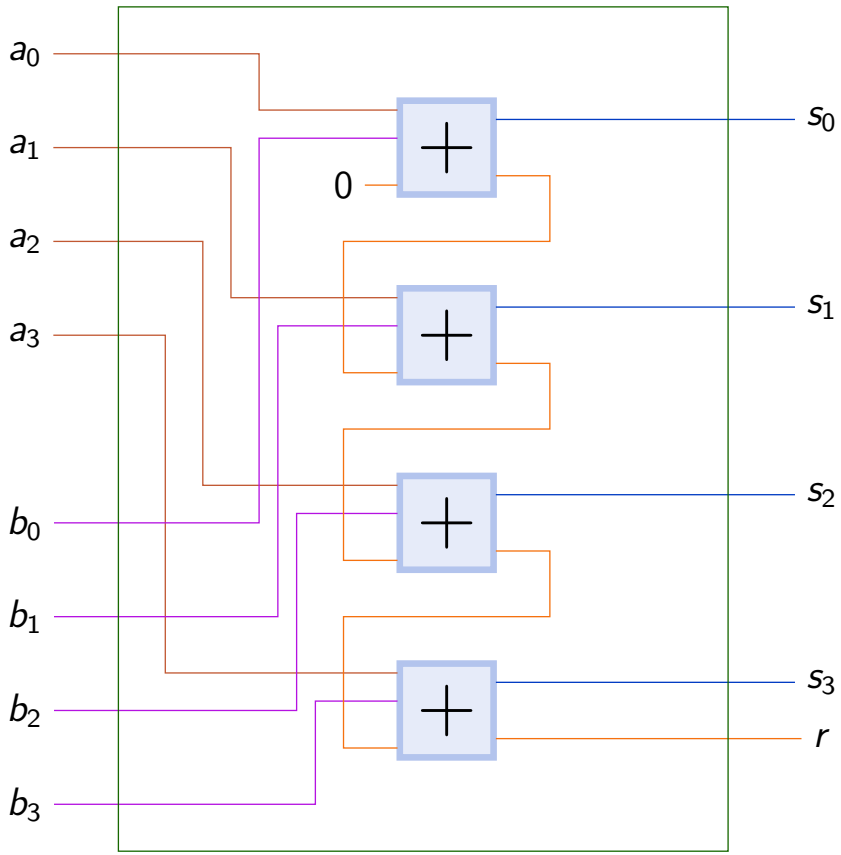
L'addition d'entiers

On construit un additionneur 4 bits en combinant quatre additionneurs simples :



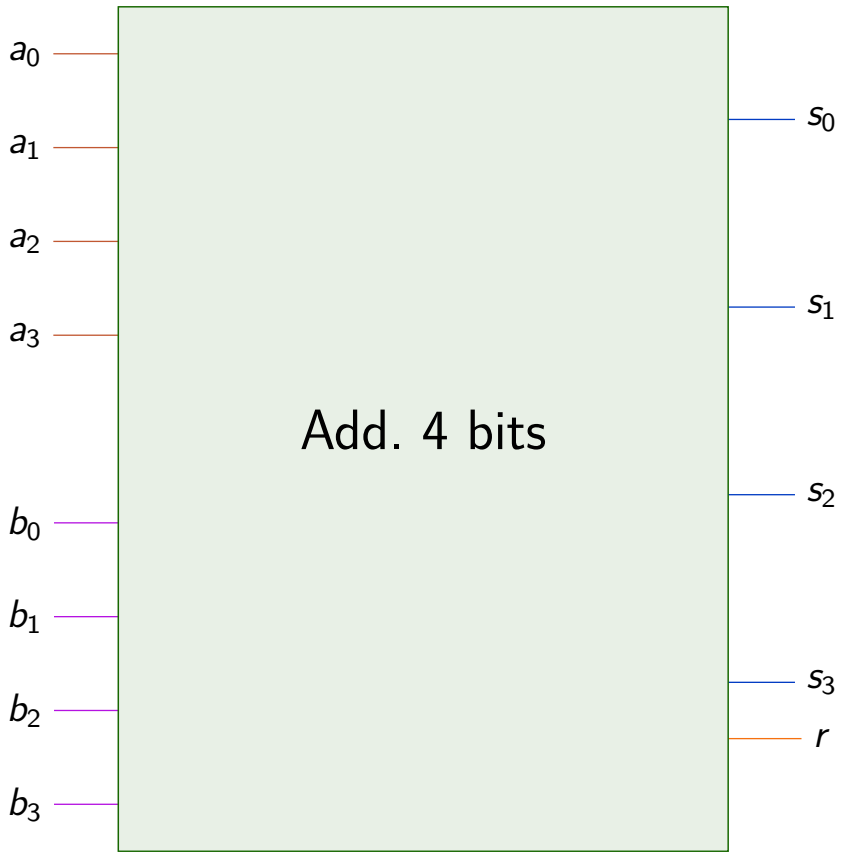
L'addition d'entiers

On construit un additionneur 4 bits en combinant quatre additionneurs simples :



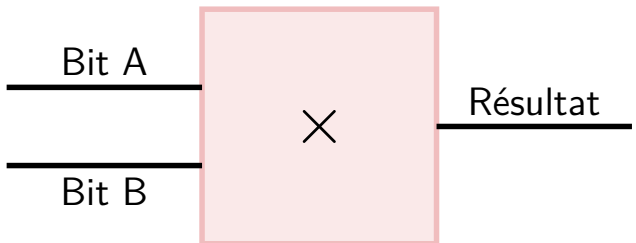
L'addition d'entiers

On construit un additionneur 4 bits en combinant quatre additionneurs simples :



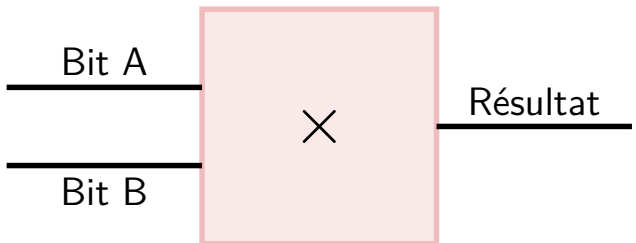
La multiplication d'entiers

Le multiplicateur simple est un opérateur qui prend **deux bits** en entrée et qui renvoie un **résultat**.



La multiplication d'entiers

Le multiplicateur simple est un opérateur qui prend **deux bits** en entrée et qui renvoie un **résultat**.

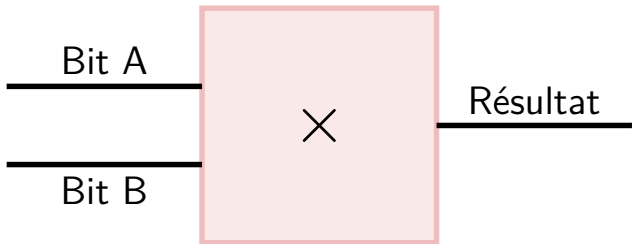


Il fonctionne selon la table

Bit A	Bit B	Résultat
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

La multiplication d'entiers

Le multiplicateur simple est un opérateur qui prend **deux bits** en entrée et qui renvoie un **résultat**.



Il fonctionne selon la table

Bit A	Bit B	Résultat
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

Note : ce multiplicateur simple binaire n'a pas de retenue de sortie, contrairement au multiplicateur simple décimal.

La multiplication d'entiers

Le multiplicateur simple permet de réaliser la multiplication bit à bit et ainsi, la multiplication de deux entiers codés en binaire, selon l'algorithme de multiplication usuel.

La multiplication d'entiers

Le multiplicateur simple permet de réaliser la multiplication bit à bit et ainsi, la multiplication de deux entiers codés en binaire, selon l'algorithme de multiplication usuel.

P.ex., la multiplication binaire de $(19)_{\text{dix}}$ et de $(44)_{\text{dix}}$ donne $(836)_{\text{dix}}$:

						1	0	0	1	1
$\times$					1	0	1	1	0	0
						0	0	0	0	0
					0	0	0	0	0	·
				1	0	0	1	1	·	·
			1	0	0	1	1	·	·	·
		0	0	0	0	0	·	·	·	·
$+$	1	0	0	1	1	·	·	·	·	·
	1	1	0	1	0	0	0	1	0	0

Bit de signe, codage de taille fixée et plage

Pour l'instant, nous avons vu uniquement la représentation d'entiers positifs.

On peut représenter des entiers négatifs et positifs à l'aide d'un bit de signe. C'est le **bit de poids** fort qui renseigne le signe de l'entier

- s'il est égal à 1, l'entier codé est négatif 

;
- s'il est égal à 0, l'entier codé est positif 

.

Bit de signe, codage de taille fixée et plage

Pour l'instant, nous avons vu uniquement la représentation d'entiers positifs.

On peut représenter des entiers négatifs et positifs à l'aide d'un bit de signe. C'est le **bit de poids** fort qui renseigne le signe de l'entier

- s'il est égal à 1, l'entier codé est négatif 

;
- s'il est égal à 0, l'entier codé est positif 

.

De plus, à partir de maintenant, on précisera toujours le nombre n de bits sur lequel on code les entiers.

Bit de signe, codage de taille fixée et plage

Pour l'instant, nous avons vu uniquement la représentation d'entiers positifs.

On peut représenter des entiers négatifs et positifs à l'aide d'un bit de signe. C'est le **bit de poids** fort qui renseigne le signe de l'entier

- s'il est égal à 1, l'entier codé est négatif 

;
- s'il est égal à 0, l'entier codé est positif 

.

De plus, à partir de maintenant, on précisera toujours le nombre n de bits sur lequel on code les entiers.

Si un entier requiert moins de n bits pour être codé, on complétera son codage avec des 0 à gauche.

Bit de signe, codage de taille fixée et plage

Pour l'instant, nous avons vu uniquement la représentation d'entiers positifs.

On peut représenter des entiers négatifs et positifs à l'aide d'un bit de signe. C'est le **bit de poids** fort qui renseigne le signe de l'entier

- s'il est égal à 1, l'entier codé est négatif 

;
- s'il est égal à 0, l'entier codé est positif 

.

De plus, à partir de maintenant, on précisera toujours le nombre n de bits sur lequel on code les entiers.

Si un entier requiert moins de n bits pour être codé, on complétera son codage avec des 0 à gauche.

À l'inverse, si un entier x demande strictement plus de n bits pour être codé, on dira que « x ne peut pas être codé sur n bits ».

Bit de signe, codage de taille fixée et plage

Pour l'instant, nous avons vu uniquement la représentation d'entiers positifs.

On peut représenter des entiers négatifs et positifs à l'aide d'un bit de signe. C'est le **bit de poids** fort qui renseigne le signe de l'entier

- s'il est égal à 1, l'entier codé est négatif 

;
- s'il est égal à 0, l'entier codé est positif 

.

De plus, à partir de maintenant, on précisera toujours le nombre n de bits sur lequel on code les entiers.

Si un entier requiert moins de n bits pour être codé, on complétera son codage avec des 0 à gauche.

À l'inverse, si un entier x demande strictement plus de n bits pour être codé, on dira que « x ne peut pas être codé sur n bits ».

La plage d'un codage désigne l'ensemble des valeurs qu'il est possible de représenter sur n bits.

Représentation en magnitude signée

Le codage en magnitude signée permet de représenter un entier en le codant en binaire et en lui adjoignant un **bit de signe**.

Représentation en magnitude signée

Le codage en magnitude signée permet de représenter un entier en le codant en binaire et en lui adjoignant un **bit de signe**.

P.ex., en se plaçant sur 8 bits, on a

$$(45)_{\text{dix}} = (00101101)_{\text{ms}} \quad \text{et} \quad (-45)_{\text{dix}} = (10101101)_{\text{ms}}.$$

Représentation en magnitude signée

Le codage en magnitude signée permet de représenter un entier en le codant en binaire et en lui adjoignant un **bit de signe**.

P.ex., en se plaçant sur 8 bits, on a

$$(45)_{\text{dix}} = (00101101)_{\text{ms}} \quad \text{et} \quad (-45)_{\text{dix}} = (10101101)_{\text{ms}}.$$

Avantage : calcul facile de l'opposé d'un entier.

Représentation en magnitude signée

Le codage en magnitude signée permet de représenter un entier en le codant en binaire et en lui adjoignant un **bit de signe**.

P.ex., en se plaçant sur 8 bits, on a

$$(45)_{\text{dix}} = (00101101)_{\text{ms}} \quad \text{et} \quad (-45)_{\text{dix}} = (10101101)_{\text{ms}}.$$

Avantage : calcul facile de l'opposé d'un entier.

Inconvénients : l'addition de deux entiers ne peut pas se faire en suivant l'algorithme classique d'addition.

Représentation en magnitude signée

Le codage en magnitude signée permet de représenter un entier en le codant en binaire et en lui adjoignant un **bit de signe**.

P.ex., en se plaçant sur 8 bits, on a

$$(45)_{\text{dix}} = (00101101)_{\text{ms}} \quad \text{et} \quad (-45)_{\text{dix}} = (10101101)_{\text{ms}}.$$

Avantage : calcul facile de l'opposé d'un entier.

Inconvénients : l'addition de deux entiers ne peut pas se faire en suivant l'algorithme classique d'addition.

Il y a de plus deux encodages différents pour zéro (qui est pos. et nég.) :

$$(0)_{\text{dix}} = (00\ldots0)_{\text{ms}} = (10\ldots0)_{\text{ms}}.$$

Représentation en magnitude signée

Le codage en magnitude signée permet de représenter un entier en le codant en binaire et en lui adjoignant un **bit de signe**.

P.ex., en se plaçant sur 8 bits, on a

$$(45)_{\text{dix}} = (00101101)_{\text{ms}} \quad \text{et} \quad (-45)_{\text{dix}} = (10101101)_{\text{ms}}.$$

Avantage : calcul facile de l'opposé d'un entier.

Inconvénients : l'addition de deux entiers ne peut pas se faire en suivant l'algorithme classique d'addition.

Il y a de plus deux encodages différents pour zéro (qui est pos. et nég.) :

$$(0)_{\text{dix}} = (00\ldots0)_{\text{ms}} = (10\ldots0)_{\text{ms}}.$$

Plage (sur n bits) :

plus petit entier : $(11\ldots1)_{\text{ms}} = -(2^{n-1}-1)$;

plus grand entier : $(01\ldots1)_{\text{ms}} = 2^{n-1}-1$.

Représentation en complément à un

Le **complément à un** d'une suite de bits

$$u_{n-1} \dots u_1 u_0$$

est la suite

$$\overline{u_{n-1}} \dots \overline{u_1}\, \overline{u_0},$$

où $\overline{0} := 1$ et $\overline{1} := 0$.

Représentation en complément à un

Le **complément à un** d'une suite de bits

$$u_{n-1} \dots u_1 u_0$$

est la suite

$$\overline{u_{n-1}} \dots \overline{u_1}\, \overline{u_0},$$

où $\overline{0} := 1$ et $\overline{1} := 0$.

Le codage en complément à un consiste à coder un entier négatif par le complément à un de la représentation binaire de sa valeur absolue.

Le codage d'un entier positif est son codage binaire habituel.

Représentation en complément à un

Le **complément à un** d'une suite de bits

$$u_{n-1} \dots u_1 u_0$$

est la suite

$$\overline{u_{n-1}} \dots \overline{u_1}\, \overline{u_0},$$

où $\overline{0} := 1$ et $\overline{1} := 0$.

Le codage en complément à un consiste à coder un entier négatif par le complément à un de la représentation binaire de sa valeur absolue.

Le codage d'un entier positif est son codage binaire habituel.

Le bit de poids fort doit être un bit de signe : lorsqu'il est égal à 1, l'entier représenté est négatif ; il est positif dans le cas contraire.

Représentation en complément à un

Le **complément à un** d'une suite de bits

$$u_{n-1} \dots u_1 u_0$$

est la suite

$$\overline{u_{n-1}} \dots \overline{u_1}\, \overline{u_0},$$

où $\overline{0} := 1$ et $\overline{1} := 0$.

Le codage en complément à un consiste à coder un entier négatif par le complément à un de la représentation binaire de sa valeur absolue.

Le codage d'un entier positif est son codage binaire habituel.

Le bit de poids fort doit être un bit de signe : lorsqu'il est égal à 1, l'entier représenté est négatif ; il est positif dans le cas contraire.

Remarque : sur n bits, le complément à un revient à représenter un entier négatif x par $(2^n - 1) - |x|$.

Représentation en complément à un

P.ex., sur 8 bits, on a

$$(98)_{\text{dix}} = (01100010)_{\text{c1}} \quad \text{et} \quad (-98)_{\text{dix}} = (10011101)_{\text{c1}}.$$

Représentation en complément à un

P.ex., sur 8 bits, on a

$$(98)_{\text{dix}} = (01100010)_{\text{c1}} \quad \text{et} \quad (-98)_{\text{dix}} = (10011101)_{\text{c1}}.$$

Avantage : calcul facile de l'opposé d'un entier.

Représentation en complément à un

P.ex., sur 8 bits, on a

$$(98)_{\text{dix}} = (01100010)_{\text{c1}} \quad \text{et} \quad (-98)_{\text{dix}} = (10011101)_{\text{c1}}.$$

Avantage : calcul facile de l'opposé d'un entier.

Inconvénient : l'addition de deux entiers ne peut pas se faire en suivant l'algorithme classique d'addition.

Il y a de plus deux encodages différents pour zéro (qui est pos. et nég.) :

$$(0)_{\text{dix}} = (00\ldots0)_{\text{c1}} = (11\ldots1)_{\text{c1}}.$$

Représentation en complément à un

P.ex., sur 8 bits, on a

$$(98)_{\text{dix}} = (01100010)_{\text{c1}} \quad \text{et} \quad (-98)_{\text{dix}} = (10011101)_{\text{c1}}.$$

Avantage : calcul facile de l'opposé d'un entier.

Inconvénient : l'addition de deux entiers ne peut pas se faire en suivant l'algorithme classique d'addition.

Il y a de plus deux encodages différents pour zéro (qui est pos. et nég.) :

$$(0)_{\text{dix}} = (00\ldots0)_{\text{c1}} = (11\ldots1)_{\text{c1}}.$$

Plage (sur n bits) :

plus petit entier : $(10\ldots0)_{\text{c1}} = -(2^{n-1}-1)$;

plus grand entier : $(01\ldots1)_{\text{c1}} = 2^{n-1}-1$.

Représentation avec biais

On fixe un entier $B \geqslant 0$ appelé biais.

Représentation avec biais

On fixe un entier $B \geqslant 0$ appelé biais.

Soit x un entier (positif ou non) que l'on souhaite représenter.

Représentation avec biais

On fixe un entier $B \geqslant 0$ appelé biais.

Soit x un entier (positif ou non) que l'on souhaite représenter.

Posons $x' := x + B$.

Représentation avec biais

On fixe un entier $B \geqslant 0$ appelé biais.

Soit x un entier (positif ou non) que l'on souhaite représenter.

Posons $x' := x + B$.

Si $x' \geqslant 0$, alors le codage de x avec un biais de B est la représentation binaire de x'.

Représentation avec biais

On fixe un entier $B \geqslant 0$ appelé biais.

Soit x un entier (positif ou non) que l'on souhaite représenter.

Posons $x' := x + B$.

Si $x' \geqslant 0$, alors le codage de x avec un biais de B est la représentation binaire de x'. Sinon, x n'est pas représentable.

Représentation avec biais

On fixe un entier $B \geqslant 0$ appelé biais.

Soit x un entier (positif ou non) que l'on souhaite représenter.

Posons $x' := x + B$.

Si $x' \geqslant 0$, alors le codage de x avec un biais de B est la représentation binaire de x'. Sinon, x n'est pas représentable.

P.ex., en se plaçant sur 8 bits, avec un biais de $B := 95$, on a

- $(30)_{\text{dix}} = (01111101)_{\text{bias}=95}$.
  En effet, $30 + 95 = 125$ et $(01111101)_{\text{deux}} = (125)_{\text{dix}}$.

Représentation avec biais

On fixe un entier $B \geqslant 0$ appelé biais.

Soit x un entier (positif ou non) que l'on souhaite représenter.

Posons $x' := x + B$.

Si $x' \geqslant 0$, alors le codage de x avec un biais de B est la représentation binaire de x'. Sinon, x n'est pas représentable.

P.ex., en se plaçant sur 8 bits, avec un biais de $B := 95$, on a

- $(30)_{\text{dix}} = (01111101)_{\text{bias}=95}$.
  En effet, $30 + 95 = 125$ et $(01111101)_{\text{deux}} = (125)_{\text{dix}}$.

- $(-30)_{\text{dix}} = (01000001)_{\text{bias}=95}$.
  En effet, $-30 + 95 = 65$ et $(01000001)_{\text{deux}} = (65)_{\text{dix}}$.

Représentation avec biais

On fixe un entier $B \geqslant 0$ appelé biais.

Soit x un entier (positif ou non) que l'on souhaite représenter.

Posons $x' := x + B$.

Si $x' \geqslant 0$, alors le codage de x avec un biais de B est la représentation binaire de x'. Sinon, x n'est pas représentable.

P.ex., en se plaçant sur 8 bits, avec un biais de $B := 95$, on a

- $(30)_{\text{dix}} = (01111101)_{\text{bias}=95}$.
  En effet, $30 + 95 = 125$ et $(01111101)_{\text{deux}} = (125)_{\text{dix}}$.

- $(-30)_{\text{dix}} = (01000001)_{\text{bias}=95}$.
  En effet, $-30 + 95 = 65$ et $(01000001)_{\text{deux}} = (65)_{\text{dix}}$.

- l'entier $(-98)_{\text{dix}}$ n'est pas représentable car $-98 + 95 = -3$ est négatif.

Représentation avec biais

Note : ce codage n'est pas compatible avec le bit de signe. En effet, le bit de poids fort d'un entier codé en représentation avec biais ne renseigne pas sur le signe de l'entier.

Représentation avec biais

Note : ce codage n'est pas compatible avec le bit de signe. En effet, le bit de poids fort d'un entier codé en représentation avec biais ne renseigne pas sur le signe de l'entier.

Avantages : permet de représenter des intervalles quelconques (mais pas trop larges) de $\mathbb{Z}$.

Représentation avec biais

Note : ce codage n'est pas compatible avec le bit de signe. En effet, le bit de poids fort d'un entier codé en représentation avec biais ne renseigne pas sur le signe de l'entier.

Avantages : permet de représenter des intervalles quelconques (mais pas trop larges) de $\mathbb{Z}$.

Inconvénient : l'addition de deux entiers ne peut pas se faire en suivant l'algorithme classique d'addition.

Représentation avec biais

Note : ce codage n'est pas compatible avec le bit de signe. En effet, le bit de poids fort d'un entier codé en représentation avec biais ne renseigne pas sur le signe de l'entier.

Avantages : permet de représenter des intervalles quelconques (mais pas trop larges) de $\mathbb{Z}$.

Inconvénient : l'addition de deux entiers ne peut pas se faire en suivant l'algorithme classique d'addition.

Plage (sur n bits) :

plus petit entier : $(0 \dots 0)_{\text{bias=B}} = -B$;

plus grand entier : $(1 \dots 1)_{\text{bias=B}} = (2^n - 1) - B$.

Représentation en complément à deux

On se place sur n bits.

Le complément à deux d'une suite de bits u se calcule en

1. complémentant u à un pour obtenir u' ;
2. incrémentant u' (addition de u' et $0\ldots01$) pour obtenir u''.

Représentation en complément à deux

On se place sur n bits.

Le complément à deux d'une suite de bits u se calcule en

1. complémentant u à un pour obtenir u' ;
2. incrémentant u' (addition de u' et $0\ldots01$) pour obtenir u''.

P.ex., sur 8 bits, avec $u := 01101000$, on obtient

1. $u' = 10010111$;
2. $u'' = 10011000$.

Ainsi, le complément à deux de la suite de bits 01101000 est la suite de bits 10011000.

Représentation en complément à deux

On se place sur n bits.

Le complément à deux d'une suite de bits u se calcule en

1. complémentant u à un pour obtenir u' ;
2. incrémentant u' (addition de u' et $0\ldots01$) pour obtenir u''.

P.ex., sur 8 bits, avec $u := 01101000$, on obtient

1. $u' = 10010111$;
2. $u'' = 10011000$.

Ainsi, le complément à deux de la suite de bits 01101000 est la suite de bits 10011000.

Remarque : l'opération qui consiste à complémenter à deux une suite de bits est involutive (le complément à deux du complément à deux d'une suite de bits u est u).

Représentation en complément à deux

Le codage en complément à deux consiste à coder un entier négatif par le complément à deux de la représentation binaire de sa valeur absolue.

Le codage d'un entier positif est son codage binaire habituel.

Représentation en complément à deux

Le codage en complément à deux consiste à coder un entier négatif par le complément à deux de la représentation binaire de sa valeur absolue.

Le codage d'un entier positif est son codage binaire habituel.

Ce codage fait que le bit de poids fort est un bit de signe : lorsque le bit de poids fort est 1, l'entier représenté est négatif. Il est positif dans le cas contraire.

Représentation en complément à deux

Le codage en complément à deux consiste à coder un entier négatif par le complément à deux de la représentation binaire de sa valeur absolue.

Le codage d'un entier positif est son codage binaire habituel.

Ce codage fait que le bit de poids fort est un bit de signe : lorsque le bit de poids fort est 1, l'entier représenté est négatif. Il est positif dans le cas contraire.

Pour décoder une suite de bits u, on commence par regarder son bit de poids fort.

S'il est à 0, u code un nombre positif en représentation binaire.

Sinon, l'entier codé par u est l'entier négatif dont la valeur absolue est représentée en binaire par le complément à deux de u.

Représentation en complément à deux

Le codage en complément à deux consiste à coder un entier négatif par le complément à deux de la représentation binaire de sa valeur absolue.

Le codage d'un entier positif est son codage binaire habituel.

Ce codage fait que le bit de poids fort est un bit de signe : lorsque le bit de poids fort est 1, l'entier représenté est négatif. Il est positif dans le cas contraire.

Pour décoder une suite de bits u, on commence par regarder son bit de poids fort.

S'il est à 0, u code un nombre positif en représentation binaire.

Sinon, l'entier codé par u est l'entier négatif dont la valeur absolue est représentée en binaire par le complément à deux de u.

Remarque : sur n bits, le complément à deux revient à représenter un entier négatif x par $2^n - |x|$.

Représentation en complément à deux

Représentation de $(98)_{\text{dix}}$ **sur** 8 **bits.** On a $(98)_{\text{dix}} = (01100010)_{\text{deux}}$.

Représentation en complément à deux

Représentation de $(98)_{\text{dix}}$ **sur** 8 **bits.** On a $(98)_{\text{dix}} = (01100010)_{\text{deux}}$.
Cohérence avec le bit de signe.

Représentation en complément à deux

Représentation de $(98)_{\text{dix}}$ **sur** 8 **bits.** On a $(98)_{\text{dix}} = (01100010)_{\text{deux}}$.
Cohérence avec le bit de signe. Ainsi, $(98)_{\text{dix}} = (01100010)_{\text{c2}}$.

Représentation en complément à deux

Représentation de $(98)_{\text{dix}}$ **sur** 8 **bits.** On a $(98)_{\text{dix}} = (01100010)_{\text{deux}}$.
Cohérence avec le bit de signe. Ainsi, $(98)_{\text{dix}} = (01100010)_{\text{c2}}$.

Représentation de $(-98)_{\text{dix}}$ **sur** 8 **bits.** Le complément à deux de 01100010 est 10011110.

Représentation en complément à deux

Représentation de $(98)_{\text{dix}}$ **sur** 8 **bits.** On a $(98)_{\text{dix}} = (01100010)_{\text{deux}}$. Cohérence avec le bit de signe. Ainsi, $(98)_{\text{dix}} = (01100010)_{\text{c2}}$.

Représentation de $(-98)_{\text{dix}}$ **sur** 8 **bits.** Le complément à deux de 01100010 est 10011110. Cohérence avec le bit de signe.

Représentation en complément à deux

Représentation de $(98)_{\text{dix}}$ **sur** 8 **bits.** On a $(98)_{\text{dix}} = (01100010)_{\text{deux}}$. Cohérence avec le bit de signe. Ainsi, $(98)_{\text{dix}} = (01100010)_{\text{c2}}$.

Représentation de $(-98)_{\text{dix}}$ **sur** 8 **bits.** Le complément à deux de 01100010 est 10011110. Cohérence avec le bit de signe. Ainsi, $(-98)_{\text{dix}} = (10011110)_{\text{c2}}$.

Représentation en complément à deux

Représentation de $(98)_{\text{dix}}$ **sur** 8 **bits.** On a $(98)_{\text{dix}} = (01100010)_{\text{deux}}$. Cohérence avec le bit de signe. Ainsi, $(98)_{\text{dix}} = (01100010)_{\text{c2}}$.

Représentation de $(-98)_{\text{dix}}$ **sur** 8 **bits.** Le complément à deux de 01100010 est 10011110. Cohérence avec le bit de signe. Ainsi, $(-98)_{\text{dix}} = (10011110)_{\text{c2}}$.

Représentation de $(130)_{\text{dix}}$ **sur** 8 **bits.** On a $(130)_{\text{dix}} = (10000010)_{\text{deux}}$.

Représentation en complément à deux

Représentation de $(98)_{\text{dix}}$ **sur** 8 **bits.** On a $(98)_{\text{dix}} = (01100010)_{\text{deux}}$. Cohérence avec le bit de signe. Ainsi, $(98)_{\text{dix}} = (01100010)_{\text{c2}}$.

Représentation de $(-98)_{\text{dix}}$ **sur** 8 **bits.** Le complément à deux de 01100010 est 10011110. Cohérence avec le bit de signe. Ainsi, $(-98)_{\text{dix}} = (10011110)_{\text{c2}}$.

Représentation de $(130)_{\text{dix}}$ **sur** 8 **bits.** On a $(130)_{\text{dix}} = (10000010)_{\text{deux}}$. Incohérence avec le bit de signe : il est à 1 alors que l'entier est positif.

Représentation en complément à deux

Représentation de $(98)_{\text{dix}}$ **sur** 8 **bits.** On a $(98)_{\text{dix}} = (01100010)_{\text{deux}}$. Cohérence avec le bit de signe. Ainsi, $(98)_{\text{dix}} = (01100010)_{\text{c2}}$.

Représentation de $(-98)_{\text{dix}}$ **sur** 8 **bits.** Le complément à deux de 01100010 est 10011110. Cohérence avec le bit de signe. Ainsi, $(-98)_{\text{dix}} = (10011110)_{\text{c2}}$.

Représentation de $(130)_{\text{dix}}$ **sur** 8 **bits.** On a $(130)_{\text{dix}} = (10000010)_{\text{deux}}$. Incohérence avec le bit de signe : il est à 1 alors que l'entier est positif. Cet entier n'est pas représentable sur 8 bits.

Représentation en complément à deux

Représentation de $(98)_{\text{dix}}$ **sur** 8 **bits.** On a $(98)_{\text{dix}} = (01100010)_{\text{deux}}$. Cohérence avec le bit de signe. Ainsi, $(98)_{\text{dix}} = (01100010)_{\text{c2}}$.

Représentation de $(-98)_{\text{dix}}$ **sur** 8 **bits.** Le complément à deux de 01100010 est 10011110. Cohérence avec le bit de signe. Ainsi, $(-98)_{\text{dix}} = (10011110)_{\text{c2}}$.

Représentation de $(130)_{\text{dix}}$ **sur** 8 **bits.** On a $(130)_{\text{dix}} = (10000010)_{\text{deux}}$. Incohérence avec le bit de signe : il est à 1 alors que l'entier est positif. Cet entier n'est pas représentable sur 8 bits.

Représentation de $(-150)_{\text{dix}}$ **sur** 8 **bits.** On a $(150)_{\text{dix}} = (10010110)_{\text{deux}}$.

Représentation en complément à deux

Représentation de $(98)_{\text{dix}}$ **sur** 8 **bits.** On a $(98)_{\text{dix}} = (01100010)_{\text{deux}}$. Cohérence avec le bit de signe. Ainsi, $(98)_{\text{dix}} = (01100010)_{\text{c2}}$.

Représentation de $(-98)_{\text{dix}}$ **sur** 8 **bits.** Le complément à deux de 01100010 est 10011110. Cohérence avec le bit de signe. Ainsi, $(-98)_{\text{dix}} = (10011110)_{\text{c2}}$.

Représentation de $(130)_{\text{dix}}$ **sur** 8 **bits.** On a $(130)_{\text{dix}} = (10000010)_{\text{deux}}$. Incohérence avec le bit de signe : il est à 1 alors que l'entier est positif. Cet entier n'est pas représentable sur 8 bits.

Représentation de $(-150)_{\text{dix}}$ **sur** 8 **bits.** On a $(150)_{\text{dix}} = (10010110)_{\text{deux}}$. Le complément à deux de cette suite est 01101010.

Représentation en complément à deux

Représentation de $(98)_{\text{dix}}$ **sur** 8 **bits.** On a $(98)_{\text{dix}} = (01100010)_{\text{deux}}$. Cohérence avec le bit de signe. Ainsi, $(98)_{\text{dix}} = (01100010)_{\text{c2}}$.

Représentation de $(-98)_{\text{dix}}$ **sur** 8 **bits.** Le complément à deux de 01100010 est 10011110. Cohérence avec le bit de signe. Ainsi, $(-98)_{\text{dix}} = (10011110)_{\text{c2}}$.

Représentation de $(130)_{\text{dix}}$ **sur** 8 **bits.** On a $(130)_{\text{dix}} = (10000010)_{\text{deux}}$. Incohérence avec le bit de signe : il est à 1 alors que l'entier est positif. Cet entier n'est pas représentable sur 8 bits.

Représentation de $(-150)_{\text{dix}}$ **sur** 8 **bits.** On a $(150)_{\text{dix}} = (10010110)_{\text{deux}}$. Le complément à deux de cette suite est 01101010. Incohérence avec le bit de signe : il est à 0 alors que l'entier est négatif.

Représentation en complément à deux

Représentation de $(98)_{\text{dix}}$ **sur** 8 **bits.** On a $(98)_{\text{dix}} = (01100010)_{\text{deux}}$. Cohérence avec le bit de signe. Ainsi, $(98)_{\text{dix}} = (01100010)_{\text{c2}}$.

Représentation de $(-98)_{\text{dix}}$ **sur** 8 **bits.** Le complément à deux de 01100010 est 10011110. Cohérence avec le bit de signe. Ainsi, $(-98)_{\text{dix}} = (10011110)_{\text{c2}}$.

Représentation de $(130)_{\text{dix}}$ **sur** 8 **bits.** On a $(130)_{\text{dix}} = (10000010)_{\text{deux}}$. Incohérence avec le bit de signe : il est à 1 alors que l'entier est positif. Cet entier n'est pas représentable sur 8 bits.

Représentation de $(-150)_{\text{dix}}$ **sur** 8 **bits.** On a $(150)_{\text{dix}} = (10010110)_{\text{deux}}$. Le complément à deux de cette suite est 01101010. Incohérence avec le bit de signe : il est à 0 alors que l'entier est négatif. Cet entier n'est pas représentable sur 8 bits.

Représentation en complément à deux

Représentation de $(98)_{\text{dix}}$ **sur** 8 **bits.** On a $(98)_{\text{dix}} = (01100010)_{\text{deux}}$. Cohérence avec le bit de signe. Ainsi, $(98)_{\text{dix}} = (01100010)_{\text{c2}}$.

Représentation de $(-98)_{\text{dix}}$ **sur** 8 **bits.** Le complément à deux de 01100010 est 10011110. Cohérence avec le bit de signe. Ainsi, $(-98)_{\text{dix}} = (10011110)_{\text{c2}}$.

Représentation de $(130)_{\text{dix}}$ **sur** 8 **bits.** On a $(130)_{\text{dix}} = (10000010)_{\text{deux}}$. Incohérence avec le bit de signe : il est à 1 alors que l'entier est positif. Cet entier n'est pas représentable sur 8 bits.

Représentation de $(-150)_{\text{dix}}$ **sur** 8 **bits.** On a $(150)_{\text{dix}} = (10010110)_{\text{deux}}$. Le complément à deux de cette suite est 01101010. Incohérence avec le bit de signe : il est à 0 alors que l'entier est négatif. Cet entier n'est pas représentable sur 8 bits.

Représentation de $(-150)_{\text{dix}}$ **sur** 10 **bits.** On a $(150)_{\text{dix}} = (0010010110)_{\text{deux}}$.

Représentation en complément à deux

Représentation de $(98)_{\text{dix}}$ **sur** 8 **bits.** On a $(98)_{\text{dix}} = (01100010)_{\text{deux}}$. Cohérence avec le bit de signe. Ainsi, $(98)_{\text{dix}} = (01100010)_{\text{c2}}$.

Représentation de $(-98)_{\text{dix}}$ **sur** 8 **bits.** Le complément à deux de 01100010 est 10011110. Cohérence avec le bit de signe. Ainsi, $(-98)_{\text{dix}} = (10011110)_{\text{c2}}$.

Représentation de $(130)_{\text{dix}}$ **sur** 8 **bits.** On a $(130)_{\text{dix}} = (10000010)_{\text{deux}}$. Incohérence avec le bit de signe : il est à 1 alors que l'entier est positif. Cet entier n'est pas représentable sur 8 bits.

Représentation de $(-150)_{\text{dix}}$ **sur** 8 **bits.** On a $(150)_{\text{dix}} = (10010110)_{\text{deux}}$. Le complément à deux de cette suite est 01101010. Incohérence avec le bit de signe : il est à 0 alors que l'entier est négatif. Cet entier n'est pas représentable sur 8 bits.

Représentation de $(-150)_{\text{dix}}$ **sur** 10 **bits.** On a $(150)_{\text{dix}} = (0010010110)_{\text{deux}}$. Le complément à deux de cette suite est 1101101010.

Représentation en complément à deux

Représentation de $(98)_{\text{dix}}$ **sur** 8 **bits.** On a $(98)_{\text{dix}} = (01100010)_{\text{deux}}$. Cohérence avec le bit de signe. Ainsi, $(98)_{\text{dix}} = (01100010)_{\text{c2}}$.

Représentation de $(-98)_{\text{dix}}$ **sur** 8 **bits.** Le complément à deux de 01100010 est 10011110. Cohérence avec le bit de signe. Ainsi, $(-98)_{\text{dix}} = (10011110)_{\text{c2}}$.

Représentation de $(130)_{\text{dix}}$ **sur** 8 **bits.** On a $(130)_{\text{dix}} = (10000010)_{\text{deux}}$. Incohérence avec le bit de signe : il est à 1 alors que l'entier est positif. Cet entier n'est pas représentable sur 8 bits.

Représentation de $(-150)_{\text{dix}}$ **sur** 8 **bits.** On a $(150)_{\text{dix}} = (10010110)_{\text{deux}}$. Le complément à deux de cette suite est 01101010. Incohérence avec le bit de signe : il est à 0 alors que l'entier est négatif. Cet entier n'est pas représentable sur 8 bits.

Représentation de $(-150)_{\text{dix}}$ **sur** 10 **bits.** On a $(150)_{\text{dix}} = (0010010110)_{\text{deux}}$. Le complément à deux de cette suite est 1101101010. Cohérence avec le bit de signe.

Représentation en complément à deux

Représentation de $(98)_{\text{dix}}$ **sur** 8 **bits.** On a $(98)_{\text{dix}} = (01100010)_{\text{deux}}$. Cohérence avec le bit de signe. Ainsi, $(98)_{\text{dix}} = (01100010)_{\text{c2}}$.

Représentation de $(-98)_{\text{dix}}$ **sur** 8 **bits.** Le complément à deux de 01100010 est 10011110. Cohérence avec le bit de signe. Ainsi, $(-98)_{\text{dix}} = (10011110)_{\text{c2}}$.

Représentation de $(130)_{\text{dix}}$ **sur** 8 **bits.** On a $(130)_{\text{dix}} = (10000010)_{\text{deux}}$. Incohérence avec le bit de signe : il est à 1 alors que l'entier est positif. Cet entier n'est pas représentable sur 8 bits.

Représentation de $(-150)_{\text{dix}}$ **sur** 8 **bits.** On a $(150)_{\text{dix}} = (10010110)_{\text{deux}}$. Le complément à deux de cette suite est 01101010. Incohérence avec le bit de signe : il est à 0 alors que l'entier est négatif. Cet entier n'est pas représentable sur 8 bits.

Représentation de $(-150)_{\text{dix}}$ **sur** 10 **bits.** On a $(150)_{\text{dix}} = (0010010110)_{\text{deux}}$. Le complément à deux de cette suite est 1101101010. Cohérence avec le bit de signe. Ainsi, $(-150)_{\text{dix}} = (1101101010)_{\text{c2}}$.

Représentation en complément à deux

Décodage de $(00110101)_{c2}$ **sur** 8 **bits.** Le bit de poids fort est 0.

Représentation en complément à deux

Décodage de $(00110101)_{c2}$ **sur** 8 **bits.** Le bit de poids fort est 0. Ainsi, l'entier codé est positif et $(00110101)_{c2} = (00110101)_{\text{deux}}$.

Représentation en complément à deux

Décodage de $(00110101)_{c2}$ **sur** 8 **bits.** Le bit de poids fort est 0. Ainsi, l'entier codé est positif et $(00110101)_{c2} = (00110101)_{deux}$. On a donc $(00110101)_{c2} = (53)_{dix}$.

Représentation en complément à deux

Décodage de $(00110101)_{c2}$ **sur** 8 **bits.** Le bit de poids fort est 0. Ainsi, l'entier codé est positif et $(00110101)_{c2} = (00110101)_{deux}$. On a donc $(00110101)_{c2} = (53)_{dix}$.

Décodage de $(10110101)_{c2}$ **sur** 8 **bits.** Le bit de poids fort est 1.

Représentation en complément à deux

Décodage de $(00110101)_{c2}$ **sur** 8 **bits.** Le bit de poids fort est 0. Ainsi, l'entier codé est positif et $(00110101)_{c2} = (00110101)_{deux}$. On a donc $(00110101)_{c2} = (53)_{dix}$.

Décodage de $(10110101)_{c2}$ **sur** 8 **bits.** Le bit de poids fort est 1. Ainsi, l'entier codé est négatif.

Représentation en complément à deux

Décodage de $(00110101)_{c2}$ **sur** 8 **bits.** Le bit de poids fort est 0. Ainsi, l'entier codé est positif et $(00110101)_{c2} = (00110101)_{deux}$. On a donc $(00110101)_{c2} = (53)_{dix}$.

Décodage de $(10110101)_{c2}$ **sur** 8 **bits.** Le bit de poids fort est 1. Ainsi, l'entier codé est négatif. On doit considérer le complément à deux de la suite 10110101 qui est 01001011.

Représentation en complément à deux

Décodage de $(00110101)_{c2}$ **sur** 8 **bits.** Le bit de poids fort est 0. Ainsi, l'entier codé est positif et $(00110101)_{c2} = (00110101)_{deux}$. On a donc $(00110101)_{c2} = (53)_{dix}$.

Décodage de $(10110101)_{c2}$ **sur** 8 **bits.** Le bit de poids fort est 1. Ainsi, l'entier codé est négatif. On doit considérer le complément à deux de la suite 10110101 qui est 01001011. On a maintenant $(01001011)_{deux} = (75)_{dix}$.

Représentation en complément à deux

Décodage de $(00110101)_{c2}$ **sur** 8 **bits.** Le bit de poids fort est 0. Ainsi, l'entier codé est positif et $(00110101)_{c2} = (00110101)_{deux}$. On a donc $(00110101)_{c2} = (53)_{dix}$.

Décodage de $(10110101)_{c2}$ **sur** 8 **bits.** Le bit de poids fort est 1. Ainsi, l'entier codé est négatif. On doit considérer le complément à deux de la suite 10110101 qui est 01001011. On a maintenant $(01001011)_{deux} = (75)_{dix}$. Ainsi, $(10110101)_{c2} = (-75)_{dix}$.

Représentation en complément à deux

Avantage : l'addition de deux entiers se calcule selon l'algorithme classique d'addition.

Représentation en complément à deux

Avantage : l'addition de deux entiers se calcule selon l'algorithme classique d'addition.

Inconvénient : représentation des entiers négatifs légèrement plus complexe que par les autres codages.

Représentation en complément à deux

Avantage : l'addition de deux entiers se calcule selon l'algorithme classique d'addition.

Inconvénient : représentation des entiers négatifs légèrement plus complexe que par les autres codages.

Plage (sur n bits) :

plus petit entier : $(10\ldots0)_{c2} = -2^{n-1}$;

plus grand entier : $(01\ldots1)_{c2} = 2^{n-1} - 1$.

Représentation en complément à deux

Avantage : l'addition de deux entiers se calcule selon l'algorithme classique d'addition.

Inconvénient : représentation des entiers négatifs légèrement plus complexe que par les autres codages.

Plage (sur n bits) :

plus petit entier : $(10\ldots0)_{\mathrm{c2}} = -2^{n-1}$;

plus grand entier : $(01\ldots1)_{\mathrm{c2}} = 2^{n-1} - 1$.

Dans les ordinateurs d'aujourd'hui, les entiers sont habituellement encodés selon cette représentation.

Représentation en complément à deux

Il existe une méthode plus rapide pour calculer le complément à deux d'une suite de bits u que de la complémenter à un et de l'incrémenter.

Représentation en complément à deux

Il existe une méthode plus rapide pour calculer le complément à deux d'une suite de bits u que de la complémenter à un et de l'incrémenter.

Elle consiste en les deux étapes suivantes :

1. repérer la position i du bit à 1 le plus à droite de u ;
2. complémenter à un les bits de u de position strictement plus grande que i.

Représentation en complément à deux

Il existe une méthode plus rapide pour calculer le complément à deux d'une suite de bits u que de la complémenter à un et de l'incrémenter.

Elle consiste en les deux étapes suivantes :

1. repérer la position i du bit à 1 le plus à droite de u ;
2. complémenter à un les bits de u de position strictement plus grande que i.

P.ex., l'application de cette méthode sur la suite 01101000 donne :

u	0	1	1	0	1	0	0	0

Représentation en complément à deux

Il existe une méthode plus rapide pour calculer le complément à deux d'une suite de bits u que de la complémenter à un et de l'incrémenter.

Elle consiste en les deux étapes suivantes :

1. repérer la position i du bit à 1 le plus à droite de u ;
2. complémenter à un les bits de u de position strictement plus grande que i.

P.ex., l'application de cette méthode sur la suite 01101000 donne :

u	0	1	1	0	1	0	0	0
bit à 1 à droite	0	1	1	0	1	0	0	0

Représentation en complément à deux

Il existe une méthode plus rapide pour calculer le complément à deux d'une suite de bits u que de la complémenter à un et de l'incrémenter.

Elle consiste en les deux étapes suivantes :

1. repérer la position i du bit à 1 le plus à droite de u ;
2. complémenter à un les bits de u de position strictement plus grande que i.

P.ex., l'application de cette méthode sur la suite 01101000 donne :

u	0	1	1	0	1	0	0	0
bit à 1 à droite	0	1	1	0	1	0	0	0
cpl. à 1 bits à gauche	1	0	0	1	1	0	0	0

Représentation en complément à deux

Il existe une méthode plus rapide pour calculer le complément à deux d'une suite de bits u que de la complémenter à un et de l'incrémenter.

Elle consiste en les deux étapes suivantes :

1. repérer la position i du bit à 1 le plus à droite de u ;
2. complémenter à un les bits de u de position strictement plus grande que i.

P.ex., l'application de cette méthode sur la suite 01101000 donne :

u	0	1	1	0	1	0	0	0	
bit à 1 à droite	0	1	1	0	1	0	0	0	
cpl. à 1 bits à gauche	1	0	0	1	1	0	0	0	cpl. à 2 de u

Dépassement de capacité

En représentation en complément à deux sur n bits, l'addition de deux entiers x et y peut produire un entier qui sort de la plage représentable. On appelle ceci un dépassement de capacité (*overflow*).

Dépassement de capacité

En représentation en complément à deux sur n bits, l'addition de deux entiers x et y peut produire un entier qui sort de la plage représentable. On appelle ceci un dépassement de capacité (*overflow*).

Fait 1. Si x est négatif et y est positif, $x + y$ appartient toujours à la plage représentable.

Dépassement de capacité

En représentation en complément à deux sur n bits, l'addition de deux entiers x et y peut produire un entier qui sort de la plage représentable. On appelle ceci un dépassement de capacité (*overflow*).

Fait 1. Si x est négatif et y est positif, $x + y$ appartient toujours à la plage représentable.

Fait 2. Il ne peut y avoir dépassement de capacité que si x et y sont de **même signe**.

Dépassement de capacité

En représentation en complément à deux sur n bits, l'addition de deux entiers x et y peut produire un entier qui sort de la plage représentable. On appelle ceci un dépassement de capacité (*overflow*).

Fait 1. Si x est négatif et y est positif, $x + y$ appartient toujours à la plage représentable.

Fait 2. Il ne peut y avoir dépassement de capacité que si x et y sont de **même signe**.

Règle : il y a dépassement de capacité si et seulement si le **bit de poids fort** de $x + y$ est **différent** du bit de poids fort de x.

Dépassement de capacité

En représentation en complément à deux sur n bits, l'addition de deux entiers x et y peut produire un entier qui sort de la plage représentable. On appelle ceci un dépassement de capacité (*overflow*).

Fait 1. Si x est négatif et y est positif, $x + y$ appartient toujours à la plage représentable.

Fait 2. Il ne peut y avoir dépassement de capacité que si x et y sont de **même signe**.

Règle : il y a dépassement de capacité si et seulement si le **bit de poids fort** de $x + y$ est **différent** du bit de poids fort de x.

P.ex., sur 4 bits, l'addition

$$\begin{array}{cccccc} & 0 & 1 & 0 & 0 \\ + & 0 & 1 & 0 & 1 \\ \hline & 1 & 0 & 0 & 1 \end{array}$$

engendre un dépassement de capacité.

Retenue de sortie

En représentation en complément à deux sur n bits, on dit que l'addition de deux entiers x et y produit une retenue de sortie si l'addition des bits de poids forts de x et de y renvoie une retenue de sortie à 1.

Retenue de sortie

En représentation en complément à deux sur n bits, on dit que l'addition de deux entiers x et y produit une retenue de sortie si l'addition des bits de poids forts de x et de y renvoie une retenue de sortie à 1.

P.ex., sur 4 bits, l'addition

$$\begin{array}{cccccc} & & 1 & 1 & 0 & 0 \\ + & & 0 & 1 & 0 & 1 \\ \hline & (1) & 0 & 0 & 0 & 1 \end{array}$$

engendre une retenue de sortie.

Retenue de sortie

En représentation en complément à deux sur n bits, on dit que l'addition de deux entiers x et y produit une retenue de sortie si l'addition des bits de poids forts de x et de y renvoie une retenue de sortie à 1.

P.ex., sur 4 bits, l'addition

$$\begin{array}{cccccc} & & 1 & 1 & 0 & 0 \\ + & & 0 & 1 & 0 & 1 \\ \hline & (1) & 0 & 0 & 0 & 1 \end{array}$$

engendre une retenue de sortie.

Attention : ce n'est pas parce qu'une addition provoque une retenue de sortie qu'il y a dépassement de capacité.

Dépassement de capacité et retenue de sortie

Le dépassement de capacité **(D)** et la retenue de sortie **(R)** sont deux choses disjointes. En effet, il peut exister les quatre cas de figure suivants (exemples sur 4 bits) :

Dépassement de capacité et retenue de sortie

Le dépassement de capacité **(D)** et la retenue de sortie **(R)** sont deux choses disjointes. En effet, il peut exister les quatre cas de figure suivants (exemples sur 4 bits) :

- non **(D)** et non **(R)** :

$$\begin{array}{rrcccc} & & 1 & 0 & 0 & 0 \\ + & & 0 & 0 & 1 & 0 \\ \hline & (0) & 1 & 0 & 1 & 0 \end{array}$$

Dépassement de capacité et retenue de sortie

Le dépassement de capacité **(D)** et la retenue de sortie **(R)** sont deux choses disjointes. En effet, il peut exister les quatre cas de figure suivants (exemples sur 4 bits) :

- non **(D)** et non **(R)** :

		1	0	0	0
+		0	0	1	0
	(0)	1	0	1	0

- **(D)** et non **(R)** :

		0	1	1	0
+		0	1	1	1
	(0)	1	1	0	1

Dépassement de capacité et retenue de sortie

Le dépassement de capacité **(D)** et la retenue de sortie **(R)** sont deux choses disjointes. En effet, il peut exister les quatre cas de figure suivants (exemples sur 4 bits) :

- non **(D)** et non **(R)** :

		1	0	0	0
+		0	0	1	0
	(0)	1	0	1	0

- non **(D)** et **(R)** :

		0	1	0	0
+		1	1	0	0
	(1)	0	0	1	0

- **(D)** et non **(R)** :

		0	1	1	0
+		0	1	1	1
	(0)	1	1	0	1

Dépassement de capacité et retenue de sortie

Le dépassement de capacité **(D)** et la retenue de sortie **(R)** sont deux choses disjointes. En effet, il peut exister les quatre cas de figure suivants (exemples sur 4 bits) :

- non **(D)** et non **(R)** :

		1	0	0	0
+		0	0	1	0
	(0)	1	0	1	0

- non **(D)** et **(R)** :

		0	1	0	0
+		1	1	0	0
	(1)	0	0	1	0

- **(D)** et non **(R)** :

		0	1	1	0
+		0	1	1	1
	(0)	1	1	0	1

- **(D)** et **(R)** :

		1	0	1	0
+		1	0	0	0
	(1)	0	0	1	0

Résumé des représentations des entiers

Représentation en magnitude signée.

Plage : de $-2^{n-1}+1$ à $2^{n-1}-1$.
Avantage : codage simple ; calcul facile de l'opposé.
Inconvénients : addition non naturelle ; deux encodages pour zéro.

Représentation en complément à un.

Plage : de $-2^{n-1}+1$ à $2^{n-1}-1$.
Avantage : codage simple ; calcul facile de l'opposé.
Inconvénients : addition non naturelle ; deux encodages pour zéro.

Représentation avec biais (de $B \geqslant 0$).

Plage : de $-B$ à $(2^n-1)-B$.
Avantage : possibilité d'encoder un intervalle arbitraire.
Inconvénient : addition non naturelle.

Représentation en complément à deux.

Plage : de -2^{n-1} à $2^{n-1}-1$.
Avantage : addition naturelle.
Inconvénient : encodage moins intuitif.

L'hexadécimal

Un entier codé en hexadécimal est un entier écrit en base seize.

L'hexadécimal

Un entier codé en hexadécimal est un entier écrit en base seize.

Ce codage utilise seize symboles : les chiffres `0`, `1`, ..., `9` et les lettres `A`, `B`, `C`, `D`, `E`, `F`.

L'hexadécimal

Un entier codé en hexadécimal est un entier écrit en base seize.

Ce codage utilise seize symboles : les chiffres `0`, `1`, ..., `9` et les lettres `A`, `B`, `C`, `D`, `E`, `F`.

Pour exprimer une suite de bits u en hexadécimal, on remplace, en partant de la droite, chaque groupe de quatre bits de u par un chiffre hexadécimal au moyen de la table suivante :

$(\texttt{0000})_{\text{deux}} \to (\texttt{0})_{\text{hex}}$	$(\texttt{0100})_{\text{deux}} \to (\texttt{4})_{\text{hex}}$	$(\texttt{1000})_{\text{deux}} \to (\texttt{8})_{\text{hex}}$	$(\texttt{1100})_{\text{deux}} \to (\texttt{C})_{\text{hex}}$
$(\texttt{0001})_{\text{deux}} \to (\texttt{1})_{\text{hex}}$	$(\texttt{0101})_{\text{deux}} \to (\texttt{5})_{\text{hex}}$	$(\texttt{1001})_{\text{deux}} \to (\texttt{9})_{\text{hex}}$	$(\texttt{1101})_{\text{deux}} \to (\texttt{D})_{\text{hex}}$
$(\texttt{0010})_{\text{deux}} \to (\texttt{2})_{\text{hex}}$	$(\texttt{0110})_{\text{deux}} \to (\texttt{6})_{\text{hex}}$	$(\texttt{1010})_{\text{deux}} \to (\texttt{A})_{\text{hex}}$	$(\texttt{1110})_{\text{deux}} \to (\texttt{E})_{\text{hex}}$
$(\texttt{0011})_{\text{deux}} \to (\texttt{3})_{\text{hex}}$	$(\texttt{0111})_{\text{deux}} \to (\texttt{7})_{\text{hex}}$	$(\texttt{1011})_{\text{deux}} \to (\texttt{B})_{\text{hex}}$	$(\texttt{1111})_{\text{deux}} \to (\texttt{F})_{\text{hex}}$

L'hexadécimal

Un entier codé en hexadécimal est un entier écrit en base seize.

Ce codage utilise seize symboles : les chiffres `0`, `1`, ..., `9` et les lettres `A`, `B`, `C`, `D`, `E`, `F`.

Pour exprimer une suite de bits u en hexadécimal, on remplace, en partant de la droite, chaque groupe de quatre bits de u par un chiffre hexadécimal au moyen de la table suivante :

$(\texttt{0000})_{\text{deux}} \to (\texttt{0})_{\text{hex}}$	$(\texttt{0100})_{\text{deux}} \to (\texttt{4})_{\text{hex}}$	$(\texttt{1000})_{\text{deux}} \to (\texttt{8})_{\text{hex}}$	$(\texttt{1100})_{\text{deux}} \to (\texttt{C})_{\text{hex}}$
$(\texttt{0001})_{\text{deux}} \to (\texttt{1})_{\text{hex}}$	$(\texttt{0101})_{\text{deux}} \to (\texttt{5})_{\text{hex}}$	$(\texttt{1001})_{\text{deux}} \to (\texttt{9})_{\text{hex}}$	$(\texttt{1101})_{\text{deux}} \to (\texttt{D})_{\text{hex}}$
$(\texttt{0010})_{\text{deux}} \to (\texttt{2})_{\text{hex}}$	$(\texttt{0110})_{\text{deux}} \to (\texttt{6})_{\text{hex}}$	$(\texttt{1010})_{\text{deux}} \to (\texttt{A})_{\text{hex}}$	$(\texttt{1110})_{\text{deux}} \to (\texttt{E})_{\text{hex}}$
$(\texttt{0011})_{\text{deux}} \to (\texttt{3})_{\text{hex}}$	$(\texttt{0111})_{\text{deux}} \to (\texttt{7})_{\text{hex}}$	$(\texttt{1011})_{\text{deux}} \to (\texttt{B})_{\text{hex}}$	$(\texttt{1111})_{\text{deux}} \to (\texttt{F})_{\text{hex}}$

P.ex., $(\texttt{10 1111 0101 1011 0011 1110})_{\text{deux}} = (\texttt{2F5B3E})_{\text{hex}}$.

L'hexadécimal

Un entier codé en hexadécimal est un entier écrit en base seize.

Ce codage utilise seize symboles : les chiffres `0`, `1`, ..., `9` et les lettres `A`, `B`, `C`, `D`, `E`, `F`.

Pour exprimer une suite de bits u en hexadécimal, on remplace, en partant de la droite, chaque groupe de quatre bits de u par un chiffre hexadécimal au moyen de la table suivante :

$(\texttt{0000})_{\text{deux}} \to (\texttt{0})_{\text{hex}}$	$(\texttt{0100})_{\text{deux}} \to (\texttt{4})_{\text{hex}}$	$(\texttt{1000})_{\text{deux}} \to (\texttt{8})_{\text{hex}}$	$(\texttt{1100})_{\text{deux}} \to (\texttt{C})_{\text{hex}}$
$(\texttt{0001})_{\text{deux}} \to (\texttt{1})_{\text{hex}}$	$(\texttt{0101})_{\text{deux}} \to (\texttt{5})_{\text{hex}}$	$(\texttt{1001})_{\text{deux}} \to (\texttt{9})_{\text{hex}}$	$(\texttt{1101})_{\text{deux}} \to (\texttt{D})_{\text{hex}}$
$(\texttt{0010})_{\text{deux}} \to (\texttt{2})_{\text{hex}}$	$(\texttt{0110})_{\text{deux}} \to (\texttt{6})_{\text{hex}}$	$(\texttt{1010})_{\text{deux}} \to (\texttt{A})_{\text{hex}}$	$(\texttt{1110})_{\text{deux}} \to (\texttt{E})_{\text{hex}}$
$(\texttt{0011})_{\text{deux}} \to (\texttt{3})_{\text{hex}}$	$(\texttt{0111})_{\text{deux}} \to (\texttt{7})_{\text{hex}}$	$(\texttt{1011})_{\text{deux}} \to (\texttt{B})_{\text{hex}}$	$(\texttt{1111})_{\text{deux}} \to (\texttt{F})_{\text{hex}}$

P.ex., $(\texttt{10 1111 0101 1011 0011 1110})_{\text{deux}} = (\texttt{2F5B3E})_{\text{hex}}$.

La conversion dans l'autre sens se réalise en appliquant la même idée.

L'hexadécimal

Un entier codé en hexadécimal est un entier écrit en base seize.

Ce codage utilise seize symboles : les chiffres `0`, `1`, ..., `9` et les lettres `A`, `B`, `C`, `D`, `E`, `F`.

Pour exprimer une suite de bits u en hexadécimal, on remplace, en partant de la droite, chaque groupe de quatre bits de u par un chiffre hexadécimal au moyen de la table suivante :

$(\texttt{0000})_{\text{deux}} \to (\texttt{0})_{\text{hex}}$	$(\texttt{0100})_{\text{deux}} \to (\texttt{4})_{\text{hex}}$	$(\texttt{1000})_{\text{deux}} \to (\texttt{8})_{\text{hex}}$	$(\texttt{1100})_{\text{deux}} \to (\texttt{C})_{\text{hex}}$
$(\texttt{0001})_{\text{deux}} \to (\texttt{1})_{\text{hex}}$	$(\texttt{0101})_{\text{deux}} \to (\texttt{5})_{\text{hex}}$	$(\texttt{1001})_{\text{deux}} \to (\texttt{9})_{\text{hex}}$	$(\texttt{1101})_{\text{deux}} \to (\texttt{D})_{\text{hex}}$
$(\texttt{0010})_{\text{deux}} \to (\texttt{2})_{\text{hex}}$	$(\texttt{0110})_{\text{deux}} \to (\texttt{6})_{\text{hex}}$	$(\texttt{1010})_{\text{deux}} \to (\texttt{A})_{\text{hex}}$	$(\texttt{1110})_{\text{deux}} \to (\texttt{E})_{\text{hex}}$
$(\texttt{0011})_{\text{deux}} \to (\texttt{3})_{\text{hex}}$	$(\texttt{0111})_{\text{deux}} \to (\texttt{7})_{\text{hex}}$	$(\texttt{1011})_{\text{deux}} \to (\texttt{B})_{\text{hex}}$	$(\texttt{1111})_{\text{deux}} \to (\texttt{F})_{\text{hex}}$

P.ex., $(\texttt{10 1111 0101 1011 0011 1110})_{\text{deux}} = (\texttt{2F5B3E})_{\text{hex}}$.

La conversion dans l'autre sens se réalise en appliquant la même idée.

On utilise ce codage pour sa **concision** : un octet est codé par seulement deux chiffres hexadécimaux.

Plan

Les nombres réels

Nombres entiers *vs* nombres réels :

- il y a une infinité de nombre entiers mais il y a un **nombre fini** d'entiers dans tout intervalle $[\![a, b]\!]$ où $a \leqslant b \in \mathbb{Z}$;

Les nombres réels

Nombres entiers *vs* nombres réels :

- il y a une infinité de nombre entiers mais il y a un **nombre fini** d'entiers dans tout intervalle $[\![a, b]\!]$ où $a \leqslant b \in \mathbb{Z}$;
- il y a également une infinité de nombre réels mais il y a cette fois un **nombre infini** de réels dans tout intervalle $[\alpha, \beta]$ où $\alpha < \beta \in \mathbb{R}$.

Les nombres réels

Nombres entiers *vs* nombres réels :

- il y a une infinité de nombre entiers mais il y a un **nombre fini** d'entiers dans tout intervalle $[\![a, b]\!]$ où $a \leqslant b \in \mathbb{Z}$;
- il y a également une infinité de nombre réels mais il y a cette fois un **nombre infini** de réels dans tout intervalle $[\alpha, \beta]$ où $\alpha < \beta \in \mathbb{R}$.

Conséquence : il n'est possible de représenter qu'un sous-ensemble de nombres réels d'un intervalle donné.

Les nombres réels

Nombres entiers *vs* nombres réels :

- il y a une infinité de nombre entiers mais il y a un **nombre fini** d'entiers dans tout intervalle $[\![a, b]\!]$ où $a \leqslant b \in \mathbb{Z}$;
- il y a également une infinité de nombre réels mais il y a cette fois un **nombre infini** de réels dans tout intervalle $[\alpha, \beta]$ où $\alpha < \beta \in \mathbb{R}$.

Conséquence : il n'est possible de représenter qu'un sous-ensemble de nombres réels d'un intervalle donné.

Les nombres représentables sont appelés nombre flottants. Ce sont des approximations des nombres réels.

Représentation à virgule fixe

Le codage à virgule fixe consiste à représenter un nombre à virgule en deux parties :

1. sa **troncature**, sur n bits ;
2. sa **partie décimale**, sur m bits ;

où les entiers n et m sont fixés.

Représentation à virgule fixe

Le codage à virgule fixe consiste à représenter un nombre à virgule en deux parties :

1. sa **troncature**, sur n bits ;
2. sa **partie décimale**, sur m bits ;

où les entiers n et m sont fixés.

La troncature est codée en utilisant la représentation en complément à deux.

Représentation à virgule fixe

Le codage à virgule fixe consiste à représenter un nombre à virgule en deux parties :

1. sa **troncature**, sur n bits ;
2. sa **partie décimale**, sur m bits ;

où les entiers n et m sont fixés.

La troncature est codée en utilisant la représentation en complément à deux.

Chaque bit de la partie décimale correspond à l'inverse d'une puissance de deux.

Représentation à virgule fixe

Le codage à virgule fixe consiste à représenter un nombre à virgule en deux parties :

1. sa **troncature**, sur n bits ;
2. sa **partie décimale**, sur m bits ;

où les entiers n et m sont fixés.

La troncature est codée en utilisant la représentation en complément à deux.

Chaque bit de la partie décimale correspond à l'inverse d'une puissance de deux.

P.ex., avec $n = 4$ et $m = 5$,

$$(0110.01100)_{\text{vf}} = 1 \times 2^2 + 1 \times 2^1 + 0 \times 2^0 + 0 \times 2^{-1} + 1 \times 2^{-2} + 1 \times 2^{-3}$$
$$= (6.375)_{\text{dix}}$$

Représentation à virgule fixe

Soient $b \geqslant 2$ un entier et $0 < x < 1$ un nombre rationnel. Pour écrire x en base b, on procède comme suit :

1. $L \leftarrow [\,]$
2. Tant que $x \neq 0$:
   1. $x \leftarrow x \times b$
   2. $L \leftarrow L \cdot \lfloor x \rfloor$
   3. $x \leftarrow x - \lfloor x \rfloor$
3. Renvoyer L.

Ici, $[\,]$ est la liste vide, $\cdot$ désigne la concaténation des listes et $\lfloor - \rfloor$ est l'opérateur partie entière inférieure.

Représentation à virgule fixe

P.ex., avec $x := (0.375)_{\text{dix}}$ et $b := 2$, on a

x	$x \times 2$	$x - \lfloor x \rfloor$	L

Représentation à virgule fixe

P.ex., avec $x := (0.375)_{\text{dix}}$ et $b := 2$, on a

x	$x \times 2$	$x - \lfloor x \rfloor$	L
$(0.375)_{\text{dix}}$	$(0.75)_{\text{dix}}$	$(0.75)_{\text{dix}}$	$[0]$

Représentation à virgule fixe

P.ex., avec $x := (0.375)_{\text{dix}}$ et $b := 2$, on a

x	$x \times 2$	$x - \lfloor x \rfloor$	L
$(0.375)_{\text{dix}}$	$(0.75)_{\text{dix}}$	$(0.75)_{\text{dix}}$	$[0]$
$(0.75)_{\text{dix}}$	$(1.5)_{\text{dix}}$	$(0.5)_{\text{dix}}$	$[0, 1]$

Représentation à virgule fixe

P.ex., avec $x := (0.375)_{\text{dix}}$ et $b := 2$, on a

x	$x \times 2$	$x - \lfloor x \rfloor$	L
$(0.375)_{\text{dix}}$	$(0.75)_{\text{dix}}$	$(0.75)_{\text{dix}}$	$[0]$
$(0.75)_{\text{dix}}$	$(1.5)_{\text{dix}}$	$(0.5)_{\text{dix}}$	$[0, 1]$
$(0.5)_{\text{dix}}$	$(1.0)_{\text{dix}}$	$(0.0)_{\text{dix}}$	$[0, 1, 1]$

Représentation à virgule fixe

P.ex., avec $x := (0.375)_{\text{dix}}$ et $b := 2$, on a

x	$x \times 2$	$x - \lfloor x \rfloor$	L
$(0.375)_{\text{dix}}$	$(0.75)_{\text{dix}}$	$(0.75)_{\text{dix}}$	$[0]$
$(0.75)_{\text{dix}}$	$(1.5)_{\text{dix}}$	$(0.5)_{\text{dix}}$	$[0, 1]$
$(0.5)_{\text{dix}}$	$(1.0)_{\text{dix}}$	$(0.0)_{\text{dix}}$	$[0, 1, 1]$
$(0)_{\text{dix}}$	–	–	$[0, 1, 1]$

Représentation à virgule fixe

P.ex., avec $x := (0.375)_{\text{dix}}$ et $b := 2$, on a

x	$x \times 2$	$x - \lfloor x \rfloor$	L
$(0.375)_{\text{dix}}$	$(0.75)_{\text{dix}}$	$(0.75)_{\text{dix}}$	$[0]$
$(0.75)_{\text{dix}}$	$(1.5)_{\text{dix}}$	$(0.5)_{\text{dix}}$	$[0, 1]$
$(0.5)_{\text{dix}}$	$(1.0)_{\text{dix}}$	$(0.0)_{\text{dix}}$	$[0, 1, 1]$
$(0)_{\text{dix}}$	–	–	$[0, 1, 1]$

Ainsi, $(0.375)_{\text{dix}} = (0.011)_{\text{vf}}$.

Limites de la représentation à virgule fixe

Appliquons l'« algorithme » précédent sur les entrées $x := (0.1)_{\text{dix}}$ et $b := 2$. On a

x	$x \times 2$	$x - \lfloor x \rfloor$	L

Limites de la représentation à virgule fixe

Appliquons l'« algorithme » précédent sur les entrées $x := (0.1)_{\text{dix}}$ et $b := 2$. On a

x	$x \times 2$	$x - \lfloor x \rfloor$	L
$(0.1)_{\text{dix}}$	$(0.2)_{\text{dix}}$	$(0.2)_{\text{dix}}$	$[0]$

Limites de la représentation à virgule fixe

Appliquons l'« algorithme » précédent sur les entrées $x := (0.1)_{\text{dix}}$ et $b := 2$. On a

x	$x \times 2$	$x - \lfloor x \rfloor$	L
$(0.1)_{\text{dix}}$	$(0.2)_{\text{dix}}$	$(0.2)_{\text{dix}}$	$[0]$
$(0.2)_{\text{dix}}$	$(0.4)_{\text{dix}}$	$(0.4)_{\text{dix}}$	$[0, 0]$

Limites de la représentation à virgule fixe

Appliquons l'« algorithme » précédent sur les entrées $x := (0.1)_{\text{dix}}$ et $b := 2$. On a

x	$x \times 2$	$x - \lfloor x \rfloor$	L
$(0.1)_{\text{dix}}$	$(0.2)_{\text{dix}}$	$(0.2)_{\text{dix}}$	$[0]$
$(0.2)_{\text{dix}}$	$(0.4)_{\text{dix}}$	$(0.4)_{\text{dix}}$	$[0, 0]$
$(0.4)_{\text{dix}}$	$(0.8)_{\text{dix}}$	$(0.8)_{\text{dix}}$	$[0, 0, 0]$

Limites de la représentation à virgule fixe

Appliquons l'« algorithme » précédent sur les entrées $x := (0.1)_{\text{dix}}$ et $b := 2$. On a

x	$x \times 2$	$x - \lfloor x \rfloor$	L
$(0.1)_{\text{dix}}$	$(0.2)_{\text{dix}}$	$(0.2)_{\text{dix}}$	$[0]$
$(0.2)_{\text{dix}}$	$(0.4)_{\text{dix}}$	$(0.4)_{\text{dix}}$	$[0, 0]$
$(0.4)_{\text{dix}}$	$(0.8)_{\text{dix}}$	$(0.8)_{\text{dix}}$	$[0, 0, 0]$
$(0.8)_{\text{dix}}$	$(1.6)_{\text{dix}}$	$(0.6)_{\text{dix}}$	$[0, 0, 0, 1]$

Limites de la représentation à virgule fixe

Appliquons l'« algorithme » précédent sur les entrées $x := (0.1)_{\text{dix}}$ et $b := 2$. On a

x	$x \times 2$	$x - \lfloor x \rfloor$	L
$(0.1)_{\text{dix}}$	$(0.2)_{\text{dix}}$	$(0.2)_{\text{dix}}$	$[0]$
$(0.2)_{\text{dix}}$	$(0.4)_{\text{dix}}$	$(0.4)_{\text{dix}}$	$[0, 0]$
$(0.4)_{\text{dix}}$	$(0.8)_{\text{dix}}$	$(0.8)_{\text{dix}}$	$[0, 0, 0]$
$(0.8)_{\text{dix}}$	$(1.6)_{\text{dix}}$	$(0.6)_{\text{dix}}$	$[0, 0, 0, 1]$
$(0.6)_{\text{dix}}$	$(1.2)_{\text{dix}}$	$(0.2)_{\text{dix}}$	$[0, 0, 0, 1, 1]$

Limites de la représentation à virgule fixe

Appliquons l'« algorithme » précédent sur les entrées $x := (0.1)_{\text{dix}}$ et $b := 2$. On a

x	$x \times 2$	$x - \lfloor x \rfloor$	L
$(0.1)_{\text{dix}}$	$(0.2)_{\text{dix}}$	$(0.2)_{\text{dix}}$	$[0]$
$(0.2)_{\text{dix}}$	$(0.4)_{\text{dix}}$	$(0.4)_{\text{dix}}$	$[0, 0]$
$(0.4)_{\text{dix}}$	$(0.8)_{\text{dix}}$	$(0.8)_{\text{dix}}$	$[0, 0, 0]$
$(0.8)_{\text{dix}}$	$(1.6)_{\text{dix}}$	$(0.6)_{\text{dix}}$	$[0, 0, 0, 1]$
$(0.6)_{\text{dix}}$	$(1.2)_{\text{dix}}$	$(0.2)_{\text{dix}}$	$[0, 0, 0, 1, 1]$
$(0.2)_{\text{dix}}$	$(0.4)_{\text{dix}}$	$(0.4)_{\text{dix}}$	$[0, 0, 0, 1, 1, 0]$

Limites de la représentation à virgule fixe

Appliquons l'« algorithme » précédent sur les entrées $x := (0.1)_{\text{dix}}$ et $b := 2$. On a

x	$x \times 2$	$x - \lfloor x \rfloor$	L
$(0.1)_{\text{dix}}$	$(0.2)_{\text{dix}}$	$(0.2)_{\text{dix}}$	$[0]$
$(0.2)_{\text{dix}}$	$(0.4)_{\text{dix}}$	$(0.4)_{\text{dix}}$	$[0, 0]$
$(0.4)_{\text{dix}}$	$(0.8)_{\text{dix}}$	$(0.8)_{\text{dix}}$	$[0, 0, 0]$
$(0.8)_{\text{dix}}$	$(1.6)_{\text{dix}}$	$(0.6)_{\text{dix}}$	$[0, 0, 0, 1]$
$(0.6)_{\text{dix}}$	$(1.2)_{\text{dix}}$	$(0.2)_{\text{dix}}$	$[0, 0, 0, 1, 1]$
$(0.2)_{\text{dix}}$	$(0.4)_{\text{dix}}$	$(0.4)_{\text{dix}}$	$[0, 0, 0, 1, 1, 0]$
$\ldots$	$\ldots$	$\ldots$	$\ldots$

Limites de la représentation à virgule fixe

Appliquons l'« algorithme » précédent sur les entrées $x := (0.1)_{\text{dix}}$ et $b := 2$. On a

x	$x \times 2$	$x - \lfloor x \rfloor$	L
$(0.1)_{\text{dix}}$	$(0.2)_{\text{dix}}$	$(0.2)_{\text{dix}}$	$[0]$
$(0.2)_{\text{dix}}$	$(0.4)_{\text{dix}}$	$(0.4)_{\text{dix}}$	$[0, 0]$
$(0.4)_{\text{dix}}$	$(0.8)_{\text{dix}}$	$(0.8)_{\text{dix}}$	$[0, 0, 0]$
$(0.8)_{\text{dix}}$	$(1.6)_{\text{dix}}$	$(0.6)_{\text{dix}}$	$[0, 0, 0, 1]$
$(0.6)_{\text{dix}}$	$(1.2)_{\text{dix}}$	$(0.2)_{\text{dix}}$	$[0, 0, 0, 1, 1]$
$(0.2)_{\text{dix}}$	$(0.4)_{\text{dix}}$	$(0.4)_{\text{dix}}$	$[0, 0, 0, 1, 1, 0]$
$\dots$	$\dots$	$\dots$	$\dots$

Ainsi,

$$(0.1)_{\text{dix}} = (0.000110\ 0110\ 0110 \dots)_{\text{vf}}.$$

Ce rationnel n'admet pas d'écriture finie en représentation à virgule fixe.

Représentation IEEE 754

Le codage IEEE 754 consiste à représenter un nombre à virgule x par trois données :

1. un **bit de signe** s ;
2. un **exposant** e ;
3. une **mantisse** m.

Représentation IEEE 754

Le codage IEEE 754 consiste à représenter un nombre à virgule x par trois données :

1. un **bit de signe** s ;
2. un **exposant** e ;
3. une **mantisse** m.

Principaux formats (tailles en bits) :

Nom	Taille totale	Bit de signe	Exposant	Mantisse
half	16	1	5	10
single	32	1	8	23
double	64	1	11	52
quad	128	1	15	64

Représentation IEEE 754

Le **bit de signe** s renseigne sur le signe : si $s = 0$, le nombre codé est positif, sinon il est négatif.

Représentation IEEE 754

Le **bit de signe** s renseigne sur le signe : si $s = 0$, le nombre codé est positif, sinon il est négatif.

L'**exposant** e code un entier en représentation avec biais avec un biais donné par la la table suivante.

Nom	Biais B
half	15
single	127
double	1023
quad	16383

On note $\mathrm{vale}(e)$ la valeur ainsi codée.

Représentation IEEE 754

Le **bit de signe** s renseigne sur le signe : si $s = 0$, le nombre codé est positif, sinon il est négatif.

L'**exposant** e code un entier en représentation avec biais avec un biais donné par la la table suivante.

Nom	Biais B
half	15
single	127
double	1023
quad	16383

On note $\mathrm{vale}(e)$ la valeur ainsi codée.

La **mantisse** m code la partie décimale d'un nombre de la forme $(1.m)_{\mathrm{vf}}$.
On note $\mathrm{valm}(m)$ la valeur ainsi codée.

Représentation IEEE 754

Le **bit de signe** s renseigne sur le signe : si $s = 0$, le nombre codé est positif, sinon il est négatif.

L'**exposant** e code un entier en représentation avec biais avec un biais donné par la la table suivante.

Nom	Biais B
half	15
single	127
double	1023
quad	16383

On note $\mathrm{vale}(e)$ la valeur ainsi codée.

La **mantisse** m code la partie décimale d'un nombre de la forme $(1.m)_{\mathrm{vf}}$. On note $\mathrm{valm}(m)$ la valeur ainsi codée.

Le nombre à virgule est codé par s, e et m si l'on a

$$x = (-1)^s \times \mathrm{valm}(m) \times 2^{\mathrm{vale}(e)}.$$

Représentation IEEE 754

Codons le nombre $x := (-23.375)_{\text{dix}}$ en single.

Représentation IEEE 754

Codons le nombre $x := (-23.375)_{\text{dix}}$ en single.

1. Comme x est négatif, $s := 1$.

Représentation IEEE 754

Codons le nombre $x := (-23.375)_{\text{dix}}$ en single.

1. Comme x est négatif, $s := 1$.
2. On écrit $|x|$ en représentation à virgule fixe. On obtient

$$|x| = (10111.011)_{\text{vf}}$$

et donc,

$$|x| = \text{valm}(0111011) \times 2^4.$$

Représentation IEEE 754

Codons le nombre $x := (-23.375)_{\text{dix}}$ en single.

1. Comme x est négatif, $s := 1$.
2. On écrit $|x|$ en représentation à virgule fixe. On obtient
$$|x| = (10111.011)_{\text{vf}}$$
et donc,
$$|x| = \text{valm}(0111011) \times 2^4.$$
3. On en déduit $\text{vale}(e) = 4$ et ainsi,
$$e = (100000011)_{\text{bias}=127}.$$

Représentation IEEE 754

Codons le nombre $x := (-23.375)_{\text{dix}}$ en single.

1. Comme x est négatif, $s := 1$.
2. On écrit $|x|$ en représentation à virgule fixe. On obtient
$$|x| = (10111.011)_{\text{vf}}$$
et donc,
$$|x| = \text{valm}(0111011) \times 2^4.$$
3. On en déduit $\text{vale}(e) = 4$ et ainsi,
$$e = (100000011)_{\text{bias}=127}.$$
4. On en déduit par ailleurs que
$$m = 01110110000000000000000.$$

Représentation IEEE 754

Codons le nombre $x := (-23.375)_{\text{dix}}$ en single.

1. Comme x est négatif, $s := 1$.
2. On écrit $|x|$ en représentation à virgule fixe. On obtient
$$|x| = (10111.011)_{\text{vf}}$$
et donc,
$$|x| = \text{valm}(0111011) \times 2^4.$$
3. On en déduit $\text{vale}(e) = 4$ et ainsi,
$$e = (100000011)_{\text{bias}=127}.$$
4. On en déduit par ailleurs que
$$m = 01110110000000000000000.$$

Finalement,

$$x = (1\ 10000011\ 01110110000000000000000)_{\text{IEEE 754 single}}.$$

Représentation IEEE 754

Codons le nombre $x := (0.15625)_{\text{dix}}$ en single.

Représentation IEEE 754

Codons le nombre $x := (0.15625)_{\text{dix}}$ en single.

1. Comme x est positif, $s := 0$.

Représentation IEEE 754

Codons le nombre $x := (0.15625)_{\text{dix}}$ en single.

1. Comme x est positif, $s := 0$.
2. On écrit $|x|$ en représentation à virgule fixe. On obtient

$$|x| = (0.00101)_{\text{vf}}$$

et donc,

$$|x| = \text{valm}(01) \times 2^{-3}.$$

Représentation IEEE 754

Codons le nombre $x := (0.15625)_{\text{dix}}$ en single.

1. Comme x est positif, $s := 0$.
2. On écrit $|x|$ en représentation à virgule fixe. On obtient
$$|x| = (0.00101)_{\text{vf}}$$
et donc,
$$|x| = \text{valm}(01) \times 2^{-3}.$$
3. On en déduit $\text{vale}(e) = -3$ et ainsi,
$$e = (01111100)_{\text{bias}=127}.$$

Représentation IEEE 754

Codons le nombre $x := (0.15625)_{\text{dix}}$ en single.

1. Comme x est positif, $s := 0$.
2. On écrit $|x|$ en représentation à virgule fixe. On obtient
$$|x| = (0.00101)_{\text{vf}}$$
et donc,
$$|x| = \text{valm}(01) \times 2^{-3}.$$
3. On en déduit $\text{vale}(e) = -3$ et ainsi,
$$e = (01111100)_{\text{bias}=127}.$$
4. On en déduit par ailleurs que
$$m = 01000000000000000000000.$$

Représentation IEEE 754

Codons le nombre $x := (0.15625)_{\text{dix}}$ en single.

1. Comme x est positif, $s := 0$.
2. On écrit $|x|$ en représentation à virgule fixe. On obtient
$$|x| = (0.00101)_{\text{vf}}$$
et donc,
$$|x| = \text{valm}(01) \times 2^{-3}.$$
3. On en déduit $\text{vale}(e) = -3$ et ainsi,
$$e = (01111100)_{\text{bias}=127}.$$
4. On en déduit par ailleurs que
$$m = 01000000000000000000000.$$

Finalement,

$$x = (0\ 01111100\ 01000000000000000000000)_{\text{IEEE 754 single}}.$$

Représentation IEEE 754

Il existe plusieurs représentations spéciales pour coder certains éléments.

Valeur	s	e	m
Zéro	0	0...0	0...0
+Infini	0	1...1	0...0
−Infini	1	1...1	0...0
NaN	0	1...1	010...0

« NaN » signifie « Not a Number ». C'est un code qui permet de représenter une valeur mal définie provenant d'une opération qui n'a pas de sens (p.ex., $\frac{0}{0}$, $\infty - \infty$ ou $0 \times \infty$).

Plan

Le code ASCII

ASCII est l'acronyme de American Standard Code for Information Interchange. Ce codage des caractères fut introduit dans les années 1960.

Le code ASCII

ASCII est l'acronyme de American Standard Code for Information Interchange. Ce codage des caractères fut introduit dans les années 1960.

Un caractère occupe **un octet** dont le bit de poids fort vaut 0.

Le code ASCII

ASCII est l'acronyme de American Standard Code for Information Interchange. Ce codage des caractères fut introduit dans les années 1960.

Un caractère occupe **un octet** dont le bit de poids fort vaut 0.

La correspondance octet (en héxa.) / caractère est donnée par la table

	0x	1x	2x	3x	4x	5x	6x	7x
x0	NUL	DLE	esp.	0	@	P	‘	p
x1	SOH	DC1	!	1	A	Q	a	q
x2	STX	DC2	"	2	B	R	b	r
x3	ETX	DC3	#	3	C	S	c	s
x4	EOT	DC4	$	4	D	T	d	t
x5	ENQ	NAK	%	5	E	U	e	u
x6	ACK	SYN	&	6	F	V	f	v
x7	BEL	ETB	’	7	G	W	g	w
x8	BS	CAN	(	8	H	X	h	x
x9	HT	EM	)	9	I	Y	i	y
xA	LF	SUB	*	:	J	Z	j	z
xB	VT	ESC	+	;	K	[	k	{
xC	FF	FS	,	<	L	\	l	|
xD	CR	GS	-	=	M	]	m	}
xE	SO	RS	.	>	N	^	n	~
xF	SI	US	/	?	O	_	o	DEL

Le code ISO 8859-1

Ce codage est également appelé Latin-1 ou Europe occidentale et fut introduit en 1986.

Le code ISO 8859-1

Ce codage est également appelé Latin-1 ou Europe occidentale et fut introduit en 1986.

Un caractère occupe **un octet**. La valeur du bit de poids fort n'est plus fixée.

Le code ISO 8859-1

Ce codage est également appelé Latin-1 ou Europe occidentale et fut introduit en 1986.

Un caractère occupe **un octet**. La valeur du bit de poids fort n'est plus fixée.

À la différence du code ASCII, ce codage permet en plus de représenter, entre autres, des lettres accentuées.

Le code ISO 8859-1

Ce codage est également appelé Latin-1 ou Europe occidentale et fut introduit en 1986.

Un caractère occupe **un octet**. La valeur du bit de poids fort n'est plus fixée.

À la différence du code ASCII, ce codage permet en plus de représenter, entre autres, des lettres accentuées.

Ce codage des caractères est aujourd'hui (2014) de moins en moins utilisé.

Le code Unicode

Le codage Unicode est une version encore étendue du code ASCII qui fut introduite en 1991.

Le code Unicode

Le codage Unicode est une version encore étendue du code ASCII qui fut introduite en 1991.

Chaque caractère est représenté sur **deux octets**.

Le code Unicode

Le codage Unicode est une version encore étendue du code ASCII qui fut introduite en 1991.

Chaque caractère est représenté sur **deux octets**.

Il permet ainsi de représenter une large variété de caractères : caractères latins (accentués ou non), grecs, cyrilliques, *etc.*

Le code Unicode

Le codage Unicode est une version encore étendue du code ASCII qui fut introduite en 1991.

Chaque caractère est représenté sur **deux octets**.

Il permet ainsi de représenter une large variété de caractères : caractères latins (accentués ou non), grecs, cyrilliques, *etc.*

Il existe des extensions où plus d'octets encore par caractère sont utilisés.

Le code Unicode

Le codage Unicode est une version encore étendue du code ASCII qui fut introduite en 1991.

Chaque caractère est représenté sur **deux octets**.

Il permet ainsi de représenter une large variété de caractères : caractères latins (accentués ou non), grecs, cyrilliques, *etc.*

Il existe des extensions où plus d'octets encore par caractère sont utilisés.

Problème : un texte encodé en Unicode prend plus de place qu'en ASCII.

Le code UTF-8

Le codage UTF-8 apporte une réponse satisfaisante au problème précédent.

Le code UTF-8

Le codage UTF-8 apporte une réponse satisfaisante au problème précédent.

Voici comment un caractère c se représente selon le codage UTF-8 :

- si c est un caractère qui peut être représenté par le codage ASCII, alors c est représenté par son code ASCII ;

Le code UTF-8

Le codage UTF-8 apporte une réponse satisfaisante au problème précédent.

Voici comment un caractère c se représente selon le codage UTF-8 :

- si c est un caractère qui peut être représenté par le codage ASCII, alors c est représenté par son code ASCII ;
- sinon, c peut être représenté par le codage Unicode. Il est codé par **trois octets**

où

est la suite des deux octets du code Unicode de c.

Le code UTF-8

Le codage UTF-8 apporte une réponse satisfaisante au problème précédent.

Voici comment un caractère c se représente selon le codage UTF-8 :

- si c est un caractère qui peut être représenté par le codage ASCII, alors c est représenté par son code ASCII ;
- sinon, c peut être représenté par le codage Unicode. Il est codé par **trois octets**

  où

  est la suite des deux octets du code Unicode de c.

Lorsqu'un texte contient principalement des caractères ASCII, son codage est en général moins coûteux en place que le codage Unicode.

De plus, il est **rétro-compatible** avec le codage ASCII.

Textes

Un texte est une suite de caractères.

Textes

Un texte est une suite de caractères.

Chacun des codages de caractères vus précédemment produit un codage de texte. En effet, un texte est représenté par la suite de bits obtenue en remplaçant chacun de ses caractères par son codage.

Textes

Un texte est une suite de caractères.

Chacun des codages de caractères vus précédemment produit un codage de texte. En effet, un texte est représenté par la suite de bits obtenue en remplaçant chacun de ses caractères par son codage.

Un codage de texte est un **code** si toute suite de bits se décode en au plus un texte (il n'y a pas d'ambiguïté sur l'interprétation d'une suite de bits).

Textes

Un texte est une suite de caractères.

Chacun des codages de caractères vus précédemment produit un codage de texte. En effet, un texte est représenté par la suite de bits obtenue en remplaçant chacun de ses caractères par son codage.

Un codage de texte est un **code** si toute suite de bits se décode en au plus un texte (il n'y a pas d'ambiguïté sur l'interprétation d'une suite de bits).

Exercice : vérifier que les codages ASCII, Latin-1, Unicode et UTF-8 sont bien des codes.

Plan

Plan

Langages bas niveau

Un langage de programmation bas niveau est un langage qui dépend fortement de la structure matérielle de la machine.

Cette caractéristique offre des avantages et des inconvénients divers.

Langages bas niveau

Un langage de programmation bas niveau est un langage qui dépend fortement de la structure matérielle de la machine.

Cette caractéristique offre des avantages et des inconvénients divers.

P.ex., elle permet

- d'avoir un bon contrôle des **ressources matérielles** ;
- d'avoir un contrôle très fin sur la **mémoire** ;
- souvent, de produire du code très **rapide**.

Langages bas niveau

Un langage de programmation bas niveau est un langage qui dépend fortement de la structure matérielle de la machine.

Cette caractéristique offre des avantages et des inconvénients divers.

P.ex., elle permet

- d'avoir un bon contrôle des **ressources matérielles** ;
- d'avoir un contrôle très fin sur la **mémoire** ;
- souvent, de produire du code très **rapide**.

En revanche, elle ne permet pas

- d'utiliser des techniques de programmation abstraites ;
- de programmer rapidement et facilement.

Langage machine

Le langage machine est un langage compris directement par un processeur donné en vue d'une exécution.

C'est un **langage binaire** : ses seules lettres sont les bits `0` et `1`.

Langage machine

Le langage machine est un langage compris directement par un processeur donné en vue d'une exécution.

C'est un **langage binaire** : ses seules lettres sont les bits `0` et `1`.

Chaque modèle de processeur possède son propre langage machine. Étant donnés deux modèles de processeurs x_1 et x_2, on dit que x_1 est **compatible** avec x_2 si toute instruction formulée pour x_2 peut être comprise et exécutée pour x_1.

Langage machine

Le langage machine est un langage compris directement par un processeur donné en vue d'une exécution.

C'est un **langage binaire** : ses seules lettres sont les bits `0` et `1`.

Chaque modèle de processeur possède son propre langage machine. Étant donnés deux modèles de processeurs x_1 et x_2, on dit que x_1 est **compatible** avec x_2 si toute instruction formulée pour x_2 peut être comprise et exécutée pour x_1.

Dans la plupart des langages machine, une instruction commence par un **opcode**, une suite de bits qui porte la nature de l'instruction. Celui-ci est suivi des suites de bits codant les **opérandes** de l'instruction.

Langage machine

Le langage machine est un langage compris directement par un processeur donné en vue d'une exécution.

C'est un **langage binaire** : ses seules lettres sont les bits `0` et `1`.

Chaque modèle de processeur possède son propre langage machine. Étant donnés deux modèles de processeurs x_1 et x_2, on dit que x_1 est **compatible** avec x_2 si toute instruction formulée pour x_2 peut être comprise et exécutée pour x_1.

Dans la plupart des langages machine, une instruction commence par un **opcode**, une suite de bits qui porte la nature de l'instruction. Celui-ci est suivi des suites de bits codant les **opérandes** de l'instruction.

P.ex., la suite

`01101010 00010101`

est une instruction dont le opcode est `01101010` et l'opérande est `00010101`. Elle ordonne de placer la valeur $(21)_{\text{dix}}$ en tête de la pile.

Langages d'assemblage

Un langage d'assemblage (ou assembleur) est un langage qui se trouve à mi-distance entre le programmeur et la machine.

Langages d'assemblage

Un langage d'assemblage (ou assembleur) est un langage qui se trouve à mi-distance entre le programmeur et la machine.

En effet, d'un côté, la machine peut convertir presque immédiatement un programme en assembleur vers du langage machine. De l'autre, l'assembleur est un langage assez facile à manipuler pour un humain.

Langages d'assemblage

Un langage d'assemblage (ou assembleur) est un langage qui se trouve à mi-distance entre le programmeur et la machine.

En effet, d'un côté, la machine peut convertir presque immédiatement un programme en assembleur vers du langage machine. De l'autre, l'assembleur est un langage assez facile à manipuler pour un humain.

Les opcodes sont codés via des **mnémoniques**, mots-clés bien plus manipulables pour le programmeur que les suites binaires associées.

Langages d'assemblage

Un langage d'assemblage (ou assembleur) est un langage qui se trouve à mi-distance entre le programmeur et la machine.

En effet, d'un côté, la machine peut convertir presque immédiatement un programme en assembleur vers du langage machine. De l'autre, l'assembleur est un langage assez facile à manipuler pour un humain.

Les opcodes sont codés via des **mnémoniques**, mots-clés bien plus manipulables pour le programmeur que les suites binaires associées.

Du fait qu'un langage d'assemblage est spécifiquement dédié à un processeur donné, il existe presque autant de langages d'assemblage qu'il y a de modèles de processeurs.

Langages d'assemblage et assembleurs

L'assemblage est l'action d'un programme nommé **assembleur** qui consiste à traduire un programme en assembleur vers du langage machine.

Langages d'assemblage et assembleurs

L'assemblage est l'action d'un programme nommé **assembleur** qui consiste à traduire un programme en assembleur vers du langage machine.

Le désassemblage, réalisé par un **désassembleur**, est l'opération inverse. Elle permet de retrouver, à partir d'un programme en langage machine, un programme en assembleur qui lui correspond.

Langages d'assemblage et assembleurs

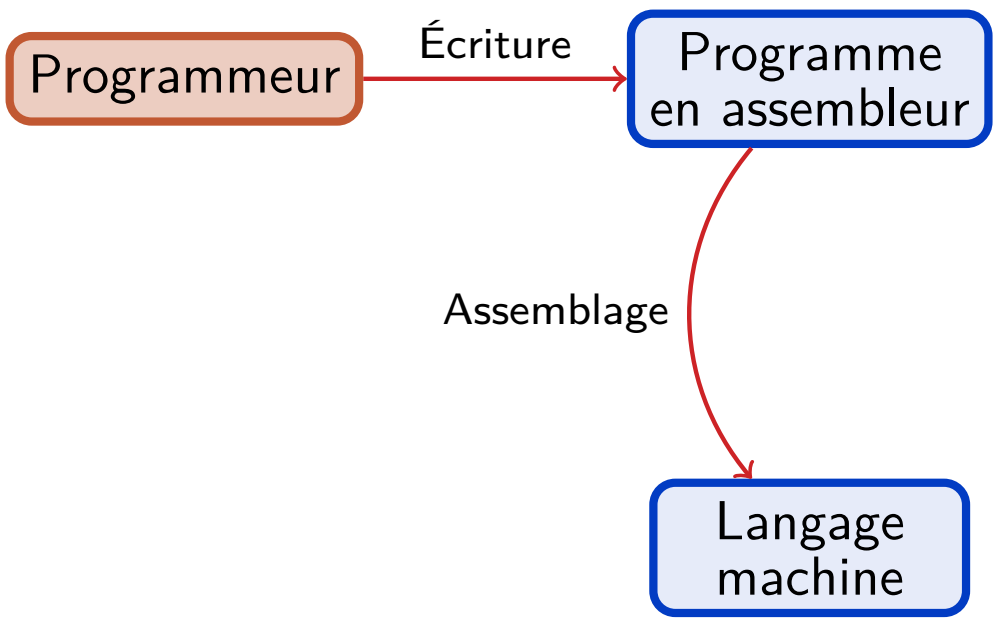
L'assemblage est l'action d'un programme nommé **assembleur** qui consiste à traduire un programme en assembleur vers du langage machine.

Le désassemblage, réalisé par un **désassembleur**, est l'opération inverse. Elle permet de retrouver, à partir d'un programme en langage machine, un programme en assembleur qui lui correspond.

Langages d'assemblage et assembleurs

L'assemblage est l'action d'un programme nommé **assembleur** qui consiste à traduire un programme en assembleur vers du langage machine.

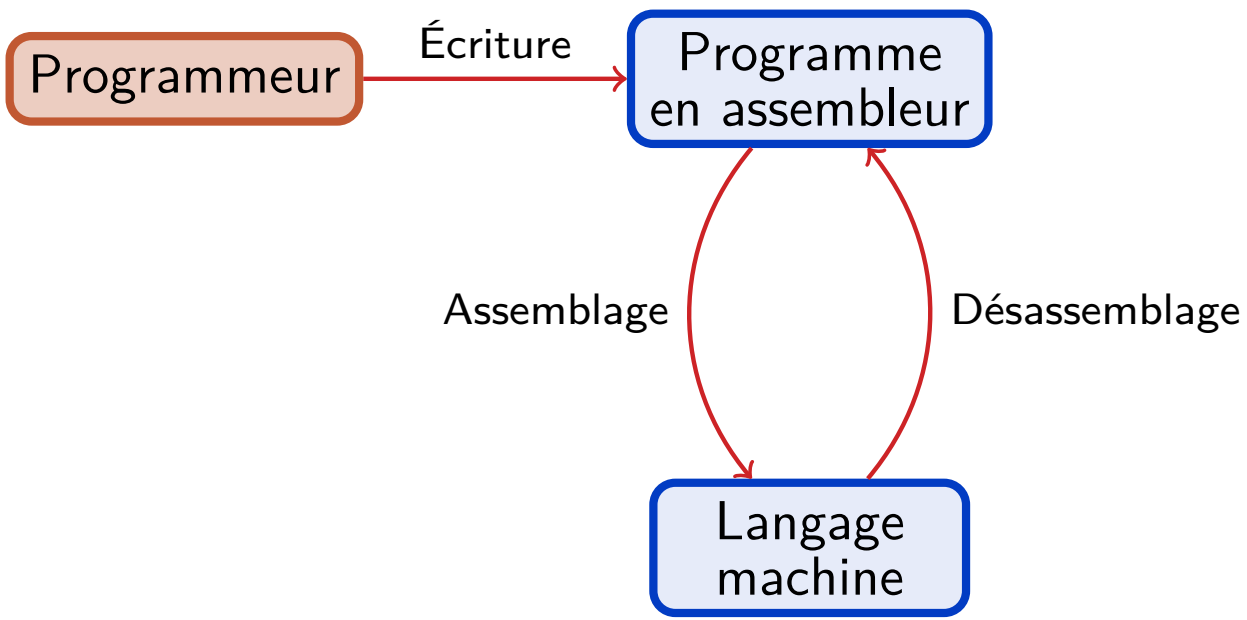
Le désassemblage, réalisé par un **désassembleur**, est l'opération inverse. Elle permet de retrouver, à partir d'un programme en langage machine, un programme en assembleur qui lui correspond.



Langages d'assemblage et assembleurs

L'assemblage est l'action d'un programme nommé **assembleur** qui consiste à traduire un programme en assembleur vers du langage machine.

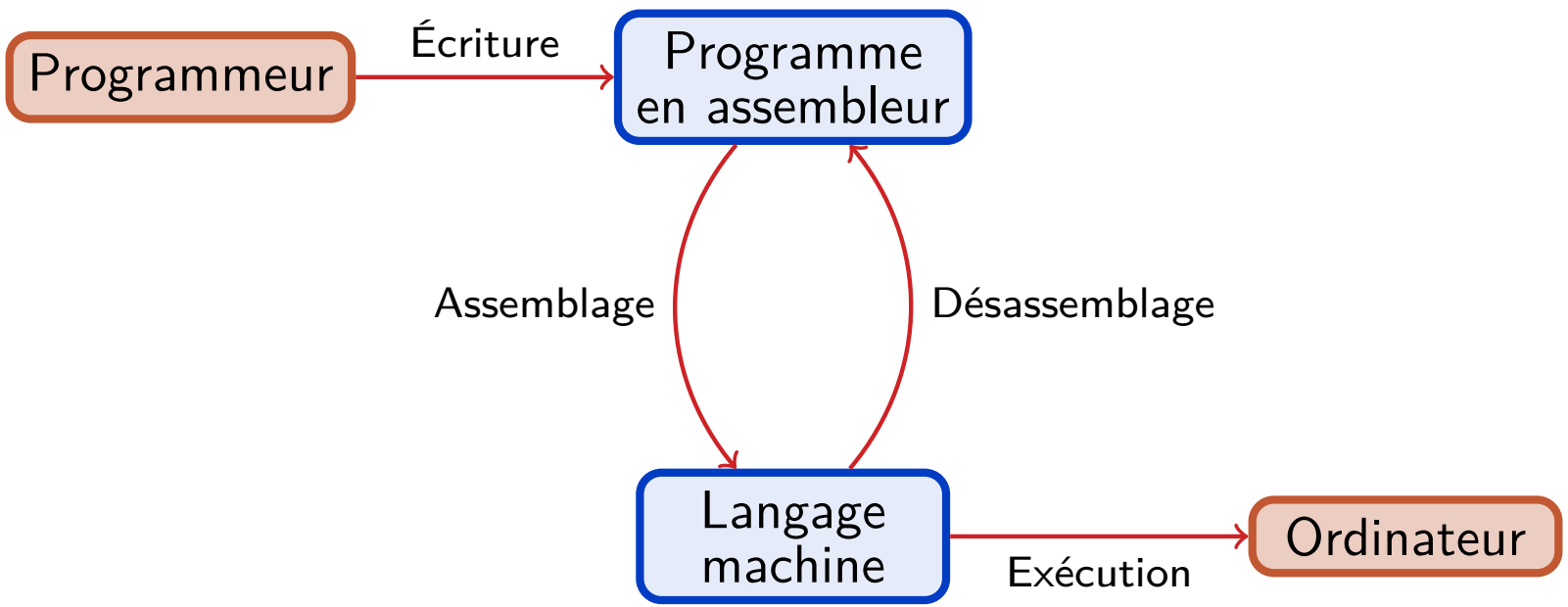
Le désassemblage, réalisé par un **désassembleur**, est l'opération inverse. Elle permet de retrouver, à partir d'un programme en langage machine, un programme en assembleur qui lui correspond.



Langages d'assemblage et assembleurs

L'assemblage est l'action d'un programme nommé **assembleur** qui consiste à traduire un programme en assembleur vers du langage machine.

Le désassemblage, réalisé par un **désassembleur**, est l'opération inverse. Elle permet de retrouver, à partir d'un programme en langage machine, un programme en assembleur qui lui correspond.



L'assembleur NASM

Pour des raisons pédagogiques, nous choisissons de travailler sur une architecture **x86** en 32 bits. C'est une architecture dont le modèle de processeur est compatible avec le modèle Intel 8086.

L'assembleur NASM

Pour des raisons pédagogiques, nous choisissons de travailler sur une architecture **x86** en 32 bits. C'est une architecture dont le modèle de processeur est compatible avec le modèle INTEL 8086.

Nous utiliserons l'assembleur NASM (Netwide Assembler).

L'assembleur NASM

Pour des raisons pédagogiques, nous choisissons de travailler sur une architecture **x86** en 32 bits. C'est une architecture dont le modèle de processeur est compatible avec le modèle INTEL 8086.

Nous utiliserons l'assembleur NASM (Netwide Assembler).

Pour programmer, il faudra disposer :

1. d'un ordinateur (moderne) ;
2. d'un système LINUX en 32 bits (réel ou virtuel) ;
3. d'un éditeur de textes ;
4. du programme `nasm` (assembleur) ;
5. du programme `ld` ou `gcc` (lieur) ;
6. du programme `gdb` (débogueur).

Généralités

Un programme assembleur est un fichier texte d'extension `.asm`.

Généralités

Un programme assembleur est un fichier texte d'extension `.asm`.

Il est constitué de plusieurs parties dont le rôle est

1. d'invoquer des **directives** ;
2. de définir des **données initialisées** ;
3. de réserver de la mémoire pour des **données non initialisées** ;
4. de contenir une suite **instructions**.

Généralités

Un programme assembleur est un fichier texte d'extension `.asm`.

Il est constitué de plusieurs parties dont le rôle est

1. d'invoquer des **directives** ;
2. de définir des **données initialisées** ;
3. de réserver de la mémoire pour des **données non initialisées** ;
4. de contenir une suite **instructions**.

Nous allons étudier chacune de ces parties.

Avant cela, nous avons besoin de nous familiariser avec trois ingrédients de base dans la programmation assembleur : les **valeurs**, les **registres** et la **mémoire**.

Plan

Exprimer des valeurs

Il y a plusieurs manières d'exprimer des valeurs en assembleur.

Exprimer des valeurs

Il y a plusieurs manières d'exprimer des valeurs en assembleur.

On peut exprimer des entiers (en repr. complément à deux) :

- directement en base dix, p.ex., `0`, `10020`, `-91` ;
- en hexadécimal, avec le préfixe `0x`, p.ex., `0xA109C`, `-0x98` ;
- en binaire, avec le préfixe `0b`, p.ex., `0b001`, `0b11101`.

Exprimer des valeurs

Il y a plusieurs manières d'exprimer des valeurs en assembleur.

On peut exprimer des entiers (en repr. complément à deux) :

- directement en base dix, p.ex., `0`, `10020`, `-91` ;
- en hexadécimal, avec le préfixe `0x`, p.ex., `0xA109C`, `-0x98` ;
- en binaire, avec le préfixe `0b`, p.ex., `0b001`, `0b11101`.

On peut exprimer des caractères (en repr. ASCII) :

- directement, p.ex., `'a'`, `'9'` ;
- par leur code ASCII, p.ex., `10`, `120`.

Exprimer des valeurs

Il y a plusieurs manières d'exprimer des valeurs en assembleur.

On peut exprimer des entiers (en repr. complément à deux) :

- directement en base dix, p.ex., `0`, `10020`, `-91` ;
- en hexadécimal, avec le préfixe `0x`, p.ex., `0xA109C`, `-0x98` ;
- en binaire, avec le préfixe `0b`, p.ex., `0b001`, `0b11101`.

On peut exprimer des caractères (en repr. ASCII) :

- directement, p.ex., `'a'`, `'9'` ;
- par leur code ASCII, p.ex., `10`, `120`.

On peut exprimer des chaînes de caractères (comme suites de carac.) :

- directement, p.ex., `'abbaa', 0` ;
- caractère par caractère, p.ex., `'a', 'a', 46, 36, 0`.

Le code ASCII du marqueur de fin de chaîne est `0` (à ne pas oublier).

Registres

Un registre est un emplacement de 32 bits.

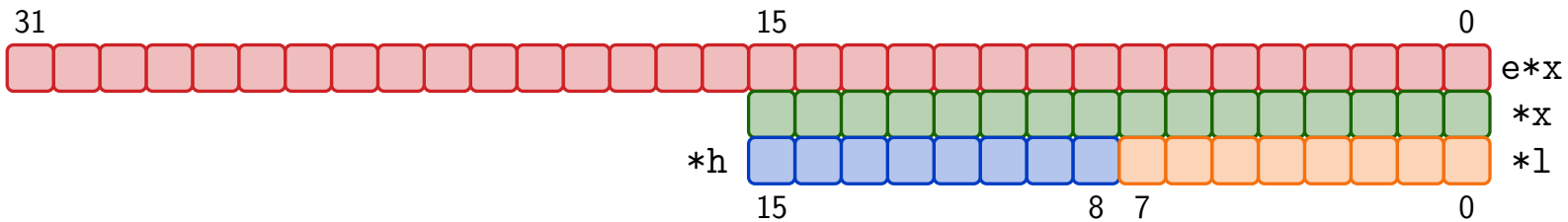
On peut le considérer comme une **variable globale**.

Registres

Un registre est un emplacement de 32 bits.

On peut le considérer comme une **variable globale**.

Il y a quatre **registres de travail** : `eax`, `ebx`, `ecx` et `edx`. Il sont subdivisés en **sous-registres** selon le schéma suivant :



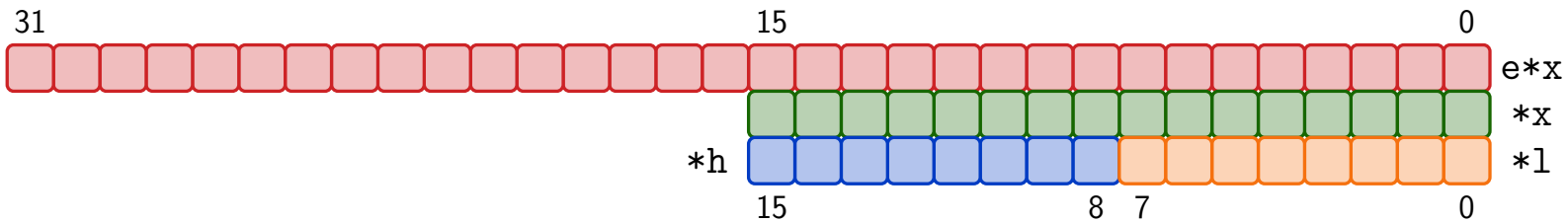
P.ex., `bh` désigne le 2^{e} octet de `ebx` et `cx` désigne les deux 1ers octets de `ecx`.

Registres

Un registre est un emplacement de 32 bits.

On peut le considérer comme une **variable globale**.

Il y a quatre **registres de travail** : `eax`, `ebx`, `ecx` et `edx`. Il sont subdivisés en **sous-registres** selon le schéma suivant :



P.ex., `bh` désigne le 2^{e} octet de `ebx` et `cx` désigne les deux 1ers octets de `ecx`.

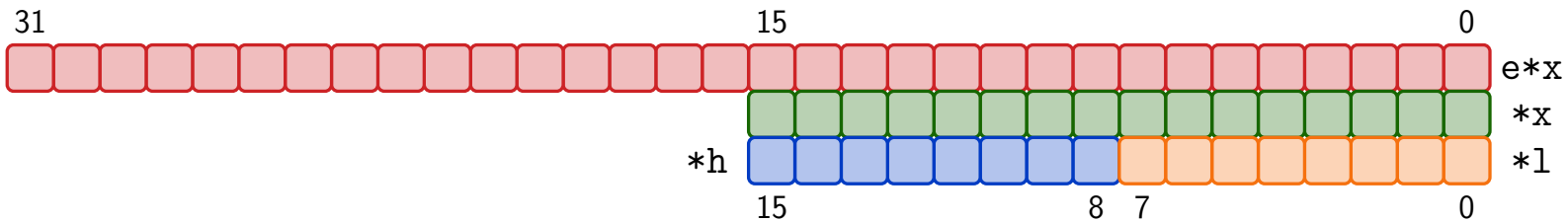
Il est possible d'écrire/lire dans chacun de ces (sous-)registres.

Registres

Un registre est un emplacement de 32 bits.

On peut le considérer comme une **variable globale**.

Il y a quatre **registres de travail** : `eax`, `ebx`, `ecx` et `edx`. Il sont subdivisés en **sous-registres** selon le schéma suivant :



P.ex., `bh` désigne le 2^{e} octet de `ebx` et `cx` désigne les deux 1ers octets de `ecx`.

Il est possible d'écrire/lire dans chacun de ces (sous-)registres.

Attention : toute modification d'un sous-registre entraîne une modification du registre tout entier (et réciproquement).

Registres

Il existe d'autres registres. Parmi ceux-ci, il y a

- le **pointeur d'instruction** `eip`, contenant l'adresse de la prochaine instruction à exécuter ;

Registres

Il existe d'autres registres. Parmi ceux-ci, il y a

- le **pointeur d'instruction** `eip`, contenant l'adresse de la prochaine instruction à exécuter ;
- le **pointeur de tête de pile** `esp`, contenant l'adresse de la tête de la pile ;

Registres

Il existe d'autres registres. Parmi ceux-ci, il y a

- le **pointeur d'instruction** `eip`, contenant l'adresse de la prochaine instruction à exécuter ;
- le **pointeur de tête de pile** `esp`, contenant l'adresse de la tête de la pile ;
- le **pointeur de pile** `ebp`, utilisé pour contenir l'adresse d'une donnée de la pile dans les fonctions ;

Registres

Il existe d'autres registres. Parmi ceux-ci, il y a

- le **pointeur d'instruction** `eip`, contenant l'adresse de la prochaine instruction à exécuter ;
- le **pointeur de tête de pile** `esp`, contenant l'adresse de la tête de la pile ;
- le **pointeur de pile** `ebp`, utilisé pour contenir l'adresse d'une donnée de la pile dans les fonctions ;
- le **registre de drapeaux** `flags`, utilisé pour contenir des informations sur le résultat d'une opération qui vient d'être réalisée.

Registres

Il existe d'autres registres. Parmi ceux-ci, il y a

- le **pointeur d'instruction** `eip`, contenant l'adresse de la prochaine instruction à exécuter ;
- le **pointeur de tête de pile** `esp`, contenant l'adresse de la tête de la pile ;
- le **pointeur de pile** `ebp`, utilisé pour contenir l'adresse d'une donnée de la pile dans les fonctions ;
- le **registre de drapeaux** `flags`, utilisé pour contenir des informations sur le résultat d'une opération qui vient d'être réalisée.

Attention : ce ne sont pas des registres de travail, leur rôle est fixé. Même s'il est possible pour certains d'y écrire / lire explicitement, il faut essayer de le faire le moins possible.

L'opération `mov`

L'instruction

```
mov REG, VAL
```

permet de **recopier** la valeur `VAL` dans le (sous-)registre `REG`.

L'opération `mov`

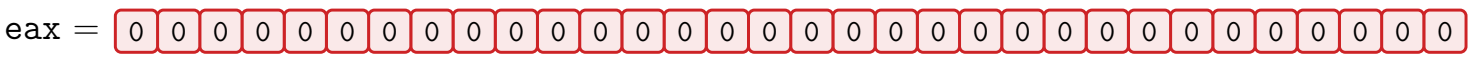
L'instruction

```
mov REG, VAL
```

permet de **recopier** la valeur `VAL` dans le (sous-)registre `REG`.

P.ex., voici les effets de quelques instructions :

- `mov eax, 0`



L'opération `mov`

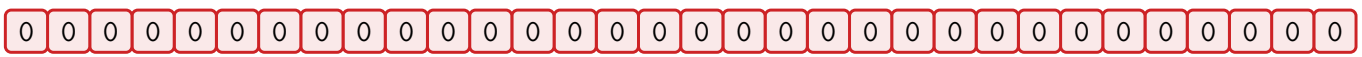
L'instruction

```
mov REG, VAL
```

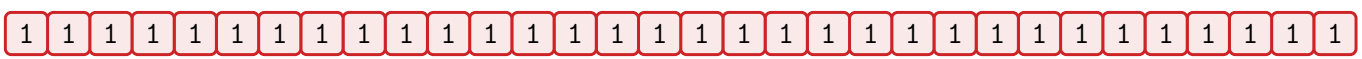
permet de **recopier** la valeur `VAL` dans le (sous-)registre `REG`.

P.ex., voici les effets de quelques instructions :

- `mov eax, 0`

  eax = 

- `mov ebx, 0xFFFFFFFF`

  ebx = 

L'opération `mov`

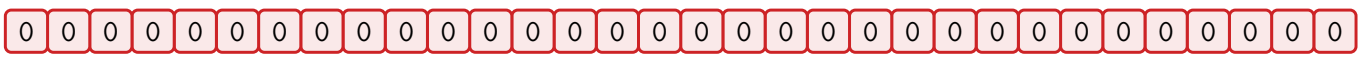
L'instruction

```
mov REG, VAL
```

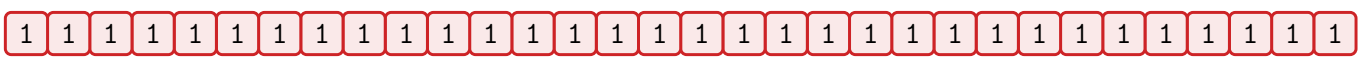
permet de **recopier** la valeur `VAL` dans le (sous-)registre `REG`.

P.ex., voici les effets de quelques instructions :

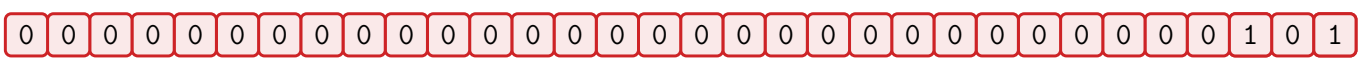
- `mov eax, 0`

  eax = 

- `mov ebx, 0xFFFFFFFF`

  ebx = 

- `mov eax, 0b101`

  eax = 

L'opération `mov`

L'instruction

```
mov REG, VAL
```

permet de **recopier** la valeur `VAL` dans le (sous-)registre `REG`.

P.ex., voici les effets de quelques instructions :

- `mov eax, 0`

  eax = 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0

- `mov ebx, 0xFFFFFFFF`

  ebx = 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1

- `mov eax, 0b101`

  eax = 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 1 0 1

- `mov al, 5` Le symbole $*$ dénote une valeur non modifiée.

  eax = * 0 0 0 0 0 1 0 1

L'opération `mov`

Il est important, pour que l'instruction `mov REG, VAL` soit correcte, que la taille en octets de la valeur `VAL` soit la même que celle du (sous-)registre `REG`.

L'opération `mov`

Il est important, pour que l'instruction `mov REG, VAL` soit correcte, que la taille en octets de la valeur `VAL` soit la même que celle du (sous-)registre `REG`.

P.ex., les instructions suivantes **ne sont pas correctes** :

- `mov al, 0xA5A5`

  Le ss-registre `al` occupe 1 octet alors que la valeur `0xA5A5` en occupe 2.

L'opération `mov`

Il est important, pour que l'instruction `mov REG, VAL` soit correcte, que la taille en octets de la valeur `VAL` soit la même que celle du (sous-)registre `REG`.

P.ex., les instructions suivantes **ne sont pas correctes** :

- `mov al, 0xA5A5`

  Le ss-registre `al` occupe 1 octet alors que la valeur `0xA5A5` en occupe 2.

- `mov ax, eax`

  Le ss-registre `ax` occupe 2 octets alors que la valeur contenue dans `eax` en occupe 4.

L'opération `mov`

Il est important, pour que l'instruction `mov REG, VAL` soit correcte, que la taille en octets de la valeur `VAL` soit la même que celle du (sous-)registre `REG`.

P.ex., les instructions suivantes **ne sont pas correctes** :

- `mov al, 0xA5A5`

  Le ss-registre `al` occupe 1 octet alors que la valeur `0xA5A5` en occupe 2.

- `mov ax, eax`

  Le ss-registre `ax` occupe 2 octets alors que la valeur contenue dans `eax` en occupe 4.

- `mov eax, ax`

  Le ss-registre `eax` occupe 4 octets alors que la valeur contenue dans `ax` en occupe que 2.

L'opération `mov`

Il est important, pour que l'instruction `mov REG, VAL` soit correcte, que la taille en octets de la valeur `VAL` soit la même que celle du (sous-)registre `REG`.

P.ex., les instructions suivantes **ne sont pas correctes** :

- `mov al, 0xA5A5`

  Le ss-registre `al` occupe 1 octet alors que la valeur `0xA5A5` en occupe 2.

- `mov ax, eax`

  Le ss-registre `ax` occupe 2 octets alors que la valeur contenue dans `eax` en occupe 4.

- `mov eax, ax`

  Le ss-registre `eax` occupe 4 octets alors que la valeur contenue dans `ax` en occupe que 2.

En revanche, les instructions suivantes **sont correctes** :

- `mov al, 0xA5`

L'opération `mov`

Il est important, pour que l'instruction `mov REG, VAL` soit correcte, que la taille en octets de la valeur `VAL` soit la même que celle du (sous-)registre `REG`.

P.ex., les instructions suivantes **ne sont pas correctes** :

- `mov al, 0xA5A5`

  Le ss-registre `al` occupe 1 octet alors que la valeur `0xA5A5` en occupe 2.

- `mov ax, eax`

  Le ss-registre `ax` occupe 2 octets alors que la valeur contenue dans `eax` en occupe 4.

- `mov eax, ax`

  Le ss-registre `eax` occupe 4 octets alors que la valeur contenue dans `ax` en occupe que 2.

En revanche, les instructions suivantes **sont correctes** :

- `mov al, 0xA5`

- `mov ax, 0xF`

  Le ss-registre `ax` occupe 2 octets alors que la valeur `0xF` n'en occupe que 1. Néanmoins, cette valeur est étendue sur 2 octets sans perte d'information en `0x000F`.

Opérations sur les registres

Opérations arithmétiques :

- `add REG, VAL`
  incrémente le (sous-)registre `REG` de la valeur `VAL` ;

Opérations sur les registres

Opérations arithmétiques :

- `add REG, VAL`
  incrémente le (sous-)registre `REG` de la valeur `VAL` ;
- `sub REG, VAL`
  décrémente le (sous-)registre `REG` de la valeur `VAL` ;

Opérations sur les registres

Opérations arithmétiques :

- `add REG, VAL`
  incrémente le (sous-)registre `REG` de la valeur `VAL` ;
- `sub REG, VAL`
  décrémente le (sous-)registre `REG` de la valeur `VAL` ;
- `mul VAL`
  multiplie la valeur contenue dans `eax` et `VAL` et place le résultat dans `edx:eax` ;

Opérations sur les registres

Opérations arithmétiques :

- `add REG, VAL`

  incrémente le (sous-)registre `REG` de la valeur `VAL` ;
- `sub REG, VAL`

  décrémente le (sous-)registre `REG` de la valeur `VAL` ;
- `mul VAL`

  multiplie la valeur contenue dans `eax` et `VAL` et place le résultat dans `edx:eax` ;
- `div VAL`

  place le quotient de la division de `edx:eax` par la valeur `VAL` dans `eax` et le reste dans `edx`.

Opérations sur les registres

Opérations arithmétiques :

- `add REG, VAL`

  incrémente le (sous-)registre `REG` de la valeur `VAL` ;
- `sub REG, VAL`

  décrémente le (sous-)registre `REG` de la valeur `VAL` ;
- `mul VAL`

  multiplie la valeur contenue dans `eax` et `VAL` et place le résultat dans `edx:eax` ;
- `div VAL`

  place le quotient de la division de `edx:eax` par la valeur `VAL` dans `eax` et le reste dans `edx`.

P.ex.,

```
mov eax, 20
add eax, 51
add eax, eax
```

Opérations sur les registres

Opérations arithmétiques :

- `add REG, VAL`
  incrémente le (sous-)registre `REG` de la valeur `VAL` ;
- `sub REG, VAL`
  décrémente le (sous-)registre `REG` de la valeur `VAL` ;
- `mul VAL`
  multiplie la valeur contenue dans `eax` et `VAL` et place le résultat dans `edx:eax` ;
- `div VAL`
  place le quotient de la division de `edx:eax` par la valeur `VAL` dans `eax` et le reste dans `edx`.

P.ex.,

```
mov eax, 20                    ; eax = 20
add eax, 51                    ; eax = 71
add eax, eax                   ; eax = 142
```

Opérations sur les registres

Opérations logiques :

- `not REG`

  place dans le (sous-)registre `REG` la valeur obtenue en réalisant le *non* bit à bit de sa valeur ;

Opérations sur les registres

Opérations logiques :

- `not REG`

  place dans le (sous-)registre `REG` la valeur obtenue en réalisant le *non* bit à bit de sa valeur ;

- `and REG, VAL`

  place dans le (sous-)registre `REG` la valeur du *et* logique bit à bit entre les suites contenues dans `REG` et `VAL` ;

Opérations sur les registres

Opérations logiques :

- `not REG`

  place dans le (sous-)registre `REG` la valeur obtenue en réalisant le *non* bit à bit de sa valeur ;

- `and REG, VAL`

  place dans le (sous-)registre `REG` la valeur du *et* logique bit à bit entre les suites contenues dans `REG` et `VAL` ;

- `or REG, VAL`

  place dans le (sous-)registre `REG` la valeur du *ou* logique bit à bit entre les suites contenues dans `REG` et `VAL` ;

Opérations sur les registres

Opérations logiques :

- `not REG`

  place dans le (sous-)registre `REG` la valeur obtenue en réalisant le *non* bit à bit de sa valeur ;

- `and REG, VAL`

  place dans le (sous-)registre `REG` la valeur du *et* logique bit à bit entre les suites contenues dans `REG` et `VAL` ;

- `or REG, VAL`

  place dans le (sous-)registre `REG` la valeur du *ou* logique bit à bit entre les suites contenues dans `REG` et `VAL` ;

- `xor REG, VAL`

  place dans le (sous-)registre `REG` la valeur du *ou exclusif* logique bit à bit entre les suites contenues dans `REG` et `VAL`.

Opérations sur les registres

Opérations bit à bit ;

- `shl REG, NB`

  décale les bits du (sous-)registre `REG` à gauche de `NB` places et complète à droite par des `0` ;

Opérations sur les registres

Opérations bit à bit ;

- `shl REG, NB`

  décale les bits du (sous-)registre `REG` à gauche de `NB` places et complète à droite par des `0` ;

- `shr REG, NB`

  décale les bits du (sous-)registre `REG` à droite de `NB` places et complète à gauche par des `0` ;

Opérations sur les registres

Opérations bit à bit ;

- `shl REG, NB`

  décale les bits du (sous-)registre `REG` à gauche de `NB` places et complète à droite par des `0` ;

- `shr REG, NB`

  décale les bits du (sous-)registre `REG` à droite de `NB` places et complète à gauche par des `0` ;

- `rol REG, NB`

  réalise une rotation des bits du (sous-)registre `REG` à gauche de `NB` places ;

Opérations sur les registres

Opérations bit à bit ;

- `shl REG, NB`

  décale les bits du (sous-)registre `REG` à gauche de `NB` places et complète à droite par des `0` ;

- `shr REG, NB`

  décale les bits du (sous-)registre `REG` à droite de `NB` places et complète à gauche par des `0` ;

- `rol REG, NB`

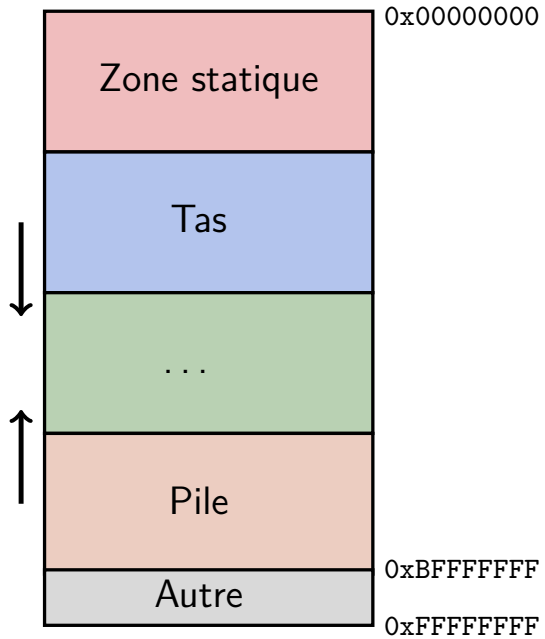
  réalise une rotation des bits du (sous-)registre `REG` à gauche de `NB` places ;

- `ror REG, NB`

  réalise une rotation des bits du (sous-)registre `REG` à droite de `NB` places.

Mémoire

Les registres n'offrent pas assez de mémoire pour construire des programmes élaborés. C'est pour cette raison que l'on utilise la mémoire.

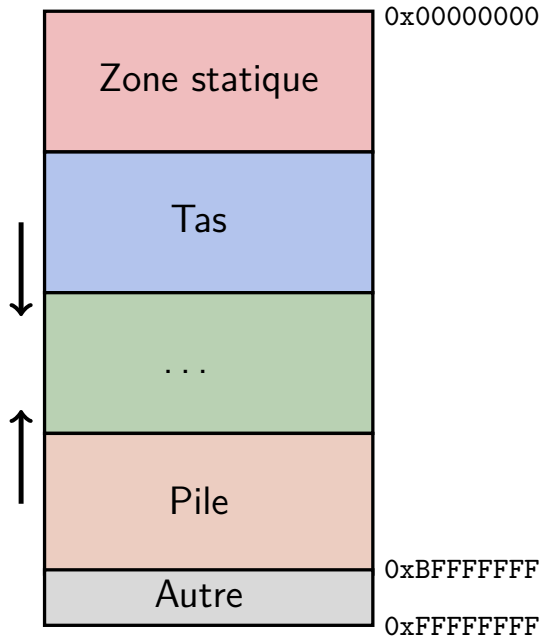


Mémoire

Les registres n'offrent pas assez de mémoire pour construire des programmes élaborés. C'est pour cette raison que l'on utilise la mémoire.

La mémoire est segmentée en plusieurs parties :

- la **zone statique** qui contient le code et les données statiques ;

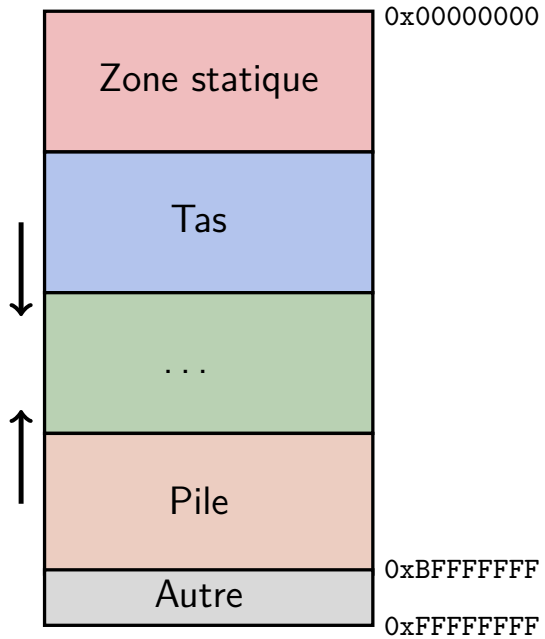


Mémoire

Les registres n'offrent pas assez de mémoire pour construire des programmes élaborés. C'est pour cette raison que l'on utilise la mémoire.

La mémoire est segmentée en plusieurs parties :

- la **zone statique** qui contient le code et les données statiques ;
- le **tas**, de taille variable au fil de l'exécution ;

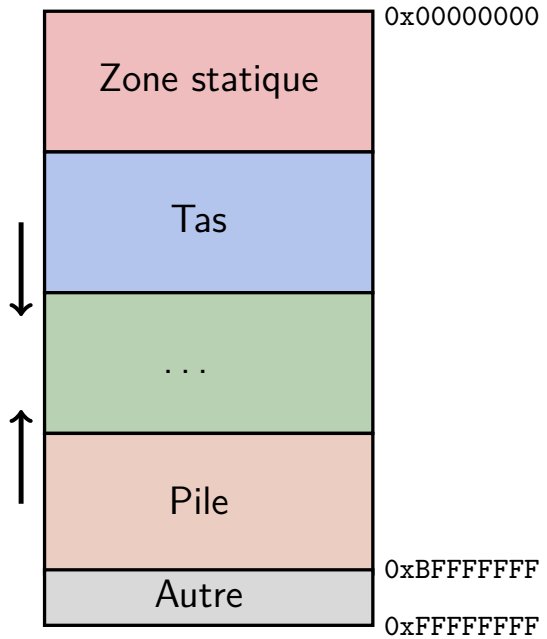


Mémoire

Les registres n'offrent pas assez de mémoire pour construire des programmes élaborés. C'est pour cette raison que l'on utilise la mémoire.

La mémoire est segmentée en plusieurs parties :

- la **zone statique** qui contient le code et les données statiques ;
- le **tas**, de taille variable au fil de l'exécution ;
- la **pile**, de taille variable au fil de l'exécution.



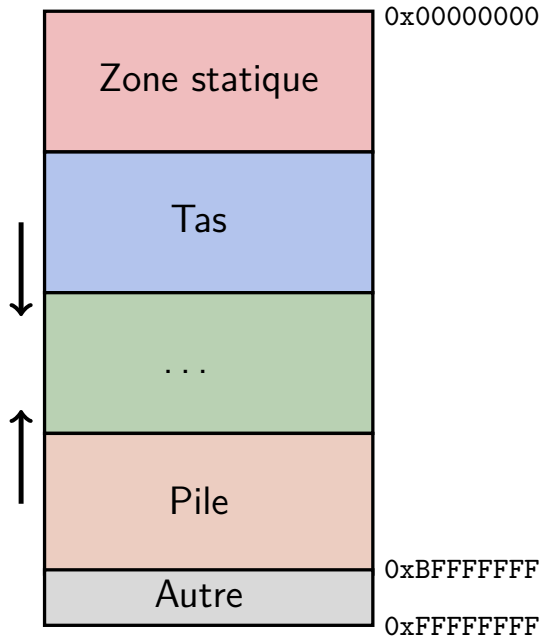
Mémoire

Les registres n'offrent pas assez de mémoire pour construire des programmes élaborés. C'est pour cette raison que l'on utilise la mémoire.

La mémoire est segmentée en plusieurs parties :

- la **zone statique** qui contient le code et les données statiques ;
- le **tas**, de taille variable au fil de l'exécution ;
- la **pile**, de taille variable au fil de l'exécution.

Il y a d'autres zones (non repr. ici).



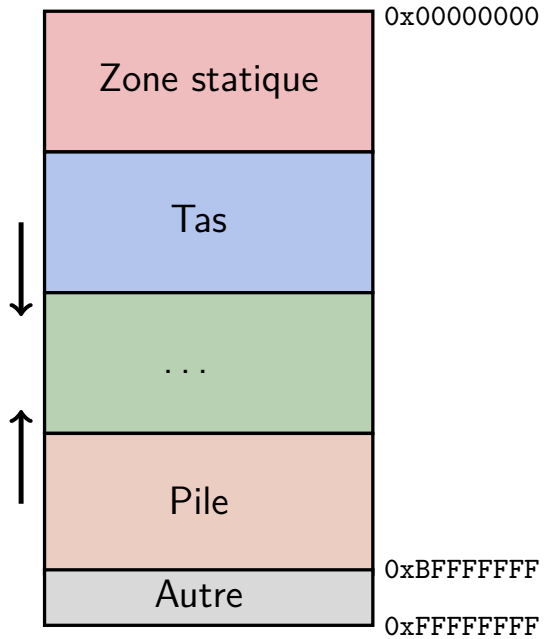
Mémoire

Les registres n'offrent pas assez de mémoire pour construire des programmes élaborés. C'est pour cette raison que l'on utilise la mémoire.

La mémoire est segmentée en plusieurs parties :

- la **zone statique** qui contient le code et les données statiques ;
- le **tas**, de taille variable au fil de l'exécution ;
- la **pile**, de taille variable au fil de l'exécution.

Il y a d'autres zones (non repr. ici).



En **mode protégé**, chaque programme en exécution possède son propre environnement de mémoire. Les adresses y sont relatives et non absolues.

De cette manière, un programme en exécution ne peut empiéter sur la mémoire d'un autre.

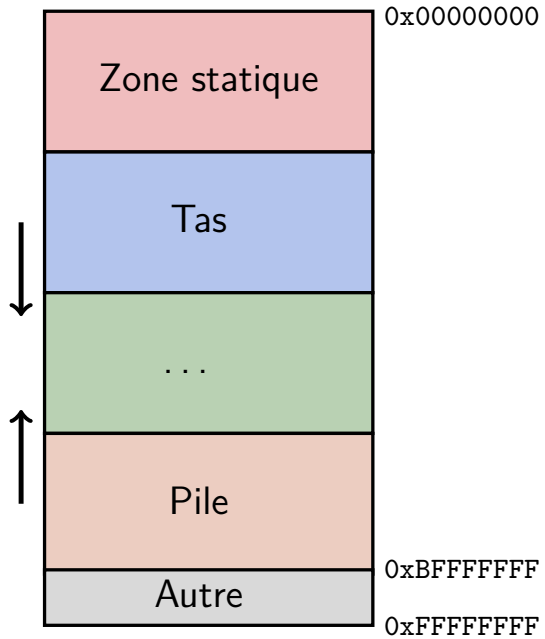
Mémoire

Les registres n'offrent pas assez de mémoire pour construire des programmes élaborés. C'est pour cette raison que l'on utilise la mémoire.

La mémoire est segmentée en plusieurs parties :

- la **zone statique** qui contient le code et les données statiques ;
- le **tas**, de taille variable au fil de l'exécution ;
- la **pile**, de taille variable au fil de l'exécution.

Il y a d'autres zones (non repr. ici).



En **mode protégé**, chaque programme en exécution possède son propre environnement de mémoire. Les adresses y sont relatives et non absolues.

De cette manière, un programme en exécution ne peut empiéter sur la mémoire d'un autre.

La lecture / écriture en mémoire suit la convention *little-endian*.

Lecture en mémoire

L'instruction

```
mov REG, [ADR]
```

place dans le (sous-)registre `REG` un, deux ou quatre octets en fonction de la taille de `REG`, **lus** à partir de l'adresse `ADR` **dans la mémoire**.

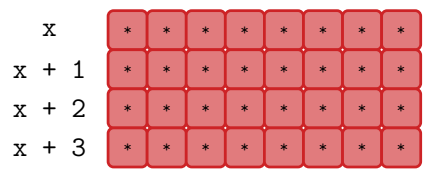
Lecture en mémoire

L'instruction

```
mov REG, [ADR]
```

place dans le (sous-)registre `REG` un, deux ou quatre octets en fonction de la taille de `REG`, **lus** à partir de l'adresse `ADR` **dans la mémoire**.

En supposant que `x` soit une adresse accessible en mémoire, les parties rouges sont celles qui sont lues et placées dans le (sous-)registre opérande de l'instruction :




```
mov eax, [x]
```

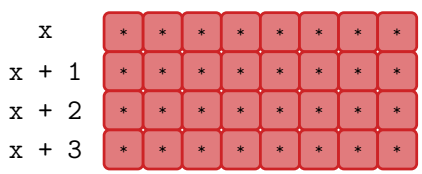
Lecture en mémoire

L'instruction

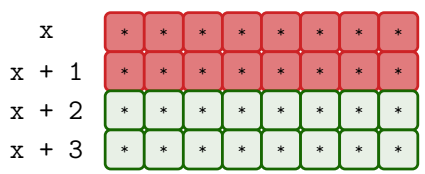
```
mov REG, [ADR]
```

place dans le (sous-)registre `REG` un, deux ou quatre octets en fonction de la taille de `REG`, **lus** à partir de l'adresse `ADR` **dans la mémoire**.

En supposant que `x` soit une adresse accessible en mémoire, les parties rouges sont celles qui sont lues et placées dans le (sous-)registre opérande de l'instruction :




```
mov eax, [x]
```




```
mov ax, [x]
```

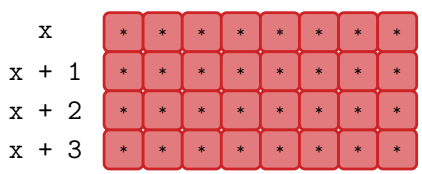
Lecture en mémoire

L'instruction

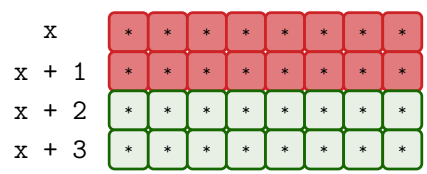
```
mov REG, [ADR]
```

place dans le (sous-)registre `REG` un, deux ou quatre octets en fonction de la taille de `REG`, **lus** à partir de l'adresse `ADR` **dans la mémoire**.

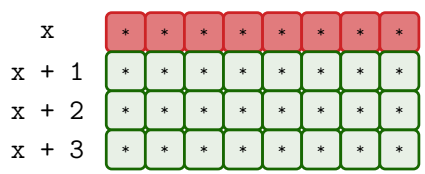
En supposant que `x` soit une adresse accessible en mémoire, les parties rouges sont celles qui sont lues et placées dans le (sous-)registre opérande de l'instruction :




```
mov eax, [x]
```




```
mov ax, [x]
```



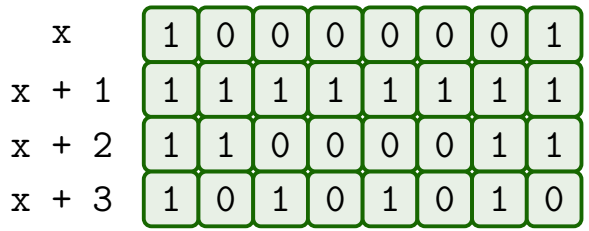

```
mov ah, [x]
```

ou

```
mov al, [x]
```

Lecture en mémoire

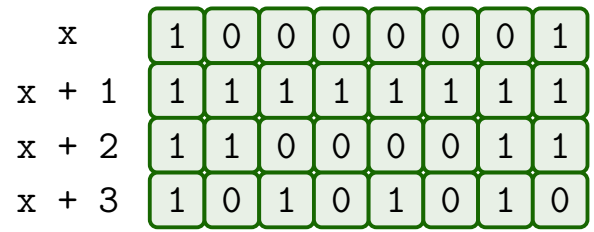
Observons l'effet des instructions avec la mémoire dans l'état suivant :



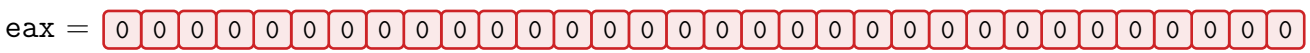

```
mov eax, 0
mov al, [x]
mov ah, [x + 1]
mov ax, [x]
mov eax, [x]
mov ah, [x + 2]
mov ax, [x + 2]
```

Lecture en mémoire

Observons l'effet des instructions avec la mémoire dans l'état suivant :




```
mov eax, 0
mov al, [x]
mov ah, [x + 1]
mov ax, [x]
mov eax, [x]
mov ah, [x + 2]
mov ax, [x + 2]
```

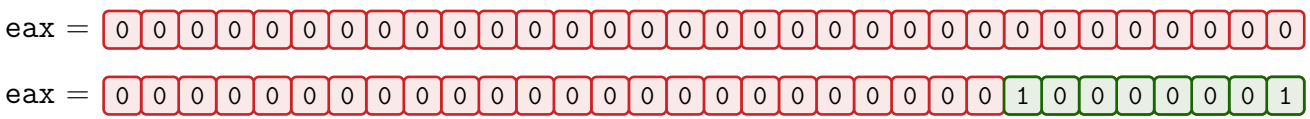


Lecture en mémoire

Observons l'effet des instructions avec la mémoire dans l'état suivant :

x	1	0	0	0	0	0	0	1
x + 1	1	1	1	1	1	1	1	1
x + 2	1	1	0	0	0	0	1	1
x + 3	1	0	1	0	1	0	1	0

```
mov eax, 0
mov al, [x]
mov ah, [x + 1]
mov ax, [x]
mov eax, [x]
mov ah, [x + 2]
mov ax, [x + 2]
```

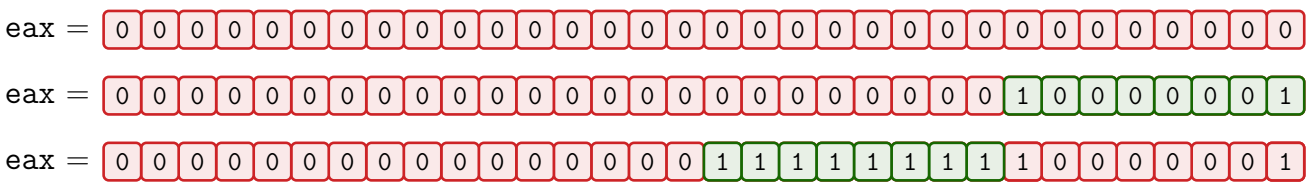


Lecture en mémoire

Observons l'effet des instructions avec la mémoire dans l'état suivant :

x	1	0	0	0	0	0	0	1
x + 1	1	1	1	1	1	1	1	1
x + 2	1	1	0	0	0	0	1	1
x + 3	1	0	1	0	1	0	1	0

```
mov eax, 0
mov al, [x]
mov ah, [x + 1]
mov ax, [x]
mov eax, [x]
mov ah, [x + 2]
mov ax, [x + 2]
```

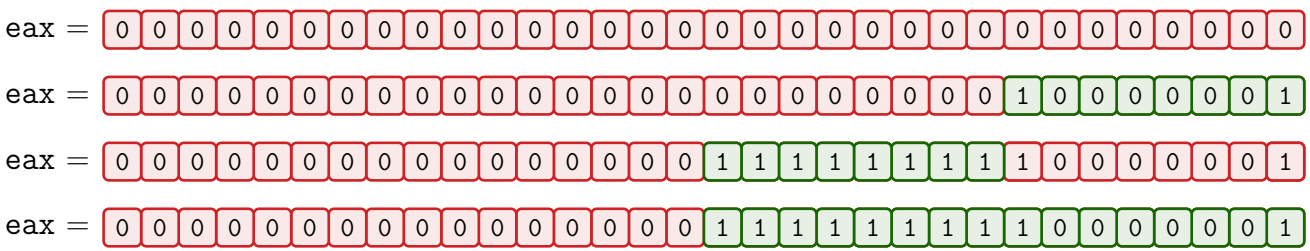


Lecture en mémoire

Observons l'effet des instructions avec la mémoire dans l'état suivant :

x	1	0	0	0	0	0	0	1
x + 1	1	1	1	1	1	1	1	1
x + 2	1	1	0	0	0	0	1	1
x + 3	1	0	1	0	1	0	1	0

```
mov eax, 0
mov al, [x]
mov ah, [x + 1]
mov ax, [x]
mov eax, [x]
mov ah, [x + 2]
mov ax, [x + 2]
```

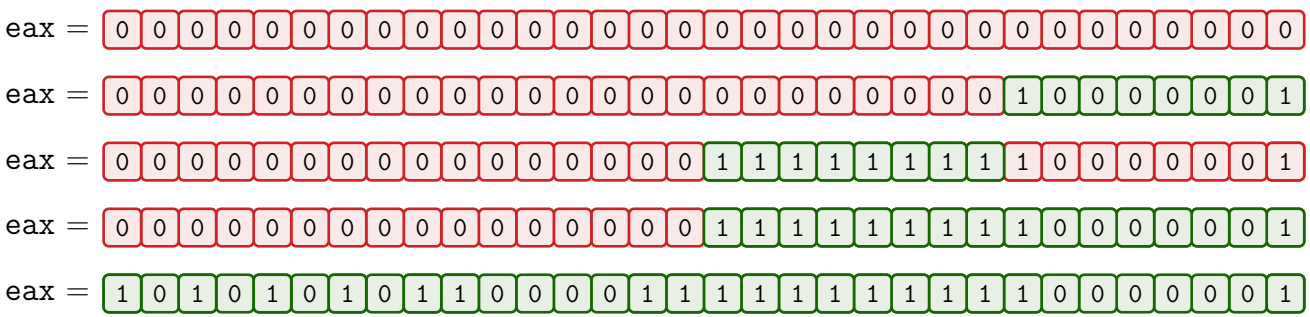


Lecture en mémoire

Observons l'effet des instructions avec la mémoire dans l'état suivant :

x	1	0	0	0	0	0	0	1
x + 1	1	1	1	1	1	1	1	1
x + 2	1	1	0	0	0	0	1	1
x + 3	1	0	1	0	1	0	1	0

```
mov eax, 0
mov al, [x]
mov ah, [x + 1]
mov ax, [x]
mov eax, [x]
mov ah, [x + 2]
mov ax, [x + 2]
```

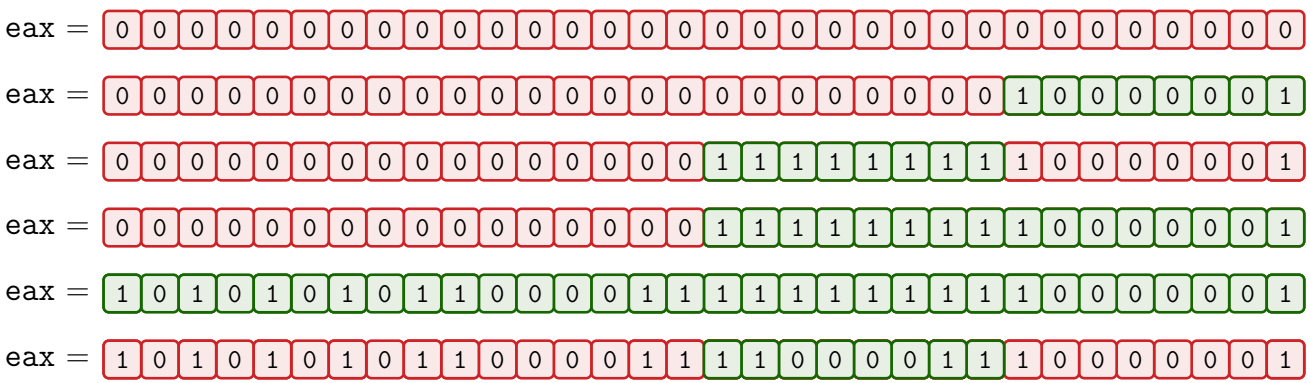


Lecture en mémoire

Observons l'effet des instructions avec la mémoire dans l'état suivant :

x	1	0	0	0	0	0	0	1
x + 1	1	1	1	1	1	1	1	1
x + 2	1	1	0	0	0	0	1	1
x + 3	1	0	1	0	1	0	1	0

```
mov eax, 0
mov al, [x]
mov ah, [x + 1]
mov ax, [x]
mov eax, [x]
mov ah, [x + 2]
mov ax, [x + 2]
```

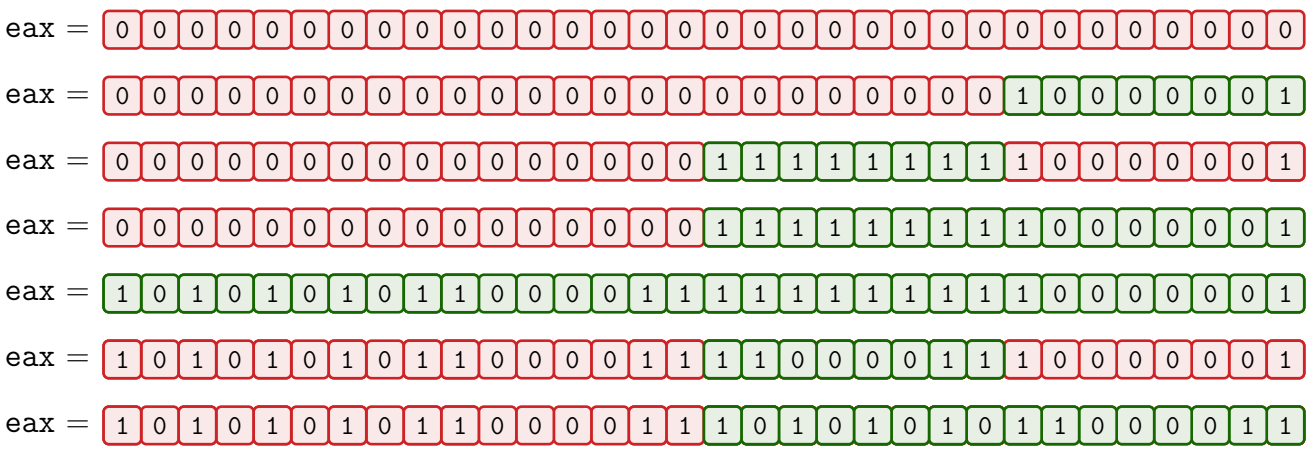


Lecture en mémoire

Observons l'effet des instructions avec la mémoire dans l'état suivant :

x	1	0	0	0	0	0	0	1
x + 1	1	1	1	1	1	1	1	1
x + 2	1	1	0	0	0	0	1	1
x + 3	1	0	1	0	1	0	1	0

```
mov eax, 0
mov al, [x]
mov ah, [x + 1]
mov ax, [x]
mov eax, [x]
mov ah, [x + 2]
mov ax, [x + 2]
```



Écriture en mémoire

L'instruction

```
mov DT [ADR], VAL
```

écrit dans la mémoire à partir de l'adresse `ADR` la valeur `VAL`.

Le champ `DT` est un descripteur de taille qui permet de préciser la taille de `VAL` en octet selon la table suivante :

Descripteur de taille	Taille (en octets)
`byte`	1
`word`	2
`dword`	4

Écriture en mémoire

L'instruction

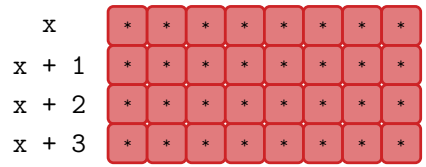
```
mov DT [ADR], VAL
```

écrit dans la mémoire à partir de l'adresse `ADR` la valeur `VAL`.

Le champ `DT` est un descripteur de taille qui permet de préciser la taille de `VAL` en octet selon la table suivante :

Descripteur de taille	Taille (en octets)
`byte`	1
`word`	2
`dword`	4

En supposant que `x` soit une adresse accessible en mémoire et `val` une valeur, les parties rouges de la mémoire sont celles qui sont modifiées :




```
mov dword [x], val
```

Écriture en mémoire

L'instruction

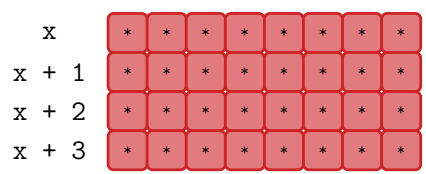
```
mov DT [ADR], VAL
```

écrit dans la mémoire à partir de l'adresse `ADR` la valeur `VAL`.

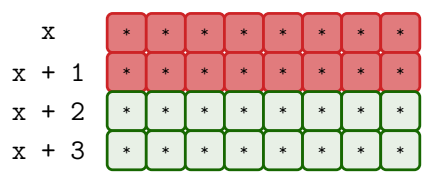
Le champ `DT` est un descripteur de taille qui permet de préciser la taille de `VAL` en octet selon la table suivante :

Descripteur de taille	Taille (en octets)
`byte`	1
`word`	2
`dword`	4

En supposant que `x` soit une adresse accessible en mémoire et `val` une valeur, les parties rouges de la mémoire sont celles qui sont modifiées :



`mov dword [x], val`



`mov word [x], val`

Écriture en mémoire

L'instruction

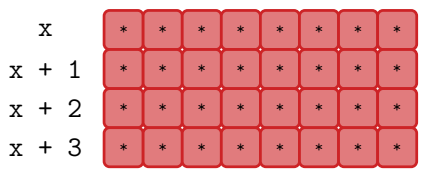
```
mov DT [ADR], VAL
```

écrit dans la mémoire à partir de l'adresse `ADR` la valeur `VAL`.

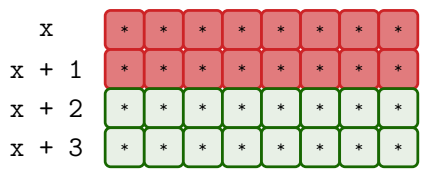
Le champ `DT` est un descripteur de taille qui permet de préciser la taille de `VAL` en octet selon la table suivante :

Descripteur de taille	Taille (en octets)
`byte`	1
`word`	2
`dword`	4

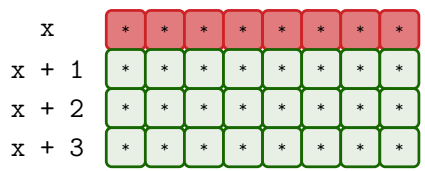
En supposant que `x` soit une adresse accessible en mémoire et `val` une valeur, les parties rouges de la mémoire sont celles qui sont modifiées :



`mov dword [x], val`



`mov word [x], val`



`mov byte [x], val`

Écriture en mémoire

Le champ `val` peut être un (sous-)registre. Dans ce cas, il n'est pas nécessaire de préciser le descripteur de taille (le nombre d'octets écrit en mémoire dépend de la taille du (sous-)registre).

Écriture en mémoire

Le champ `val` peut être un (sous-)registre. Dans ce cas, il n'est pas nécessaire de préciser le descripteur de taille (le nombre d'octets écrit en mémoire dépend de la taille du (sous-)registre).

P.ex., les instructions suivantes **ne sont pas correctes** (ici, `x` est une adresse accessible en mémoire) :

- `mov byte [x], eax`

  Le registre `eax` occupe 4 octets, ce qui est contradictoire avec le descripteur `byte` (1 octet).

Écriture en mémoire

Le champ `val` peut être un (sous-)registre. Dans ce cas, il n'est pas nécessaire de préciser le descripteur de taille (le nombre d'octets écrit en mémoire dépend de la taille du (sous-)registre).

P.ex., les instructions suivantes **ne sont pas correctes** (ici, `x` est une adresse accessible en mémoire) :

- `mov byte [x], eax`

  Le registre `eax` occupe 4 octets, ce qui est contradictoire avec le descripteur `byte` (1 octet).

- `mov word [x], bl`

  Le sous-registre `bl` occupe 1 octet, ce qui est contradictoire avec le descripteur `word` (2 octets).

Écriture en mémoire

Le champ `val` peut être un (sous-)registre. Dans ce cas, il n'est pas nécessaire de préciser le descripteur de taille (le nombre d'octets écrit en mémoire dépend de la taille du (sous-)registre).

P.ex., les instructions suivantes **ne sont pas correctes** (ici, `x` est une adresse accessible en mémoire) :

- `mov byte [x], eax`

  Le registre `eax` occupe 4 octets, ce qui est contradictoire avec le descripteur `byte` (1 octet).

- `mov word [x], bl`

  Le sous-registre `bl` occupe 1 octet, ce qui est contradictoire avec le descripteur `word` (2 octets).

- `mov byte [x], 0b010010001`

  La donnée à écrire tient sur au moins 2 octets (9 bits), ce qui est contradictoire avec le descripteur `byte` (1 octet).

Écriture en mémoire

Le champ `val` peut être un (sous-)registre. Dans ce cas, il n'est pas nécessaire de préciser le descripteur de taille (le nombre d'octets écrit en mémoire dépend de la taille du (sous-)registre).

P.ex., les instructions suivantes **ne sont pas correctes** (ici, `x` est une adresse accessible en mémoire) :

- `mov byte [x], eax`

  Le registre `eax` occupe 4 octets, ce qui est contradictoire avec le descripteur `byte` (1 octet).

- `mov word [x], bl`

  Le sous-registre `bl` occupe 1 octet, ce qui est contradictoire avec le descripteur `word` (2 octets).

- `mov byte [x], 0b010010001`

  La donnée à écrire tient sur au moins 2 octets (9 bits), ce qui est contradictoire avec le descripteur `byte` (1 octet).

- `mov [x], -125`

  La taille de la donnée à écrire n'est pas connue.

Écriture en mémoire

En revanche, les instructions suivantes **sont correctes** :

- `mov [x], eax`

  Le registre `eax` occupe implicitement 4 octets.

Écriture en mémoire

En revanche, les instructions suivantes **sont correctes** :

- `mov [x], eax`

  Le registre `eax` occupe implicitement 4 octets.

- `mov dword [x], eax`

  Ceci est correct, bien que pléonastique.

Écriture en mémoire

En revanche, les instructions suivantes **sont correctes** :

- `mov [x], eax`

  Le registre `eax` occupe implicitement 4 octets.

- `mov dword [x], eax`

  Ceci est correct, bien que pléonastique.

- `mov word [x], 0b010010001`

  La donnée à écrire est vue sur 16 bits, en ajoutant des 0 à gauche.

Écriture en mémoire

En revanche, les instructions suivantes **sont correctes** :

- `mov [x], eax`

  Le registre `eax` occupe implicitement 4 octets.

- `mov dword [x], eax`

  Ceci est correct, bien que pléonastique.

- `mov word [x], 0b010010001`

  La donnée à écrire est vue sur 16 bits, en ajoutant des `0` à gauche.

- `mov dword [x], 0b010010001`

  La donnée à écrire est vue sur 32 bits, en ajoutant des `0` à gauche.

Écriture en mémoire

En revanche, les instructions suivantes **sont correctes** :

- `mov [x], eax`

  Le registre `eax` occupe implicitement 4 octets.

- `mov dword [x], eax`

  Ceci est correct, bien que pléonastique.

- `mov word [x], 0b010010001`

  La donnée à écrire est vue sur 16 bits, en ajoutant des `0` à gauche.

- `mov dword [x], 0b010010001`

  La donnée à écrire est vue sur 32 bits, en ajoutant des `0` à gauche.

- `mov word [x], -125`

  La donnée à écrire est vue sur 2 octets, en ajoutant des `1` à gauche car elle est négative.

Écriture en mémoire

Observons l'effet des instructions avec la mémoire dans l'état suivant :

`x`	1	0	0	0	0	0	0	1
`x + 1`	1	1	1	1	1	1	1	1
`x + 2`	1	1	0	0	0	0	1	1
`x + 3`	1	0	1	0	1	0	1	0

Écriture en mémoire

Observons l'effet des instructions avec la mémoire dans l'état suivant :

x	1	0	0	0	0	0	0	1
x + 1	1	1	1	1	1	1	1	1
x + 2	1	1	0	0	0	0	1	1
x + 3	1	0	1	0	1	0	1	0

```
mov eax, 0xAA11BB50
```

x	1	0	0	0	0	0	0	1
x+1	1	1	1	1	1	1	1	1
x+2	1	1	0	0	0	0	1	1
x+3	1	0	1	0	1	0	1	0

Écriture en mémoire

Observons l'effet des instructions avec la mémoire dans l'état suivant :

x	1	0	0	0	0	0	0	1
x + 1	1	1	1	1	1	1	1	1
x + 2	1	1	0	0	0	0	1	1
x + 3	1	0	1	0	1	0	1	0

```
mov eax, 0xAA11BB50
mov [x], ah
```

x	1	0	0	0	0	0	0	1
x+1	1	1	1	1	1	1	1	1
x+2	1	1	0	0	0	0	1	1
x+3	1	0	1	0	1	0	1	0

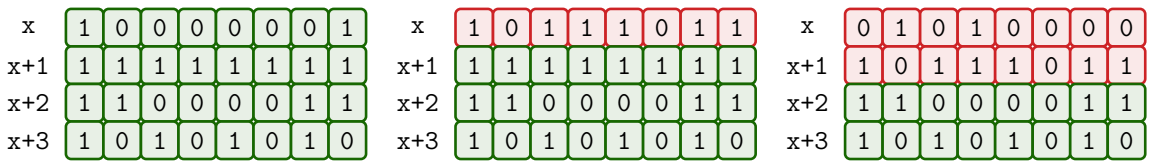
x	1	0	1	1	1	0	1	1
x+1	1	1	1	1	1	1	1	1
x+2	1	1	0	0	0	0	1	1
x+3	1	0	1	0	1	0	1	0

Écriture en mémoire

Observons l'effet des instructions avec la mémoire dans l'état suivant :

x	1	0	0	0	0	0	0	1
x + 1	1	1	1	1	1	1	1	1
x + 2	1	1	0	0	0	0	1	1
x + 3	1	0	1	0	1	0	1	0

```
mov eax, 0xAA11BB50
mov [x], ah
mov [x], ax
```



Écriture en mémoire

Observons l'effet des instructions avec la mémoire dans l'état suivant :

x	1	0	0	0	0	0	0	1
x + 1	1	1	1	1	1	1	1	1
x + 2	1	1	0	0	0	0	1	1
x + 3	1	0	1	0	1	0	1	0

```
mov eax, 0xAA11BB50
mov [x], ah
mov [x], ax
mov [x], eax
```

x	1	0	0	0	0	0	0	1
x+1	1	1	1	1	1	1	1	1
x+2	1	1	0	0	0	0	1	1
x+3	1	0	1	0	1	0	1	0

x	1	0	1	1	1	0	1	1
x+1	1	1	1	1	1	1	1	1
x+2	1	1	0	0	0	0	1	1
x+3	1	0	1	0	1	0	1	0

x	0	1	0	1	0	0	0	0
x+1	1	0	1	1	1	0	1	1
x+2	1	1	0	0	0	0	1	1
x+3	1	0	1	0	1	0	1	0

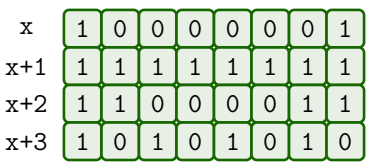
x	0	1	0	1	0	0	0	0
x+1	1	0	1	1	1	0	1	1
x+2	0	0	0	1	0	0	0	1
x+3	1	0	1	0	1	0	1	0

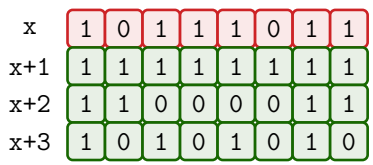
Écriture en mémoire

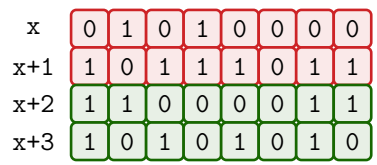
Observons l'effet des instructions avec la mémoire dans l'état suivant :

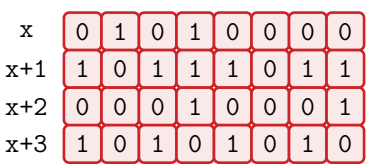
x	1	0	0	0	0	0	0	1
x + 1	1	1	1	1	1	1	1	1
x + 2	1	1	0	0	0	0	1	1
x + 3	1	0	1	0	1	0	1	0

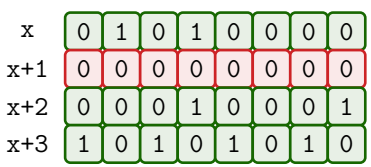
```
mov eax, 0xAA11BB50
mov [x], ah
mov [x], ax
mov [x], eax
mov byte [x + 1], 0
```









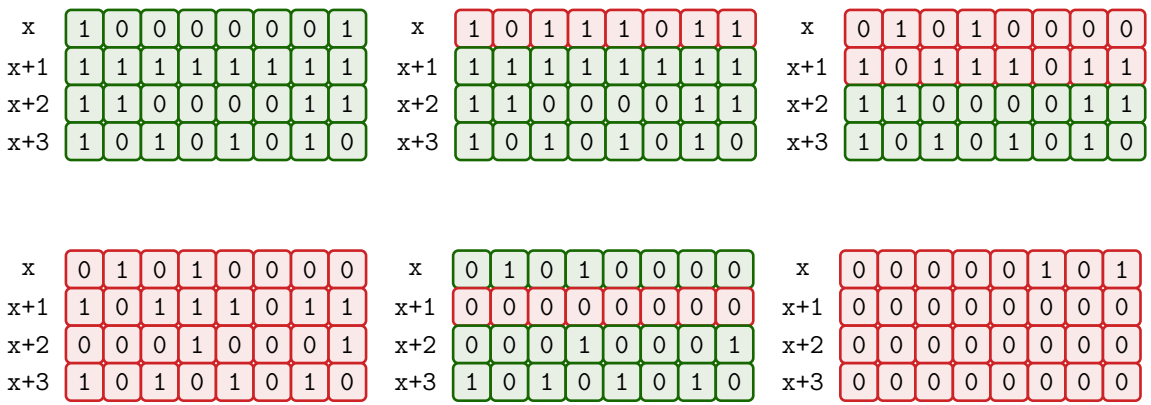


Écriture en mémoire

Observons l'effet des instructions avec la mémoire dans l'état suivant :

x	1	0	0	0	0	0	0	1
x + 1	1	1	1	1	1	1	1	1
x + 2	1	1	0	0	0	0	1	1
x + 3	1	0	1	0	1	0	1	0

```
mov eax, 0xAA11BB50
mov [x], ah
mov [x], ax
mov [x], eax
mov byte [x + 1], 0
mov dword [x], 0x5
```



Section de données initialisées

La section `.data` est la partie (facultative) du programme qui regroupe des définitions de données pointées par des adresses.

Section de données initialisées

La section `.data` est la partie (facultative) du programme qui regroupe des définitions de données pointées par des adresses.

Elle commence par `section .data`.

Section de données initialisées

La section `.data` est la partie (facultative) du programme qui regroupe des définitions de données pointées par des adresses.

Elle commence par `section .data`.

On **définit une donnée** par

```
ID: DT VAL
```

où `ID` est un identificateur (appelé **étiquette**), `VAL` une valeur et `DT` un descripteur de taille parmi les suivants :

Descripteur de taille	Taille (en octets)
`db`	1
`dw`	2
`dd`	4
`dq`	8

Ceci place en mémoire à l'adresse `ID` la valeur `VAL`, dont la taille est spécifiée par `DT`.

Section de données initialisées

La section `.data` est la partie (facultative) du programme qui regroupe des définitions de données pointées par des adresses.

Elle commence par `section .data`.

On **définit une donnée** par

```
ID: DT VAL
```

où `ID` est un identificateur (appelé **étiquette**), `VAL` une valeur et `DT` un descripteur de taille parmi les suivants :

Descripteur de taille	Taille (en octets)
`db`	1
`dw`	2
`dd`	4
`dq`	8

Ceci place en mémoire à l'adresse `ID` la valeur `VAL`, dont la taille est spécifiée par `DT`.

La valeur de l'adresse `ID` est attribuée par le système.

Section de données initialisées

Quelques exemples de définitions de données initialisées :

- `entier: dw 55`

  Créé à l'adresse `entier` un entier sur 2 octets, initialisé à $(55)_{\text{dix}}$.

Section de données initialisées

Quelques exemples de définitions de données initialisées :

- `entier: dw 55`

  Créé à l'adresse `entier` un entier sur 2 octets, initialisé à $(55)_{\text{dix}}$.

- `x: dd 0xFFE05`

  Créé à l'adresse `x` un entier sur 4 octets, initialisé à $(000\text{FFE05})_{\text{hex}}$.

Section de données initialisées

Quelques exemples de définitions de données initialisées :

- `entier: dw 55`

  Créé à l'adresse `entier` un entier sur 2 octets, initialisé à $(55)_{\text{dix}}$.

- `x: dd 0xFFE05`

  Créé à l'adresse `x` un entier sur 4 octets, initialisé à $(000\text{FFE05})_{\text{hex}}$.

- `y: db 0b11001100`

  Créé à l'adresse `y` un entier sur 1 octet initialisé à $(11001100)_{\text{hex}}$.

Section de données initialisées

Quelques exemples de définitions de données initialisées :

- `entier: dw 55`

  Créé à l'adresse `entier` un entier sur 2 octets, initialisé à $(55)_{\text{dix}}$.

- `x: dd 0xFFE05`

  Créé à l'adresse `x` un entier sur 4 octets, initialisé à $(000\text{FFE05})_{\text{hex}}$.

- `y: db 0b11001100`

  Créé à l'adresse `y` un entier sur 1 octet initialisé à $(11001100)_{\text{hex}}$.

- `c: db 'a'`

  Créé à l'adresse `c` un entier sur 1 octet dont la valeur est le code ASCII du caractère `'a'`.

Section de données initialisées

Quelques exemples de définitions de données initialisées :

- `entier: dw 55`

  Créé à l'adresse `entier` un entier sur 2 octets, initialisé à $(55)_{\text{dix}}$.

- `x: dd 0xFFE05`

  Créé à l'adresse `x` un entier sur 4 octets, initialisé à $(\texttt{000FFE05})_{\text{hex}}$.

- `y: db 0b11001100`

  Créé à l'adresse `y` un entier sur 1 octet initialisé à $(11001100)_{\text{hex}}$.

- `c: db 'a'`

  Créé à l'adresse `c` un entier sur 1 octet dont la valeur est le code ASCII du caractère `'a'`.

- `chaine: db 'Test', 0`

  Créé à partir de l'adresse `chaine` une suite de 5 octets contenant successivement les codes ASCII des lettres `'T'`, `'e'`, `'s'`, `'t'` et du marqueur de fin de chaîne.

Section de données initialisées

Quelques exemples de définitions de données initialisées :

- `entier: dw 55`

  Créé à l'adresse `entier` un entier sur 2 octets, initialisé à $(55)_{\text{dix}}$.

- `x: dd 0xFFE05`

  Créé à l'adresse `x` un entier sur 4 octets, initialisé à $(000\text{FFE05})_{\text{hex}}$.

- `y: db 0b11001100`

  Créé à l'adresse `y` un entier sur 1 octet initialisé à $(11001100)_{\text{hex}}$.

- `c: db 'a'`

  Créé à l'adresse `c` un entier sur 1 octet dont la valeur est le code ASCII du caractère `'a'`.

- `chaine: db 'Test', 0`

  Créé à partir de l'adresse `chaine` une suite de 5 octets contenant successivement les codes ASCII des lettres `'T'`, `'e'`, `'s'`, `'t'` et du marqueur de fin de chaîne.

  De plus, à l'adresse `chaine + 2` figure le code ASCII du caractère `'s'`.

Section de données initialisées

On peut **définir plusieurs données** de manière concise par

```
ID: times NB DT VAL
```

où `ID` est un identificateur, `VAL` une valeur, `DT` un descripteur de taille et `NB` une valeur positive.

Section de données initialisées

On peut **définir plusieurs données** de manière concise par

```
ID: times NB DT VAL
```

où `ID` est un identificateur, `VAL` une valeur, `DT` un descripteur de taille et `NB` une valeur positive.

Ceci place en mémoire, à partir de l'adresse `ID`, `NB` occurrences de la valeur `VAL`, dont la taille est spécifiée par `DT`.

Section de données initialisées

On peut **définir plusieurs données** de manière concise par

```
ID: times NB DT VAL
```

où `ID` est un identificateur, `VAL` une valeur, `DT` un descripteur de taille et `NB` une valeur positive.

Ceci place en mémoire, à partir de l'adresse `ID`, `NB` occurrences de la valeur `VAL`, dont la taille est spécifiée par `DT`.

P.ex.,

- `suite: times 85 dd 5`

  Créé à partir de l'adresse `suite` une suite de 85×4 octets, où chaque double mot est initialisé à la valeur $(5)_{\text{dix}}$.

Section de données initialisées

On peut **définir plusieurs données** de manière concise par

```
ID: times NB DT VAL
```

où `ID` est un identificateur, `VAL` une valeur, `DT` un descripteur de taille et `NB` une valeur positive.

Ceci place en mémoire, à partir de l'adresse `ID`, `NB` occurrences de la valeur `VAL`, dont la taille est spécifiée par `DT`.

P.ex.,

- `suite: times 85 dd 5`

  Créé à partir de l'adresse `suite` une suite de 85×4 octets, où chaque double mot est initialisé à la valeur $(5)_{\text{dix}}$.

  L'adresse du 1^{er} double mot est `suite`.

Section de données initialisées

On peut **définir plusieurs données** de manière concise par

```
ID: times NB DT VAL
```

où `ID` est un identificateur, `VAL` une valeur, `DT` un descripteur de taille et `NB` une valeur positive.

Ceci place en mémoire, à partir de l'adresse `ID`, `NB` occurrences de la valeur `VAL`, dont la taille est spécifiée par `DT`.

P.ex.,

- `suite: times 85 dd 5`

  Créé à partir de l'adresse `suite` une suite de 85×4 octets, où chaque double mot est initialisé à la valeur $(5)_{\text{dix}}$.

  L'adresse du 1$^{\text{er}}$ double mot est `suite`.

  L'adresse du 7$^{\text{e}}$ double mot est `suite + (6 * 4)`.

Section de données initialisées

On peut **définir plusieurs données** de manière concise par

```
ID: times NB DT VAL
```

où `ID` est un identificateur, `VAL` une valeur, `DT` un descripteur de taille et `NB` une valeur positive.

Ceci place en mémoire, à partir de l'adresse `ID`, `NB` occurrences de la valeur `VAL`, dont la taille est spécifiée par `DT`.

P.ex.,

- `suite: times 85 dd 5`

  Créé à partir de l'adresse `suite` une suite de 85×4 octets, où chaque double mot est initialisé à la valeur $(5)_{\text{dix}}$.

  L'adresse du 1er double mot est `suite`.

  L'adresse du 7e double mot est `suite + (6 * 4)`.

- `chaine: times 9 db 'a'`

  Créé à partir de l'adresse `chaine` une suite de 9 octets tous initialisés par le code ASCII du caractère `'a'`.

Section de données initialisées

On peut **définir plusieurs données** de manière concise par

`ID: times NB DT VAL`

où `ID` est un identificateur, `VAL` une valeur, `DT` un descripteur de taille et `NB` une valeur positive.

Ceci place en mémoire, à partir de l'adresse `ID`, `NB` occurrences de la valeur `VAL`, dont la taille est spécifiée par `DT`.

P.ex.,

- `suite: times 85 dd 5`

  Créé à partir de l'adresse `suite` une suite de 85×4 octets, où chaque double mot est initialisé à la valeur $(5)_{\text{dix}}$.

  L'adresse du 1er double mot est `suite`.

  L'adresse du 7e double mot est `suite + (6 * 4)`.

- `chaine: times 9 db 'a'`

  Créé à partir de l'adresse `chaine` une suite de 9 octets tous initialisés par le code ASCII du caractère `'a'`.

  L'adresse du 3e octet est `chaine + 2`.

Section de données non initialisées

La section `.bss` est la partie (facultative) du programme qui regroupe des déclarations de données non initialisées pointées par des adresses.

Section de données non initialisées

La section `.bss` est la partie (facultative) du programme qui regroupe des déclarations de données non initialisées pointées par des adresses.

Elle commence par `section .bss`.

Section de données non initialisées

La section `.bss` est la partie (facultative) du programme qui regroupe des déclarations de données non initialisées pointées par des adresses.

Elle commence par `section .bss`.

On **déclare une donnée non initialisée** par

```
ID: DT NB
```

où `ID` est un identificateur, `NB` une valeur positive et `DT` un descripteur de taille parmi les suivants :

Descripteur de taille	Taille (en octets)
`resb`	1
`resw`	2
`resd`	4
`resq`	8

Ceci réserve une zone de mémoire commençant à l'adresse `ID` et pouvant accueillir `NB` données dont la taille est spécifiée par `DT`.

Section de données non initialisées

P.ex., l'instruction

```
x: resw 120
```

réserve, à partir de l'adresse `x`, une suite de 120×2 octets non initialisés.

Section de données non initialisées

P.ex., l'instruction
`x: resw 120`

réserve, à partir de l'adresse `x`, une suite de 120×2 octets non initialisés.

L'adresse de la $\texttt{i}^{\text{e}}$ donnée à partir de `x` est `x + ((i - 1) * 2)`.

Section de données non initialisées

P.ex., l'instruction
`x: resw 120`

réserve, à partir de l'adresse `x`, une suite de 120×2 octets non initialisés.

L'adresse de la `i`$^{\text{e}}$ donnée à partir de `x` est `x + ((i - 1) * 2)`.

Pour écrire la valeur $(\texttt{0xEF01})_{\text{hex}}$ en 4$^{\text{e}}$ position, on utilise l'instruction
`mov word [x + (3 * 2)], 0xEF01`

Section de données non initialisées

P.ex., l'instruction
`x: resw 120`

réserve, à partir de l'adresse `x`, une suite de 120×2 octets non initialisés.

L'adresse de la $\texttt{i}^{\text{e}}$ donnée à partir de `x` est `x + ((i - 1) * 2)`.

Pour écrire la valeur $(\texttt{0xEF01})_{\text{hex}}$ en 4^{e} position, on utilise l'instruction
`mov word [x + (3 * 2)], 0xEF01`

Pour lire la valeur située en 7^{e} position à partir de `x`, on utilise les instructions
```
mov eax, 0
mov ax, [x + (6 * 2)]
```

Section de données non initialisées

P.ex., l'instruction
`x: resw 120`

réserve, à partir de l'adresse `x`, une suite de 120×2 octets non initialisés.

L'adresse de la $\texttt{i}^{\text{e}}$ donnée à partir de `x` est `x + ((i - 1) * 2)`.

Pour écrire la valeur $(\texttt{0xEF01})_{\text{hex}}$ en 4^{e} position, on utilise l'instruction
`mov word [x + (3 * 2)], 0xEF01`

Pour lire la valeur située en 7^{e} position à partir de `x`, on utilise les instructions
```
mov eax, 0
mov ax, [x + (6 * 2)]
```

Attention : il ne faut jamais rien supposer sur la valeur initiale d'une donnée non initialisée.

Section d'instructions

La section .text est la partie du programme qui regroupe les instructions.

Elle commence par `section .text`.

Section d'instructions

La section .text est la partie du programme qui regroupe les instructions.

Elle commence par `section .text`.

Pour définir le point d'entrée du programme, il faut définir une **étiquette de code** et faire en sorte de la rendre visible depuis l'extérieur.

Section d'instructions

La section .text est la partie du programme qui regroupe les instructions.

Elle commence par `section .text`.

Pour définir le point d'entrée du programme, il faut définir une **étiquette de code** et faire en sorte de la rendre visible depuis l'extérieur.

Pour cela, on écrit

```
section .text
global main
    main:
    INSTR
```

où `INSTR` dénote la suite des instructions du programme. Ici, `main` est une étiquette et sa valeur est l'adresse de la 1re instruction constituant `INSTR`.

La ligne `global main` sert à rendre l'étiquette `main` visible pour l'édition des liens.

Interruptions

L'exécution d'un programme se fait instruction par instruction. Dès qu'une instruction est traitée, le processeur s'occupe de la suivante.

Interruptions

L'exécution d'un programme se fait instruction par instruction. Dès qu'une instruction est traitée, le processeur s'occupe de la suivante.

Cependant, certaines instructions ont besoin d'**interrompre l'exécution** pour être menées à bien. Parmi celles-ci, nous avons p.ex.,

- l'écriture de texte sur la sortie standard ;
- la lecture d'une donnée sur la sortie standard ;
- l'écriture d'une donnée sur le disque ;
- la gestion de la souris ;
- la communication via le réseau ;
- la sollicitation de l'unité graphique ou sonore.

Interruptions

L'exécution d'un programme se fait instruction par instruction. Dès qu'une instruction est traitée, le processeur s'occupe de la suivante.

Cependant, certaines instructions ont besoin d'**interrompre l'exécution** pour être menées à bien. Parmi celles-ci, nous avons p.ex.,

- l'écriture de texte sur la sortie standard ;
- la lecture d'une donnée sur la sortie standard ;
- l'écriture d'une donnée sur le disque ;
- la gestion de la souris ;
- la communication via le réseau ;
- la sollicitation de l'unité graphique ou sonore.

Dans ce but, il existe des instruction particulières appelée interruptions.

Interruptions

L'instruction

```
int 0x80
```

permet d'appeler une interruption dont le traitement est délégué au système (Linux).

Interruptions

L'instruction

```
int 0x80
```

permet d'appeler une interruption dont le traitement est délégué au système (Linux).

La tâche à réaliser est spécifiée par un code lu depuis le registre `eax`. Voici les principaux :

Code	Rôle
1	Arrêt et fin de l'exécution
3	Lecture sur l'entrée standard
4	Écriture sur la sortie standard

Interruptions

L'instruction

```
int 0x80
```

permet d'appeler une interruption dont le traitement est délégué au système (Linux).

La tâche à réaliser est spécifiée par un code lu depuis le registre `eax`. Voici les principaux :

Code	Rôle
1	Arrêt et fin de l'exécution
3	Lecture sur l'entrée standard
4	Écriture sur la sortie standard

Les autres registres de travail `ebx`, `ecx` et `edx` jouent le rôle d'arguments.

Interruptions

L'instruction

```
int 0x80
```

permet d'appeler une interruption dont le traitement est délégué au système (Linux).

La tâche à réaliser est spécifiée par un code lu depuis le registre `eax`. Voici les principaux :

Code	Rôle
1	Arrêt et fin de l'exécution
3	Lecture sur l'entrée standard
4	Écriture sur la sortie standard

Les autres registres de travail `ebx`, `ecx` et `edx` jouent le rôle d'arguments.

Attention : le traitement d'une interruption peut modifier le contenu des registres. Il faut sauvegarder leur valeur dans la mémoire si besoin est.

Interruptions

Pour **interrompre** l'exécution d'un programme, on utilise

```
mov ebx, 0
mov eax, 1
int 0x80
```

Le registre `ebx` contient la valeur de retour de l'exécution.

Interruptions

Pour **interrompre** l'exécution d'un programme, on utilise

```
mov ebx, 0
mov eax, 1
int 0x80
```

Le registre `ebx` contient la valeur de retour de l'exécution.

Pour **afficher un caractère** sur la sortie standard, on utilise

```
mov ebx, 1
mov ecx, x
mov edx, 1
mov eax, 4
int 0x80
```

La valeur de `ebx` spécifie que l'on écrit sur la sortie standard. Le registre `ecx` contient l'adresse `x` du caractère à afficher et la valeur de `edx` signifie qu'il y a un unique caractère à afficher.

Interruptions

Pour **lire un caractère** sur l'entrée standard, on utilise

```
mov ebx, 1
mov ecx, x
mov edx, 1
mov eax, 3
int 0x80
```

La valeur de `ebx` spécifie que l'on lit sur la sortie standard. Le registre `ecx` contient l'adresse `x` à laquelle le code ASCII du caractère lu sera enregistré et la valeur de `edx` signifie qu'il y a un unique caractère à lire.

Interruptions

Pour **lire un caractère** sur l'entrée standard, on utilise

```
mov ebx, 1
mov ecx, x
mov edx, 1
mov eax, 3
int 0x80
```

La valeur de `ebx` spécifie que l'on lit sur la sortie standard. Le registre `ecx` contient l'adresse `x` à laquelle le code ASCII du caractère lu sera enregistré et la valeur de `edx` signifie qu'il y a un unique caractère à lire.

Il est bien entendu possible, pour les interruptions commandant l'écriture et l'affichage de caractère, de placer d'autres valeurs dans `edx` pour pouvoir écrire/lire plus de caractères.

Directives

Une directive est un élément d'un programme qui n'est pas traduit en langage machine mais qui sert à informer l'assembleur, entre autre, de

- la définition d'une constante ;
- l'inclusion d'un fichier.

Directives

Une directive est un élément d'un programme qui n'est pas traduit en langage machine mais qui sert à informer l'assembleur, entre autre, de

- la définition d'une constante ;
- l'inclusion d'un fichier.

Pour **définir une constante**, on se sert de

```
%define NOM VAL
```

Ceci fait en sorte que, dans le programme, le symbole `NOM` est remplacé par le symbole `VAL`.

Directives

Une directive est un élément d'un programme qui n'est pas traduit en langage machine mais qui sert à informer l'assembleur, entre autre, de

- la définition d'une constante ;
- l'inclusion d'un fichier.

Pour **définir une constante**, on se sert de

```
%define NOM VAL
```

Ceci fait en sorte que, dans le programme, le symbole `NOM` est remplacé par le symbole `VAL`.

Pour **inclure un fichier** (assembleur `.asm` ou en-tête `.inc`), on se sert de

```
%include CHEM
```

Ceci fait en sorte que le fichier de chemin relatif `CHEM` soit inclus dans le programme. Il est ainsi possible d'utiliser son code dans le programme appelant.

Assemblage

Pour assembler un programme `PRGM.asm`, on utilise la commande

```
nasm -f elf32 PRGM.asm
```

Ceci créé un **fichier objet** nommé `PRGM.o`.

Assemblage

Pour assembler un programme `PRGM.asm`, on utilise la commande

```
nasm -f elf32 PRGM.asm
```

Ceci créé un **fichier objet** nommé `PRGM.o`.

On obtient un exécutable par l'`édition des liens`, en utilisant la commande

```
ld -o PRGM -e main PRGM.o
```

Ceci créé un **exécutable** nommé `PRGM`.

Assemblage

Pour assembler un programme `PRGM.asm`, on utilise la commande

```
nasm -f elf32 PRGM.asm
```

Ceci créé un **fichier objet** nommé `PRGM.o`.

On obtient un exécutable par l'`édition des liens`, en utilisant la commande

```
ld -o PRGM -e main PRGM.o
```

Ceci créé un **exécutable** nommé `PRGM`.

L'option `-e main` spécifie que le point d'entrée du programme est l'instruction à l'adresse `main`.

Assemblage

Pour assembler un programme `PRGM.asm`, on utilise la commande

```
nasm -f elf32 PRGM.asm
```

Ceci créé un **fichier objet** nommé `PRGM.o`.

On obtient un exécutable par l'`édition des liens`, en utilisant la commande

```
ld -o PRGM -e main PRGM.o
```

Ceci créé un **exécutable** nommé `PRGM`.

L'option `-e main` spécifie que le point d'entrée du programme est l'instruction à l'adresse `main`.

Astuce : sur un système 64 bits, on ajoute pour l'édition des liens l'option `-melf_i386`.

Exemple complet de programme

```
; Def. de donnees
section .data
chaine_1:
  db 'Caractere? ',0
chaine_2:
  db 'Suivant : ',0
```

Exemple complet de programme

```
; Def. de donnees
section .data
chaine_1:
  db 'Caractere? ',0
chaine_2:
  db 'Suivant : ',0


; Decl. de donnees
section .bss
car: resb 1
```

Exemple complet de programme

```
; Def. de donnees
section .data
chaine_1:
  db 'Caractere? ',0
chaine_2:
  db 'Suivant : ',0


; Decl. de donnees
section .bss
car: resb 1


; Instructions
section .text
global main
main:
```

Exemple complet de programme

```
; Def. de donnees
section .data
chaine_1:
  db 'Caractere? ',0
chaine_2:
  db 'Suivant : ',0
```

```
; Aff. chaine_1
  mov ebx, 1
  mov ecx, chaine_1
  mov edx, 13
  mov eax, 4
  int 0x80
```

```
; Decl. de donnees
section .bss
car: resb 1
```

```
; Instructions
section .text
global main
main:
```

Exemple complet de programme

```
; Def. de donnees
section .data
chaine_1:
  db 'Caractere? ',0
chaine_2:
  db 'Suivant : ',0


; Decl. de donnees
section .bss
car: resb 1


; Instructions
section .text
global main
main:
```

```
; Aff. chaine_1
  mov ebx, 1
  mov ecx, chaine_1
  mov edx, 13
  mov eax, 4
  int 0x80

; Lect. car.
  mov ebx, 1
  mov ecx, car
  mov edx, 1
  mov eax, 3
  int 0x80
```

Exemple complet de programme

```
; Def. de donnees
section .data
chaine_1:
  db 'Caractere? ',0
chaine_2:
  db 'Suivant : ',0


; Decl. de donnees
section .bss
car: resb 1


; Instructions
section .text
global main
main:
```

```
; Aff. chaine_1
  mov ebx, 1
  mov ecx, chaine_1
  mov edx, 13
  mov eax, 4
  int 0x80

; Lect. car.
  mov ebx, 1
  mov ecx, car
  mov edx, 1
  mov eax, 3
  int 0x80

; Incr. car.
  mov eax, [car]
  add eax, 1
  mov [car], al
```

Exemple complet de programme

```
; Def. de donnees
section .data
chaine_1:
  db 'Caractere? ',0
chaine_2:
  db 'Suivant : ',0

; Decl. de donnees
section .bss
car: resb 1

; Instructions
section .text
global main
main:

; Aff. chaine_1
  mov ebx, 1
  mov ecx, chaine_1
  mov edx, 13
  mov eax, 4
  int 0x80

; Lect. car.
  mov ebx, 1
  mov ecx, car
  mov edx, 1
  mov eax, 3
  int 0x80

; Incr. car.
  mov eax, [car]
  add eax, 1
  mov [car], al

; Aff. chaine_2
  mov ebx, 1
  mov ecx, chaine_2
  mov edx, 11
  mov eax, 4
  int 0x80
```

Exemple complet de programme

```
; Def. de donnees
section .data
chaine_1:
  db 'Caractere? ',0
chaine_2:
  db 'Suivant : ',0

; Decl. de donnees
section .bss
car: resb 1

; Instructions
section .text
global main
main:
```

```
; Aff. chaine_1
  mov ebx, 1
  mov ecx, chaine_1
  mov edx, 13
  mov eax, 4
  int 0x80

; Lect. car.
  mov ebx, 1
  mov ecx, car
  mov edx, 1
  mov eax, 3
  int 0x80

; Incr. car.
  mov eax, [car]
  add eax, 1
  mov [car], al
```

```
; Aff. chaine_2
  mov ebx, 1
  mov ecx, chaine_2
  mov edx, 11
  mov eax, 4
  int 0x80

; Aff. car.
  mov ebx, 1
  mov ecx, car
  mov edx, 1
  mov eax, 4
  int 0x80
```

Exemple complet de programme

```
; Def. de donnees
section .data
chaine_1:
  db 'Caractere? ',0
chaine_2:
  db 'Suivant : ',0

; Decl. de donnees
section .bss
car: resb 1

; Instructions
section .text
global main
main:

; Aff. chaine_1
  mov ebx, 1
  mov ecx, chaine_1
  mov edx, 13
  mov eax, 4
  int 0x80

; Lect. car.
  mov ebx, 1
  mov ecx, car
  mov edx, 1
  mov eax, 3
  int 0x80

; Incr. car.
  mov eax, [car]
  add eax, 1
  mov [car], al

; Aff. chaine_2
  mov ebx, 1
  mov ecx, chaine_2
  mov edx, 11
  mov eax, 4
  int 0x80

; Aff. car.
  mov ebx, 1
  mov ecx, car
  mov edx, 1
  mov eax, 4
  int 0x80

; Sortie
  mov ebx, 0
  mov eax, 1
  int 0x80
```

Exemple complet de programme

```
; Def. de donnees
section .data
chaine_1:
  db 'Caractere? ',0
chaine_2:
  db 'Suivant : ',0

; Decl. de donnees
section .bss
car: resb 1

; Instructions
section .text
global main
main:

; Aff. chaine_1
  mov ebx, 1
  mov ecx, chaine_1
  mov edx, 13
  mov eax, 4
  int 0x80

; Lect. car.
  mov ebx, 1
  mov ecx, car
  mov edx, 1
  mov eax, 3
  int 0x80

; Incr. car.
  mov eax, [car]
  add eax, 1
  mov [car], al

; Aff. chaine_2
  mov ebx, 1
  mov ecx, chaine_2
  mov edx, 11
  mov eax, 4
  int 0x80

; Aff. car.
  mov ebx, 1
  mov ecx, car
  mov edx, 1
  mov eax, 4
  int 0x80

; Sortie
  mov ebx, 0
  mov eax, 1
  int 0x80
```

Ce programme lit un caractère sur l'entrée standard et affiche le caractère suivant dans la table ASCII.

Plan

Étiquettes d'instruction

Les **instructions** d'un programme sont des données comme des autres. Elles ont donc une **adresse**.

Tout comme pour les données, il est possible de disposer des étiquettes dans un programme, dont les valeurs sont des adresses d'instructions.

Étiquettes d'instruction

Les **instructions** d'un programme sont des données comme des autres. Elles ont donc une **adresse**.

Tout comme pour les données, il est possible de disposer des étiquettes dans un programme, dont les valeurs sont des adresses d'instructions.

Ceci se fait par

```
ETIQ: INSTR
```

où `ETIQ` est le nom de l'étiquette et `INSTR` une instruction.

Étiquettes d'instruction

Les **instructions** d'un programme sont des données comme des autres. Elles ont donc une **adresse**.

Tout comme pour les données, il est possible de disposer des étiquettes dans un programme, dont les valeurs sont des adresses d'instructions.

Ceci se fait par

```
ETIQ: INSTR
```

où `ETIQ` est le nom de l'étiquette et `INSTR` une instruction.

```
mov eax, 0
instr_2: mov ebx, 1
add eax, ebx
```

P.ex., ici l'étiquette `instr_2` pointe vers l'instruction `mov ebx, 1`.

Étiquettes d'instruction

Les **instructions** d'un programme sont des données comme des autres. Elles ont donc une **adresse**.

Tout comme pour les données, il est possible de disposer des étiquettes dans un programme, dont les valeurs sont des adresses d'instructions.

Ceci se fait par

```
ETIQ: INSTR
```

où `ETIQ` est le nom de l'étiquette et `INSTR` une instruction.

```
mov eax, 0
instr_2: mov ebx, 1
add eax, ebx
```

P.ex., ici l'étiquette `instr_2` pointe vers l'instruction `mov ebx, 1`.

Remarque : nous avons déjà rencontré l'étiquette `main`. Il s'agit d'une étiquette d'instruction. Sa valeur est l'adresse de la 1re instruction du programme.

Pointeur d'instruction et exécution

À chaque instant de l'exécution d'un programme, le registre `eip`, appelé pointeur d'instruction, contient l'**adresse de la prochaine instruction** à exécuter.

Pointeur d'instruction et exécution

À chaque instant de l'exécution d'un programme, le registre `eip`, appelé pointeur d'instruction, contient l'**adresse de la prochaine instruction** à exécuter.

L'exécution d'un programme s'organise en l'algorithme suivant :

1. Répéter, tant que l'exécution n'est pas interrompue :
   1. charger l'instruction d'adresse `eip` ;
   2. mettre à jour `eip` ;
   3. traiter l'instruction.

Pointeur d'instruction et exécution

À chaque instant de l'exécution d'un programme, le registre `eip`, appelé pointeur d'instruction, contient l'**adresse de la prochaine instruction** à exécuter.

L'exécution d'un programme s'organise en l'algorithme suivant :

1. Répéter, tant que l'exécution n'est pas interrompue :
   1. charger l'instruction d'adresse `eip` ;
   2. mettre à jour `eip` ;
   3. traiter l'instruction.

Par défaut, après le traitement d'une instruction (en tout cas de celles que nous avons vues pour le moment), `eip` est mis à jour de sorte à contenir l'adresse de l'instruction suivante en mémoire.

Il est impossible d'intervenir directement sur la valeur de `eip`.

Sauts inconditionnels

Ainsi, par défaut, l'exécution d'un programme se fait instruction par instruction, dans l'ordre dans lequel elles sont écrites.

Sauts inconditionnels

Ainsi, par défaut, l'exécution d'un programme se fait instruction par instruction, dans l'ordre dans lequel elles sont écrites.

Néanmoins, il est possible de rompre cette ligne d'exécution en réalisant des sauts. Ils consistent, étant donné un point de départ, à poursuivre l'exécution du programme vers un point cible.

Sauts inconditionnels

Ainsi, par défaut, l'exécution d'un programme se fait instruction par instruction, dans l'ordre dans lequel elles sont écrites.

Néanmoins, il est possible de rompre cette ligne d'exécution en réalisant des sauts. Ils consistent, étant donné un point de départ, à poursuivre l'exécution du programme vers un point cible.

Pour cela, on se sert de l'instruction

```
jmp ETIQ
```

où `ETIQ` est une étiquette d'instruction. Cette instruction **saute** à l'endroit du code pointé par `ETIQ`.

Elle agit en **modifiant** de manière adéquate **le pointeur d'instruction** `eip`.

Sauts inconditionnels

```
mov ebx, 0xFF
jmp endroit
mov ebx, 0
endroit:
    mov eax, 1
```

L'instruction `mov ebx, 0` n'est pas exécutée puisque le `jmp endroit` qui la précède fait en sorte que l'exécution passe à l'étiquette `endroit`.

Sauts inconditionnels

```
mov ebx, 0xFF
jmp endroit
mov ebx, 0
endroit:
    mov eax, 1
```

L'instruction `mov ebx, 0` n'est pas exécutée puisque le `jmp endroit` qui la précède fait en sorte que l'exécution passe à l'étiquette `endroit`.

```
mov eax, 0
debut:
    add eax, 1
    jmp debut
```

L'exécution de ces instructions provoque une boucle infinie. Le saut inconditionnel vers l'étiquette `debut` précédente provoque la divergence.

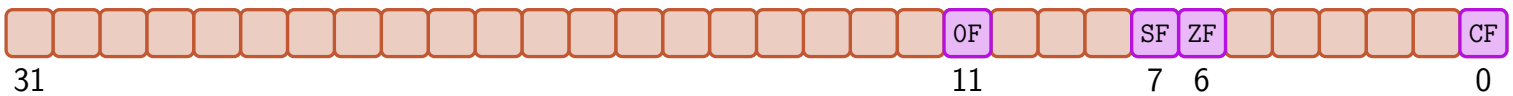
Le registre `flags`

À tout moment de l'exécution d'un programme, le registre de drapeaux `flags` contient des informations sur la dernière instruction exécutée.

Le registre `flags`

À tout moment de l'exécution d'un programme, le registre de drapeaux `flags` contient des informations sur la dernière instruction exécutée.

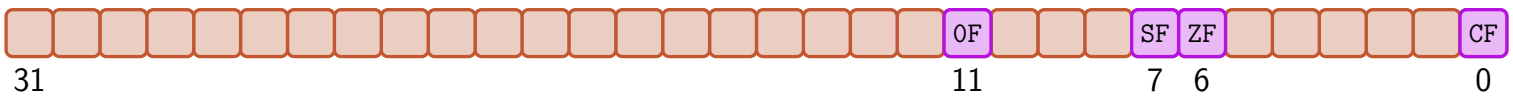
Comme son nom l'indique, il fonctionne comme un drapeau : chacun de ses bits code une information du type oui (bit à 1) / non (bit à 0).



Le registre `flags`

À tout moment de l'exécution d'un programme, le registre de drapeaux `flags` contient des informations sur la dernière instruction exécutée.

Comme son nom l'indique, il fonctionne comme un drapeau : chacun de ses bits code une information du type oui (bit à 1) / non (bit à 0).



Voici certaines des informations qu'il contient. Le bit

- `ZF`, « *Zero Flag* » vaut `1` si l'instruction produit un résultat nul et `0` sinon ;
- `OF`, « *Overflow Flag* » vaut `1` si l'instruction produit un dépassement de capacité et `0` sinon ;
- `CF`, « *Carry Flag* » vaut `1` si l'instruction produit une retenue de sortie et `0` sinon ;
- `SF`, « *Sign Flag* » vaut `1` si l'instruction produit un résultat négatif et `0` sinon.

Instruction de comparaison

L'instruction de comparaison `cmp` s'utilise par

```
cmp VAL_1, VAL_2
```

et permet de **comparer** les valeurs `VAL_1` et `VAL_2` en mettant à jour le registre `flags`.

Instruction de comparaison

L'instruction de comparaison `cmp` s'utilise par

```
cmp VAL_1, VAL_2
```

et permet de **comparer** les valeurs `VAL_1` et `VAL_2` en mettant à jour le registre `flags`.

Plus précisément, cette instruction calcule la différence `VAL_1` − `VAL_2` et modifie `flags` de la manière suivante :

- si `VAL_1` − `VAL_2` $= 0$, alors `ZF` est positionné à `1` ;
- si `VAL_1` − `VAL_2` > 0, alors `ZF` est positionné à `0` et `CF` est positionné à `0` ;
- si `VAL_1` − `VAL_2` < 0, alors `ZF` est positionné à `0` et `CF` est positionné à `1`.

Instruction de comparaison

L'instruction de comparaison `cmp` s'utilise par

```
cmp VAL_1, VAL_2
```

et permet de **comparer** les valeurs `VAL_1` et `VAL_2` en mettant à jour le registre `flags`.

Plus précisément, cette instruction calcule la différence `VAL_1` − `VAL_2` et modifie `flags` de la manière suivante :

- si `VAL_1` − `VAL_2` = 0, alors `ZF` est positionné à `1` ;
- si `VAL_1` − `VAL_2` > 0, alors `ZF` est positionné à `0` et `CF` est positionné à `0` ;
- si `VAL_1` − `VAL_2` < 0, alors `ZF` est positionné à `0` et `CF` est positionné à `1`.

On peut préciser la taille des valeurs à comparer à l'aide d'un descripteur de taille (`dbyte`, `word`, `dword`) si besoin est.

Instruction de comparaison

L'instruction de comparaison `cmp` s'utilise par

```
cmp VAL_1, VAL_2
```

et permet de **comparer** les valeurs `VAL_1` et `VAL_2` en mettant à jour le registre `flags`.

Plus précisément, cette instruction calcule la différence `VAL_1` − `VAL_2` et modifie `flags` de la manière suivante :

- si `VAL_1` − `VAL_2` = 0, alors `ZF` est positionné à `1` ;
- si `VAL_1` − `VAL_2` > 0, alors `ZF` est positionné à `0` et `CF` est positionné à `0` ;
- si `VAL_1` − `VAL_2` < 0, alors `ZF` est positionné à `0` et `CF` est positionné à `1`.

On peut préciser la taille des valeurs à comparer à l'aide d'un descripteur de taille (`dbyte`, `word`, `dword`) si besoin est.

```
mov ebx, 5
cmp dword 21, ebx
```

P.ex., cette comparaison fait que `ZF` et `CF` sont positionnés à `0`.

Sauts conditionnels

Un saut conditionnel est un saut qui n'est réalisé que si une condition impliquant le registre `flags` est vérifiée ; si celle-ci n'est pas vérifiée, l'exécution se poursuit en l'instruction qui suit le saut conditionnel.

Sauts conditionnels

Un saut conditionnel est un saut qui n'est réalisé que si une condition impliquant le registre `flags` est vérifiée ; si celle-ci n'est pas vérifiée, l'exécution se poursuit en l'instruction qui suit le saut conditionnel.

Pour ce faire, on adopte le schéma

```
cmp VAL_1, VAL_2
SAUT ETIQ
```

`VAL_1` et `VAL_2` sont des valeurs, `ETIQ` est une étiquette d'instruction et `SAUT` est une instruction de saut conditionnel.

Sauts conditionnels

Un saut conditionnel est un saut qui n'est réalisé que si une condition impliquant le registre `flags` est vérifiée ; si celle-ci n'est pas vérifiée, l'exécution se poursuit en l'instruction qui suit le saut conditionnel.

Pour ce faire, on adopte le schéma

```
cmp VAL_1, VAL_2
SAUT ETIQ
```

`VAL_1` et `VAL_2` sont des valeurs, `ETIQ` est une étiquette d'instruction et `SAUT` est une instruction de saut conditionnel.

Il y a plusieurs instructions de saut conditionnel. Elles diffèrent sur la condition qui provoque le saut :

Instruction	Saute si
`je`	$\texttt{VAL\_1} = \texttt{VAL\_2}$
`jne`	$\texttt{VAL\_1} \neq \texttt{VAL\_2}$
`jl`	$\texttt{VAL\_1} < \texttt{VAL\_2}$
`jle`	$\texttt{VAL\_1} \leqslant \texttt{VAL\_2}$
`jg`	$\texttt{VAL\_1} > \texttt{VAL\_2}$
`jge`	$\texttt{VAL\_1} \geqslant \texttt{VAL\_2}$

Sauts conditionnels

```
cmp eax, ebx
jl inferieur
jmp fin
inferieur:
    mov eax, ebx
fin:
```

Ceci saute à `inferieur` si la valeur de `eax` est strict. inf. à celle de `ebx`.

Ceci fait en sorte que `eax` vaille $\max(\texttt{eax}, \texttt{ebx})$.

Sauts conditionnels

```
cmp eax, ebx
jl inferieur
jmp fin
inferieur:
    mov eax, ebx
fin:
```

Ceci saute à `inferieur` si la valeur de `eax` est strict. inf. à celle de `ebx`.

Ceci fait en sorte que `eax` vaille $\max(\texttt{eax}, \texttt{ebx})$.

```
mov ecx, 15
debut:
    cmp ecx, 0
    je fin
    sub ecx, 1
    jmp debut
fin:
```

Ceci est une boucle. Tant que la valeur de `ecx` est diff. de 0, `ecx` est décrémenté et un tour de boucle est réalisé.

Quinze tours de boucle sont effectués avant de rejoindre l'étiquette `fin`.

Simutation du `if`

L'équivalent du pseudo-code

```
Si a = b
    BLOC
FinSi
```

est

```
cmp eax, ebx
je then
jmp end_if
then:
    BLOC
end_if:
```

Simutation du `if`

L'équivalent du pseudo-code

```
Si a = b
    BLOC
FinSi
```

est

```
cmp eax, ebx
je then
jmp end_if
then:
    BLOC
end_if:
```

L'équivalent du pseudo-code

```
Si a = b
    BLOC_1
Sinon
    BLOC_2
FinSi
```

est

```
cmp eax, ebx
jne else
    BLOC_1
    jmp end_if
else:
    BLOC_2
end_if:
```

Simutation du `while` et du `do while`

L'équivalent du pseudo-code

```
TantQue a = b
    BLOC
FinTantQue
```

est

```
while:
    cmp eax, ebx
    jne end_while
    BLOC
    jmp while
end_while:
```

Simutation du `while` et du `do while`

L'équivalent du pseudo-code

```
TantQue a = b
    BLOC
FinTantQue
```

est

```
while:
    cmp eax, ebx
    jne end_while
    BLOC
    jmp while
end_while:
```

L'équivalent du pseudo-code

```
Faire
    BLOC
TantQue a = b
```

est

```
do:
    BLOC
    cmp eax, ebx
    je do
```

Simutation du `for`

L'équivalent du pseudo-code

```
Pour a = 1 à b
    BLOC
FinPour
```

est

```
mov eax, 1
for:
    cmp eax, ebx
    jg end_for
    BLOC
    add eax, 1
    jmp for
end_for:
```

Simutation du `for`

L'équivalent du pseudo-code

```
Pour a = 1 à b
    BLOC
FinPour
```

est

```
mov eax, 1
for:
    cmp eax, ebx
    jg end_for
    BLOC
    add eax, 1
    jmp for
end_for:
```

On peut simuler ce pseudo-code de manière plus compacte grâce à l'instruction

```
loop ETIQ
```

Celle-ci saute vers l'étiquette d'instruction `ETIQ` si `ecx` est non nul et décrémente ce dernier.

On obtient la suite d'instructions suivante :

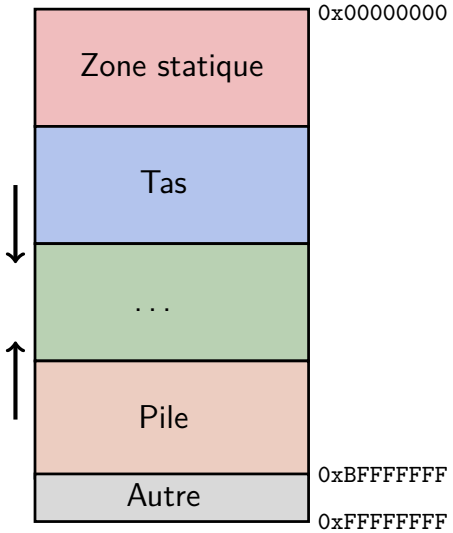
```
mov ecx, ebx
boucle:
    BLOC
    loop boucle
```

Plan

Pile

La pile est une zone de la mémoire dans laquelle on peut empiler et dépiler des données.

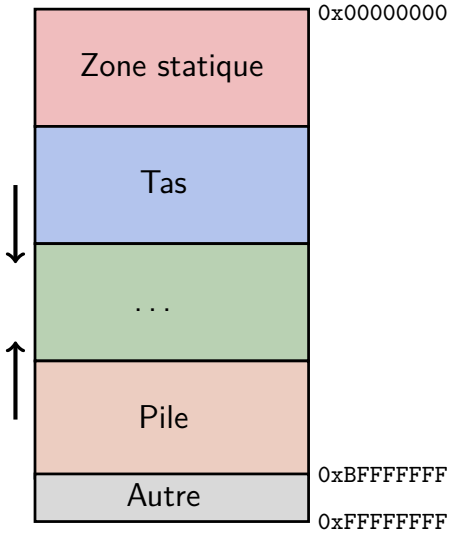
La zone qu'elle occupe en mémoire est de taille variable mais elle se situe toujours avant l'adresse `0xBFFFFFFF`.



Pile

La pile est une zone de la mémoire dans laquelle on peut empiler et dépiler des données.

La zone qu'elle occupe en mémoire est de taille variable mais elle se situe toujours avant l'adresse `0xBFFFFFFF`.

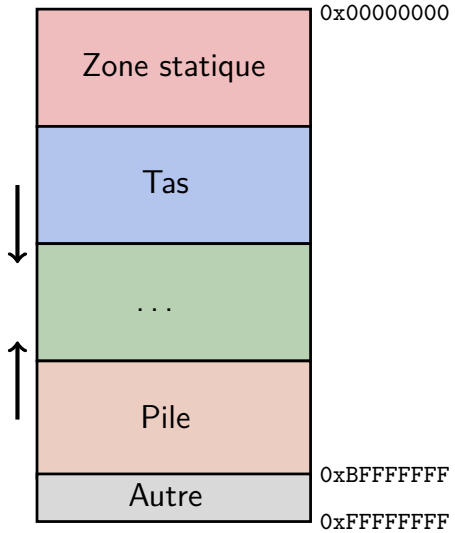


La pile est de type LIFO : les données sont dépilées de la plus récente à la plus ancienne.

Pile

La pile est une zone de la mémoire dans laquelle on peut empiler et dépiler des données.

La zone qu'elle occupe en mémoire est de taille variable mais elle se situe toujours avant l'adresse `0xBFFFFFFF`.



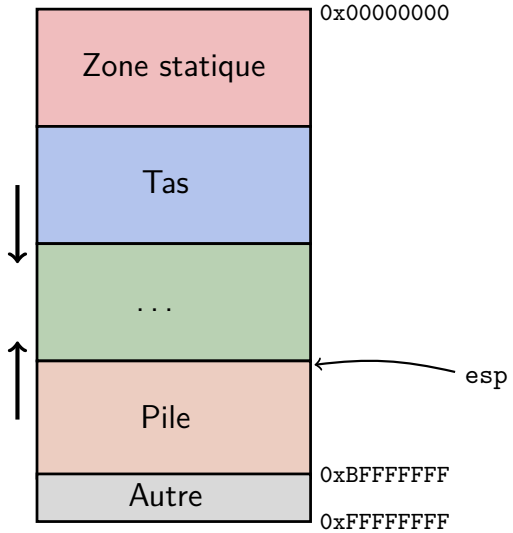
La pile est de type LIFO : les données sont dépilées de la plus récente à la plus ancienne.

On place et on lit dans la pile uniquement des **doubles mots**.

Pile

La pile est une zone de la mémoire dans laquelle on peut empiler et dépiler des données.

La zone qu'elle occupe en mémoire est de taille variable mais elle se situe toujours avant l'adresse `0xBFFFFFFF`.



La pile est de type LIFO : les données sont dépilées de la plus récente à la plus ancienne.

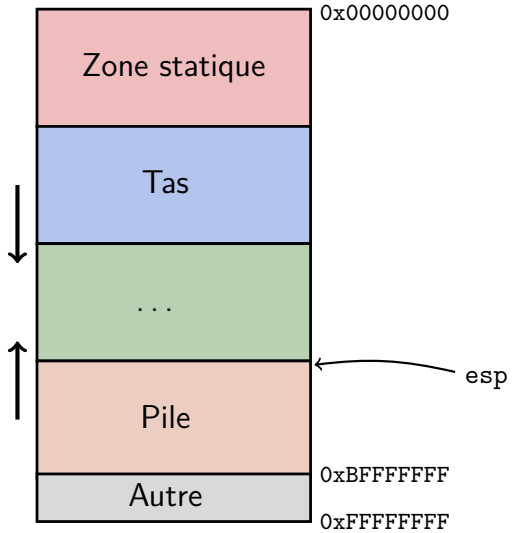
On place et on lit dans la pile uniquement des **doubles mots**.

Le registre `esp` contient l'adresse de la **tête de pile**.

Pile

La pile est une zone de la mémoire dans laquelle on peut empiler et dépiler des données.

La zone qu'elle occupe en mémoire est de taille variable mais elle se situe toujours avant l'adresse `0xBFFFFFFF`.



La pile est de type LIFO : les données sont dépilées de la plus récente à la plus ancienne.

On place et on lit dans la pile uniquement des **doubles mots**.

Le registre `esp` contient l'adresse de la **tête de pile**.

On utilise le registre `ebp` pour sauvegarder une position dans la pile (lorsque `esp` est susceptible de changer).

Pile

On dispose de deux opérations pour manipuler la pile :

1. empiler une valeur ;
2. dépiler une valeur.

Pile

On dispose de deux opérations pour manipuler la pile :

1. empiler une valeur ;
2. dépiler une valeur.

Pour **empiler** une valeur `VAL` à la pile, on utilise

```
push VAL
```

Ceci décrémente `esp` de 4 et écrit à l'adresse `esp` la valeur `VAL`.

Pile

On dispose de deux opérations pour manipuler la pile :

1. empiler une valeur ;
2. dépiler une valeur.

Pour **empiler** une valeur `VAL` à la pile, on utilise

```
push VAL
```

Ceci décrémente `esp` de 4 et écrit à l'adresse `esp` la valeur `VAL`.

Pour **dépiler** vers le registre `REG` la valeur située en tête de pile, on utilise

```
pop REG
```

Ceci recopie les 4 octets à partir de l'adresse `esp` vers `REG` et incrémente `esp` de 4.

Pile

On dispose de deux opérations pour manipuler la pile :

1. empiler une valeur ;
2. dépiler une valeur.

Pour **empiler** une valeur `VAL` à la pile, on utilise

```
push VAL
```

Ceci décrémente `esp` de 4 et écrit à l'adresse `esp` la valeur `VAL`.

Pour **dépiler** vers le registre `REG` la valeur située en tête de pile, on utilise

```
pop REG
```

Ceci recopie les 4 octets à partir de l'adresse `esp` vers `REG` et incrémente `esp` de 4.

Attention : l'ajout d'éléments dans la pile fait décroître la valeur de `esp` et la suppression d'éléments fait croître sa valeur, ce qui est peut-être contre-intuitif.

Pile

Observons l'effet des instructions avec la pile dans l'état suivant :

Adresses	Pile
1000	0x01010101
1004	0x20202020
1008	0xAA55AA55
1012	0xFFFFFFFF
1016	0x00000000

esp = 1008

Pile

Observons l'effet des instructions avec la pile dans l'état suivant :

Adresses	Pile
1000	0x01010101
1004	0x20202020
1008	0xAA55AA55
1012	0xFFFFFFFF
1016	0x00000000

esp = 1008

```
push 0x3
```

0x01010101
0x00000003
0xAA55AA55
0xFFFFFFFF
0x00000000

esp = 1004

Pile

Observons l'effet des instructions avec la pile dans l'état suivant :

Adresses	Pile
1000	0x01010101
1004	0x20202020
1008	0xAA55AA55
1012	0xFFFFFFFF
1016	0x00000000

esp = 1008

```
push 0x3
pop eax
```

0x01010101
0x00000003
0xAA55AA55
0xFFFFFFFF
0x00000000

esp = 1004

0x01010101
0x00000003
0xAA55AA55
0xFFFFFFFF
0x00000000

esp = 1008

Pile

Observons l'effet des instructions avec la pile dans l'état suivant :

Adresses	Pile
1000	0x01010101
1004	0x20202020
1008	0xAA55AA55
1012	0xFFFFFFFF
1016	0x00000000

esp = 1008

```
push 0x3
pop eax
pop ebx
```

0x01010101
0x00000003
0xAA55AA55
0xFFFFFFFF
0x00000000

esp = 1004

0x01010101
0x00000003
0xAA55AA55
0xFFFFFFFF
0x00000000

esp = 1008

0x01010101
0x00000003
0xAA55AA55
0xFFFFFFFF
0x00000000

esp = 1012

Pile

Observons l'effet des instructions avec la pile dans l'état suivant :

Adresses	Pile
1000	0x01010101
1004	0x20202020
1008	0xAA55AA55
1012	0xFFFFFFFF
1016	0x00000000

esp = 1008

```
push 0x3
pop eax
pop ebx
push eax
```

0x01010101
0x00000003
0xAA55AA55
0xFFFFFFFF
0x00000000

esp = 1004

0x01010101
0x00000003
0xAA55AA55
0xFFFFFFFF
0x00000000

esp = 1008

0x01010101
0x00000003
0xAA55AA55
0xFFFFFFFF
0x00000000

esp = 1012

0x01010101
0x00000003
0x00000003
0xFFFFFFFF
0x00000000

esp = 1008

Instruction `call`

On souhaite maintenant établir un mécanisme pour pourvoir **écrire des fonctions et les appeler**.

Instruction `call`

On souhaite maintenant établir un mécanisme pour pourvoir **écrire des fonctions et les appeler**.

L'un des ingrédients pour cela est l'instruction

```
call ETIQ
```

Elle permet de sauter à l'étiquette d'instruction `ETIQ`.

Instruction `call`

On souhaite maintenant établir un mécanisme pour pourvoir **écrire des fonctions et les appeler**.

L'un des ingrédients pour cela est l'instruction

```
call ETIQ
```

Elle permet de sauter à l'étiquette d'instruction `ETIQ`.

La différence avec l'instruction `jmp ETIQ` réside dans le fait que `call ETIQ` **empile**, avant le saut, l'**adresse de l'instruction qui la suit** dans le programme.

Instruction `call`

On souhaite maintenant établir un mécanisme pour pourvoir **écrire des fonctions et les appeler**.

L'un des ingrédients pour cela est l'instruction

```
call ETIQ
```

Elle permet de sauter à l'étiquette d'instruction `ETIQ`.

La différence avec l'instruction `jmp ETIQ` réside dans le fait que `call ETIQ` **empile**, avant le saut, l'**adresse de l'instruction qui la suit** dans le programme.

Ainsi, les deux suites d'instructions suivantes sont équivalentes :

```
call cible
suite:
...
```

```
push suite
jmp cible
suite:
...
```

Instruction `ret`

L'intérêt d'enregistrer l'adresse de l'instruction qui suit un `call ETIQ` repose sur le fait que l'exécution peut **revenir** à cette instruction.

Instruction `ret`

L'intérêt d'enregistrer l'adresse de l'instruction qui suit un `call ETIQ` repose sur le fait que l'exécution peut **revenir** à cette instruction.

Ceci est offert par l'instruction (sans opérande)

```
ret
```

Elle fonctionne en dépilant la donnée en tête de pile et en sautant à l'adresse spécifiée par cette valeur.

Instruction `ret`

L'intérêt d'enregistrer l'adresse de l'instruction qui suit un `call ETIQ` repose sur le fait que l'exécution peut **revenir** à cette instruction.

Ceci est offert par l'instruction (sans opérande)

`ret`

Elle fonctionne en dépilant la donnée en tête de pile et en sautant à l'adresse spécifiée par cette valeur.

Ainsi, les deux suites d'instructions suivantes sont équivalentes (excepté pour la valeur de `eax` qui est modifiée dans la seconde) :

```
call cible
suite:
...
cible:
...
ret
```

```
push suite
jmp cible
suite:
...
cible:
...
pop eax
jmp eax
```

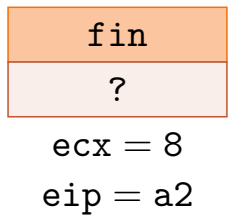
Exemple d'utilisation `call` / `ret`

Considérons la suite d'instructions suivante et observons l'état de la pile et de l'exécution.

```
a1   mov ecx, 8
a2   call loin
a3   suiv: add ecx, 24
a4   loin: add ecx, 16
a5   ret
     ...
a6   fin:
```

Exemple d'utilisation `call` / `ret`

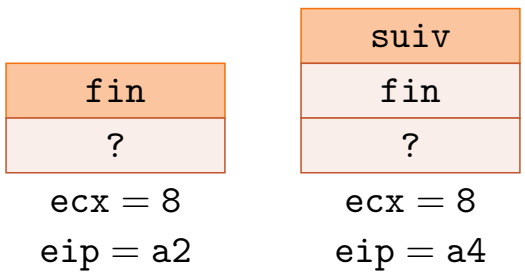
Considérons la suite d'instructions suivante et observons l'état de la pile et de l'exécution.




```
→   a1   mov ecx, 8
    a2   call loin
    a3   suiv: add ecx, 24
    a4   loin: add ecx, 16
    a5   ret
         ...
    a6   fin:
```

Exemple d'utilisation `call` / `ret`

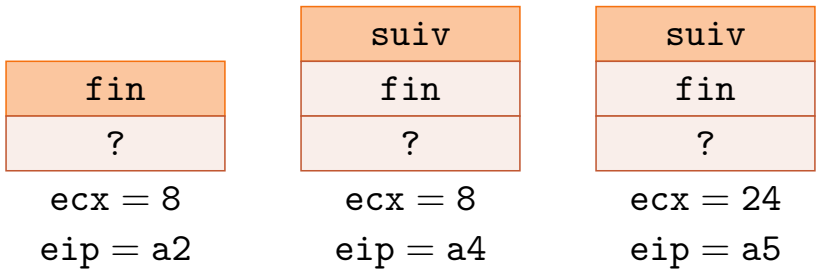
Considérons la suite d'instructions suivante et observons l'état de la pile et de l'exécution.




```
    a1   mov ecx, 8
→   a2   call loin
    a3   suiv: add ecx, 24
    a4   loin: add ecx, 16
    a5   ret
         ...
    a6   fin:
```

Exemple d'utilisation `call` / `ret`

Considérons la suite d'instructions suivante et observons l'état de la pile et de l'exécution.

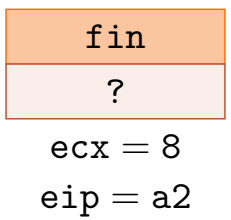


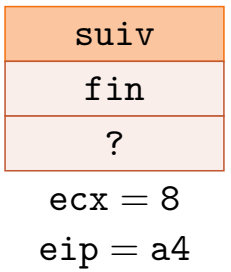

```
    a1   mov ecx, 8
    a2   call loin
    a3   suiv: add ecx, 24
→   a4   loin: add ecx, 16
    a5   ret
         ...
    a6   fin:
```

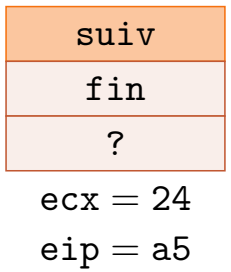
Exemple d'utilisation `call` / `ret`

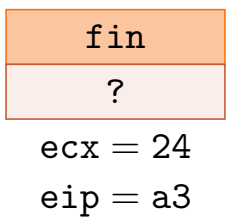
Considérons la suite d'instructions suivante et observons l'état de la pile et de l'exécution.

```
    a1   mov ecx, 8
    a2   call loin
    a3   suiv: add ecx, 24
    a4   loin: add ecx, 16
→   a5   ret
         ...
    a6   fin:
```





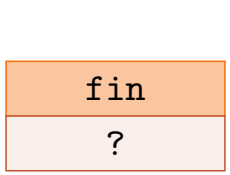




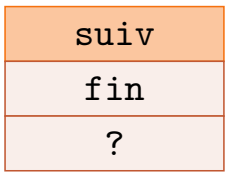
Exemple d'utilisation `call` / `ret`

Considérons la suite d'instructions suivante et observons l'état de la pile et de l'exécution.

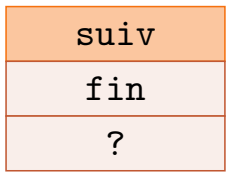
```
    a1   mov ecx, 8
    a2   call loin
→   a3   suiv: add ecx, 24
    a4   loin: add ecx, 16
    a5   ret
         ...
    a6   fin:
```



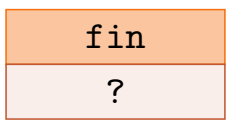
ecx = 8
eip = a2



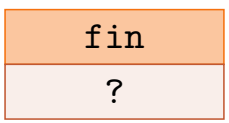
ecx = 8
eip = a4



ecx = 24
eip = a5



ecx = 24
eip = a3

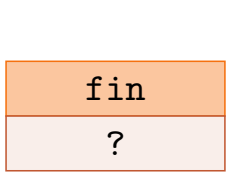


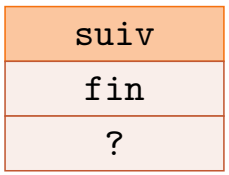
ecx = 48
eip = a4

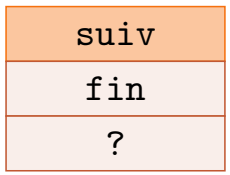
Exemple d'utilisation `call` / `ret`

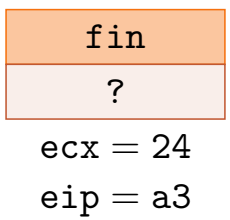
Considérons la suite d'instructions suivante et observons l'état de la pile et de l'exécution.

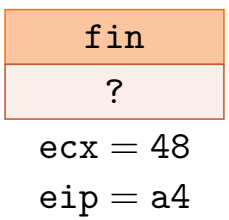
```
     a1   mov ecx, 8
     a2   call loin
     a3   suiv: add ecx, 24
→    a4   loin: add ecx, 16
     a5   ret
          ...
     a6   fin:
```

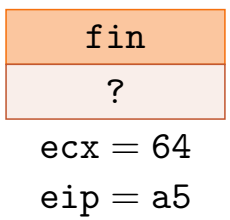








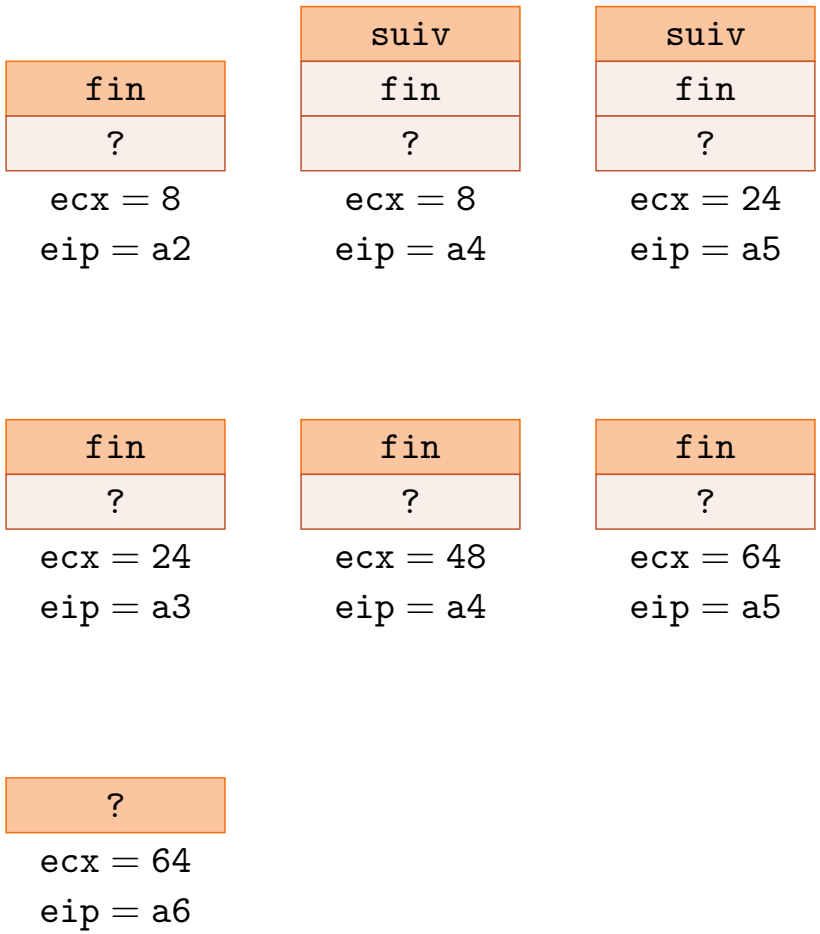




Exemple d'utilisation `call` / `ret`

Considérons la suite d'instructions suivante et observons l'état de la pile et de l'exécution.

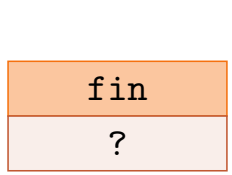
```
    a1   mov ecx, 8
    a2   call loin
    a3   suiv: add ecx, 24
    a4   loin: add ecx, 16
→   a5   ret
         ...
    a6   fin:
```



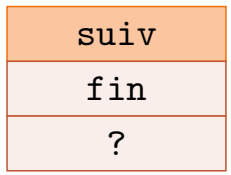
Exemple d'utilisation `call` / `ret`

Considérons la suite d'instructions suivante et observons l'état de la pile et de l'exécution.

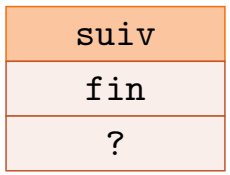
```
    a1   mov ecx, 8
    a2   call loin
    a3   suiv: add ecx, 24
    a4   loin: add ecx, 16
    a5   ret
         ...
→   a6   fin:
```



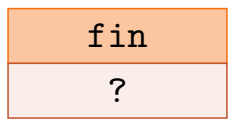
ecx = 8
eip = a2



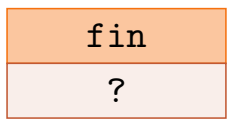
ecx = 8
eip = a4



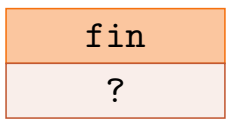
ecx = 24
eip = a5



ecx = 24
eip = a3



ecx = 48
eip = a4

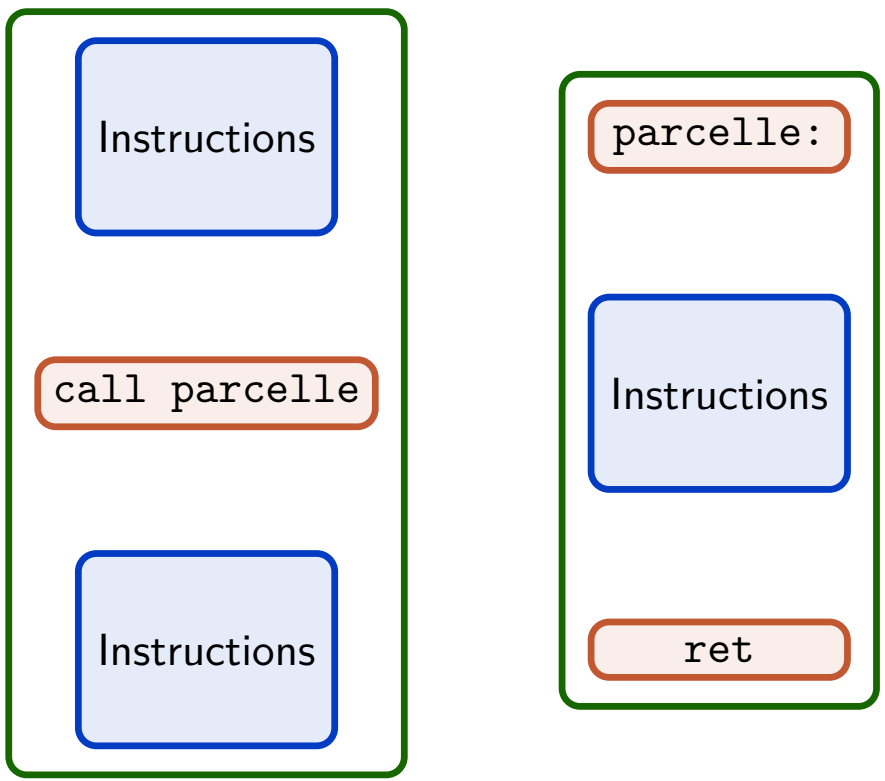


ecx = 64
eip = a5

ecx = 64
eip = a6

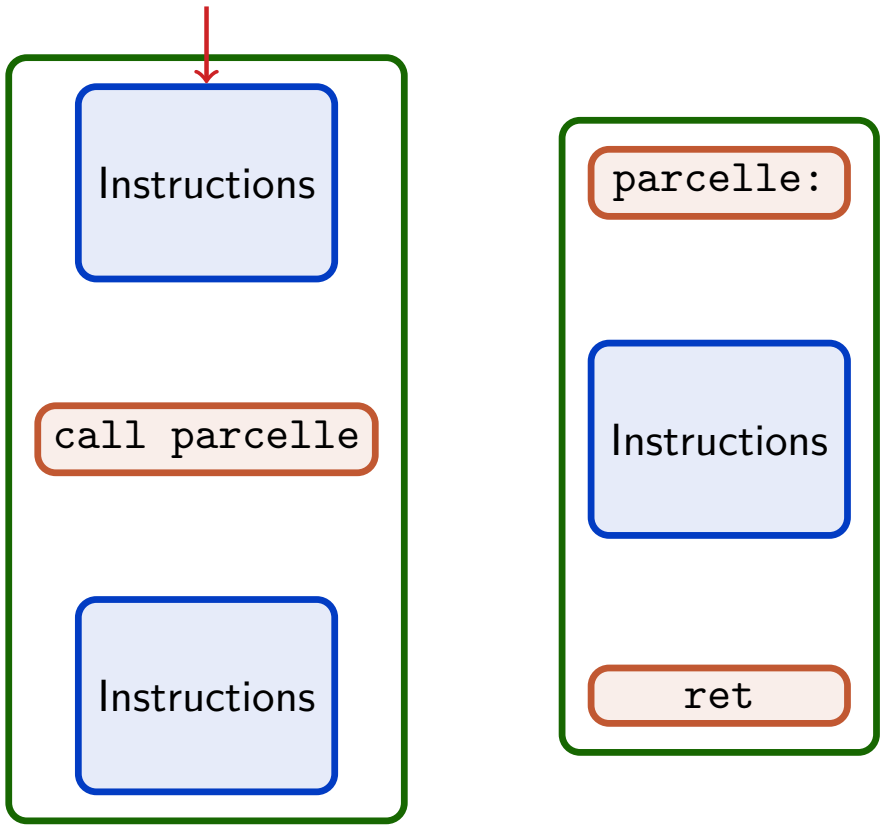
Exemple d'utilisation `call` / `ret`

Schématiquement, voici l'action produite sur l'exécution d'un programme par le couple `call` / `ret` :



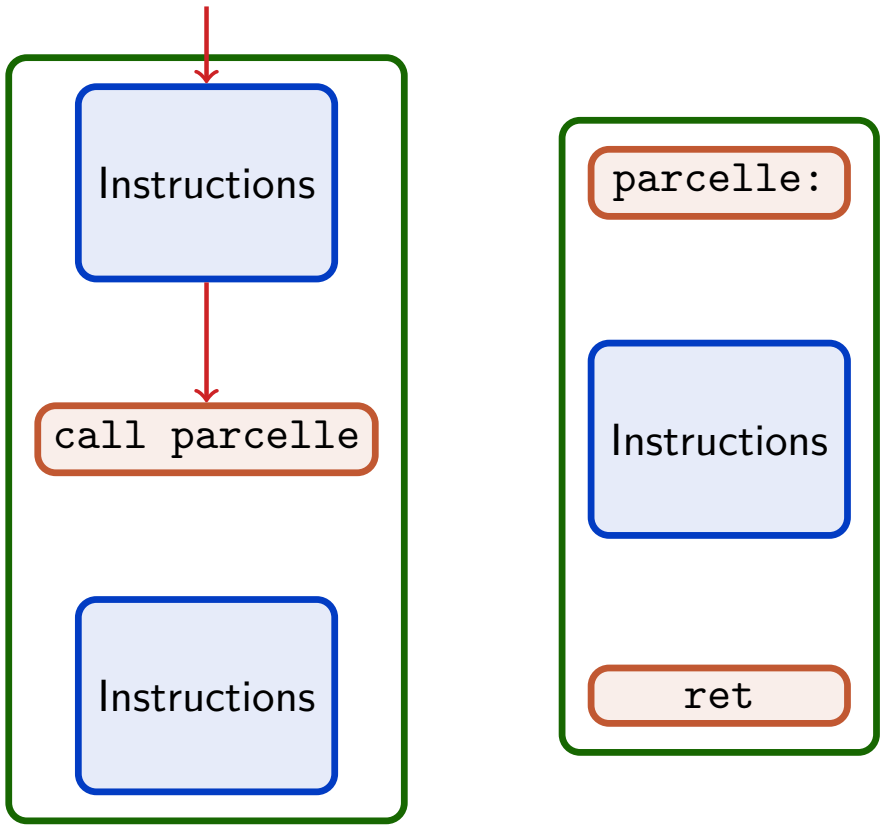
Exemple d'utilisation `call` / `ret`

Schématiquement, voici l'action produite sur l'exécution d'un programme par le couple `call` / `ret` :



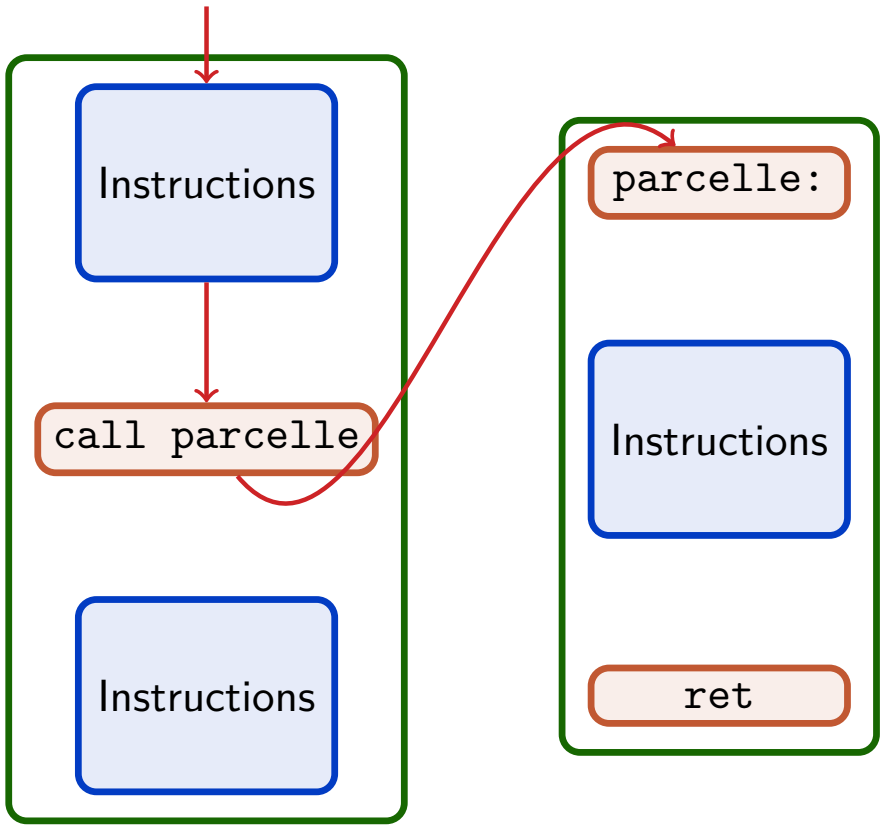
Exemple d'utilisation `call` / `ret`

Schématiquement, voici l'action produite sur l'exécution d'un programme par le couple `call` / `ret` :



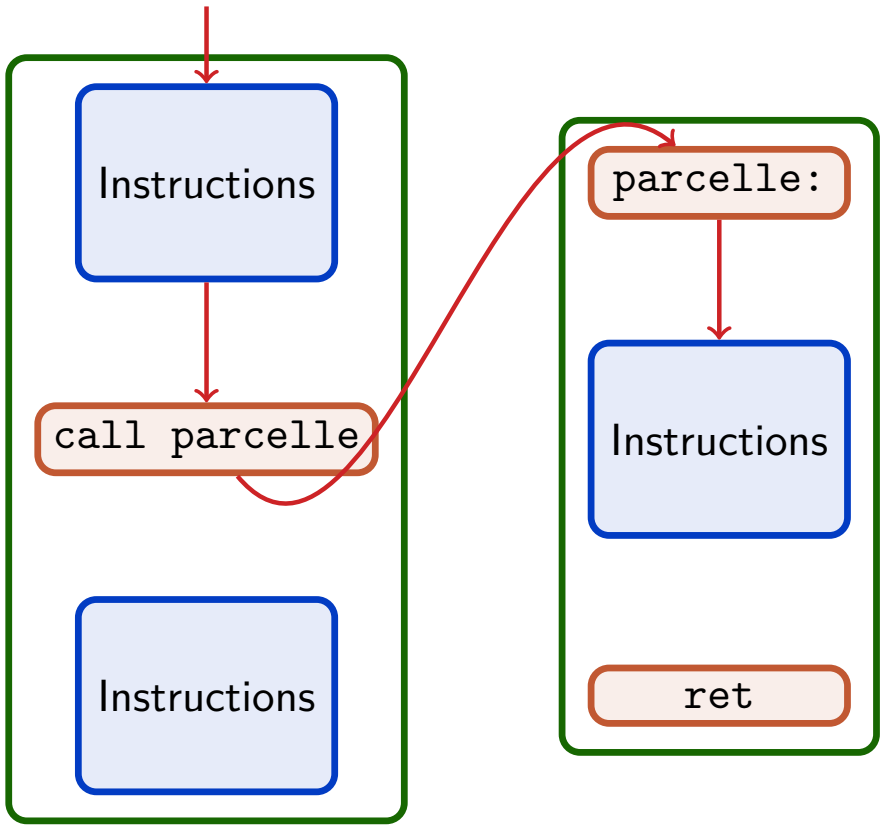
Exemple d'utilisation `call` / `ret`

Schématiquement, voici l'action produite sur l'exécution d'un programme par le couple `call` / `ret` :



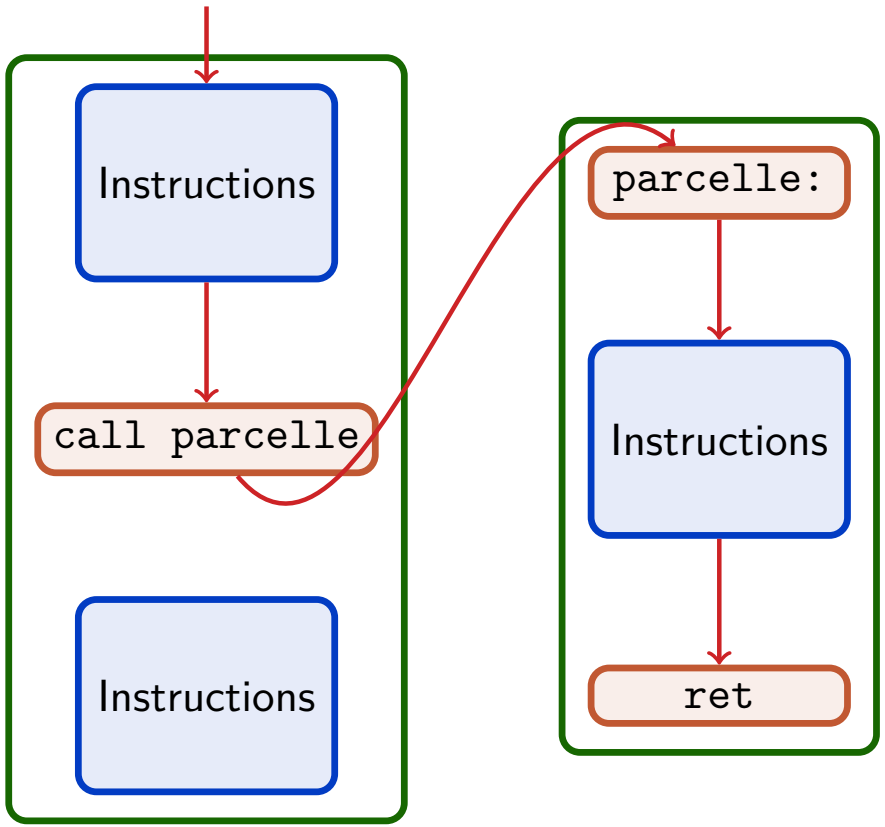
Exemple d'utilisation `call` / `ret`

Schématiquement, voici l'action produite sur l'exécution d'un programme par le couple `call` / `ret` :



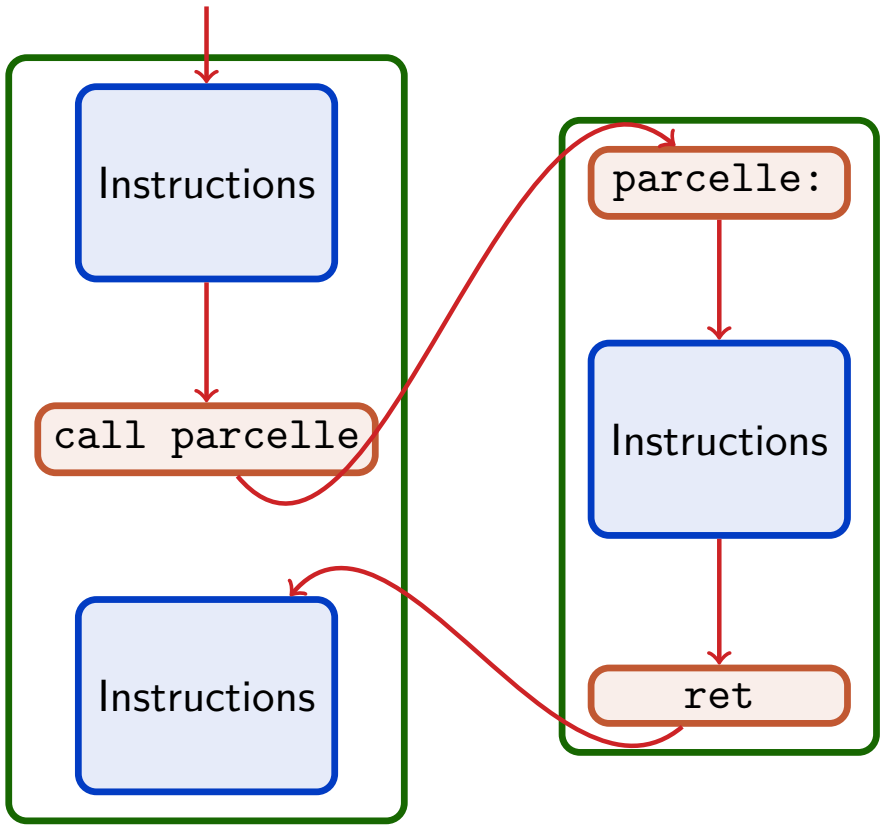
Exemple d'utilisation `call` / `ret`

Schématiquement, voici l'action produite sur l'exécution d'un programme par le couple `call` / `ret` :



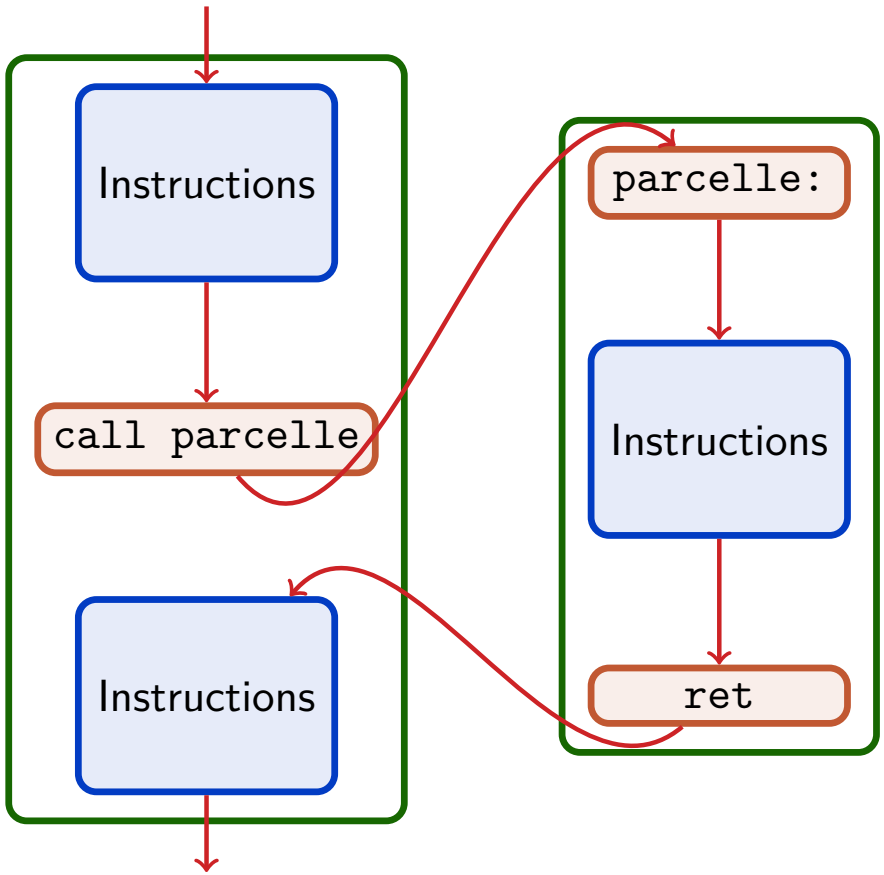
Exemple d'utilisation `call` / `ret`

Schématiquement, voici l'action produite sur l'exécution d'un programme par le couple `call` / `ret` :



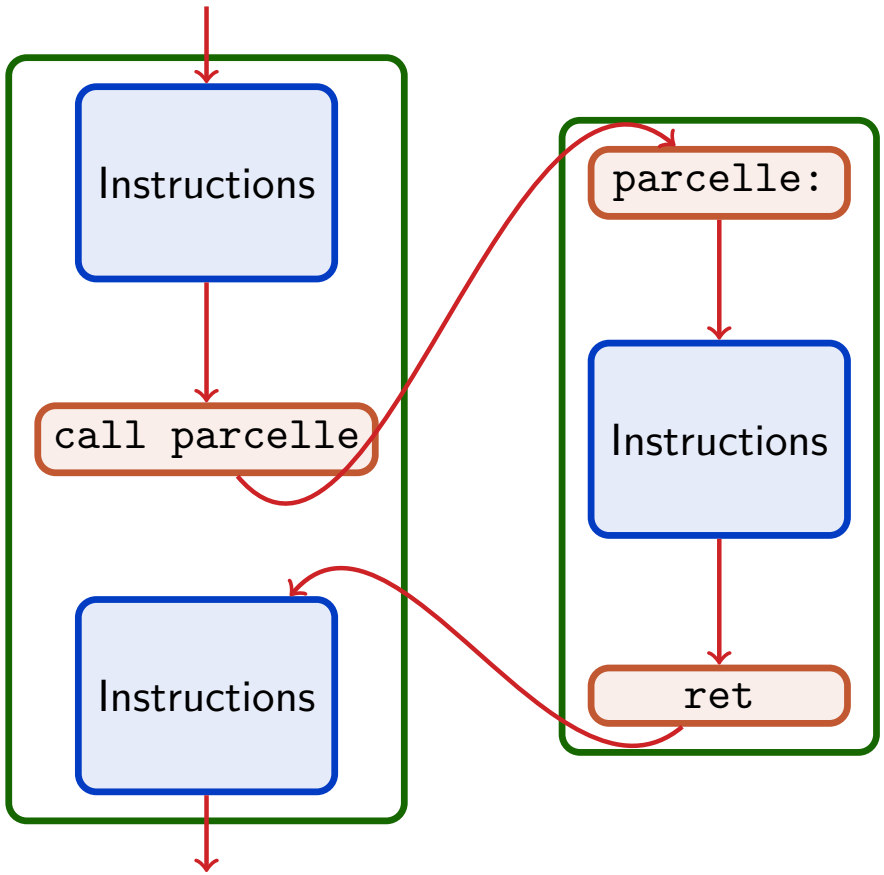
Exemple d'utilisation `call` / `ret`

Schématiquement, voici l'action produite sur l'exécution d'un programme par le couple `call` / `ret` :



Exemple d'utilisation `call` / `ret`

Schématiquement, voici l'action produite sur l'exécution d'un programme par le couple `call` / `ret` :



Attention : le retour à l'endroit du code attendu par l'instruction `ret` n'est correct que si l'état de la pile à l'étiquette `parcelle` est le même que celui juste avant le `ret`.

Fonctions

L'écriture de fonctions respecte des conventions, dites conventions d'appel du C.

Fonctions

L'écriture de fonctions respecte des conventions, dites conventions d'appel du C. Ceci consiste en le respect des points suivants :

1. les **arguments** d'une fonction sont passés, avant son appel, dans la **pile** en les empilant ;

Fonctions

L'écriture de fonctions respecte des conventions, dites conventions d'appel du C. Ceci consiste en le respect des points suivants :

1. les **arguments** d'une fonction sont passés, avant son appel, dans la **pile** en les empilant ;
2. le **résultat** d'une fonction est renvoyé en l'écrivant dans le registre `eax` ;

Fonctions

L'écriture de fonctions respecte des conventions, dites conventions d'appel du C. Ceci consiste en le respect des points suivants :

1. les **arguments** d'une fonction sont passés, avant son appel, dans la **pile** en les empilant ;
2. le **résultat** d'une fonction est renvoyé en l'écrivant dans le registre `eax` ;
3. les **valeurs des registres de travail** `ebx`, `ecx` et `edx` doivent être dans le **même état** avant l'appel et après l'appel d'une fonction ;

Fonctions

L'écriture de fonctions respecte des conventions, dites conventions d'appel du C. Ceci consiste en le respect des points suivants :

1. les **arguments** d'une fonction sont passés, avant son appel, dans la **pile** en les empilant ;
2. le **résultat** d'une fonction est renvoyé en l'écrivant dans le registre `eax` ;
3. les **valeurs des registres de travail** `ebx`, `ecx` et `edx` doivent être dans le **même état** avant l'appel et après l'appel d'une fonction ;
4. la **pile** doit être dans le **même état** avant l'appel et après l'appel d'une fonction. Ceci signifie que l'état des pointeurs `esp` et `ebp` sont conservés et que le contenu de la pile qui suit l'adresse `esp` est également conservé.

Fonctions

L'écriture de fonctions respecte des conventions, dites conventions d'appel du C. Ceci consiste en le respect des points suivants :

1. les **arguments** d'une fonction sont passés, avant son appel, dans la **pile** en les empilant ;
2. le **résultat** d'une fonction est renvoyé en l'écrivant dans le registre `eax` ;
3. les **valeurs des registres de travail** `ebx`, `ecx` et `edx` doivent être dans le **même état** avant l'appel et après l'appel d'une fonction ;
4. la **pile** doit être dans le **même état** avant l'appel et après l'appel d'une fonction. Ceci signifie que l'état des pointeurs `esp` et `ebp` sont conservés et que le contenu de la pile qui suit l'adresse `esp` est également conservé.

Note : le point 2 n'est pas obligatoire à suivre.

Fonctions

L'**écriture** d'une fonction suit le squelette

```
NOM_FCT:
    push ebp
    mov ebp, esp
    INSTR
    pop ebp
    ret
```

Ici, `NOM_FCT` est une étiquette d'instruction qui fait d'office de nom pour la fonction. De plus, `INSTR` est un bloc d'instructions.

Il est primordial que `INSTR` **conserve l'état de la pile**.

Fonctions

L'**écriture** d'une fonction suit le squelette

```
NOM_FCT:
    push ebp
    mov ebp, esp
    INSTR
    pop ebp
    ret
```

Ici, `NOM_FCT` est une étiquette d'instruction qui fait d'office de nom pour la fonction. De plus, `INSTR` est un bloc d'instructions.

Il est primordial que `INSTR` **conserve l'état de la pile**.

L'**appel** d'une fonction se fait par

```
push ARG_N
...
push ARG_1

call NOM_FCT

add esp, 4 * N
```

Ici, `NOM_FCT` est le nom de la fonction à appeler. Elle admet `N` arguments qui sont **empilés du dernier au premier**.

Après l'appel, on incrémente `esp` pour dépiler d'un coup les `N` arguments de la fonction.

Fonctions

Analysons l'état de la pile, étape par étape, lors de l'appel d'une fonction.

```
push ARG_N
...
push ARG_1
call NOM_FCT
ADD esp, 4 * N
```

```
NOM_FCT:
    push ebp
    mov ebp, esp
    INSTR
    pop ebp
    ret
```

Légende : en orange, la zone de la pile pointée par esp, en violet, la zone de la pile pointée par ebp, a_ret est l'adresse de l'instr. qui suit le call.

Fonctions

Analysons l'état de la pile, étape par étape, lors de l'appel d'une fonction.

→

```
    push ARG_N
    ...
    push ARG_1
    call NOM_FCT
    ADD esp, 4 * N
```

```
NOM_FCT:
    push ebp
    mov ebp, esp
    INSTR
    pop ebp
    ret
```

Légende : en orange, la zone de la pile pointée par esp, en violet, la zone de la pile pointée par ebp, a_ret est l'adresse de l'instr. qui suit le call.

?

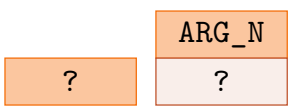
Fonctions

Analysons l'état de la pile, étape par étape, lors de l'appel d'une fonction.

```
→   push ARG_N
    ...
    push ARG_1
    call NOM_FCT
    ADD esp, 4 * N
```

```
NOM_FCT:
    push ebp
    mov ebp, esp
    INSTR
    pop ebp
    ret
```

Légende : en orange, la zone de la pile pointée par esp, en violet, la zone de la pile pointée par ebp, a_ret est l'adresse de l'instr. qui suit le call.



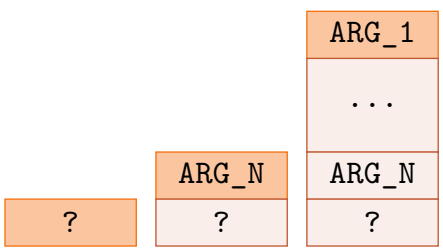
Fonctions

Analysons l'état de la pile, étape par étape, lors de l'appel d'une fonction.

```
        push ARG_N
        ...
→       push ARG_1
        call NOM_FCT
        ADD esp, 4 * N
```

```
NOM_FCT:
    push ebp
    mov ebp, esp
    INSTR
    pop ebp
    ret
```

Légende : en orange, la zone de la pile pointée par esp, en violet, la zone de la pile pointée par ebp, a_ret est l'adresse de l'instr. qui suit le call.



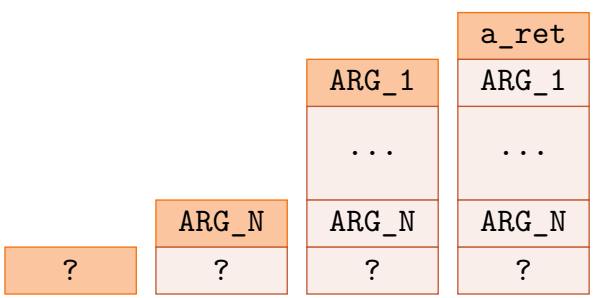
Fonctions

Analysons l'état de la pile, étape par étape, lors de l'appel d'une fonction.

```
        push ARG_N
        ...
        push ARG_1
→       call NOM_FCT
        ADD esp, 4 * N
```

```
NOM_FCT:
    push ebp
    mov ebp, esp
    INSTR
    pop ebp
    ret
```

Légende : en orange, la zone de la pile pointée par esp, en violet, la zone de la pile pointée par ebp, a_ret est l'adresse de l'instr. qui suit le call.

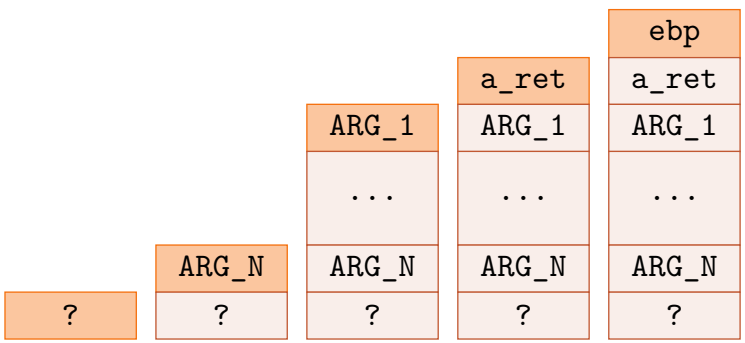


Fonctions

Analysons l'état de la pile, étape par étape, lors de l'appel d'une fonction.

```
push ARG_N                    →    NOM_FCT:
...                                    push ebp
push ARG_1                             mov ebp, esp
call NOM_FCT                           INSTR
ADD esp, 4 * N                         pop ebp
                                       ret
```

Légende : en orange, la zone de la pile pointée par esp, en violet, la zone de la pile pointée par ebp, a_ret est l'adresse de l'instr. qui suit le call.



Fonctions

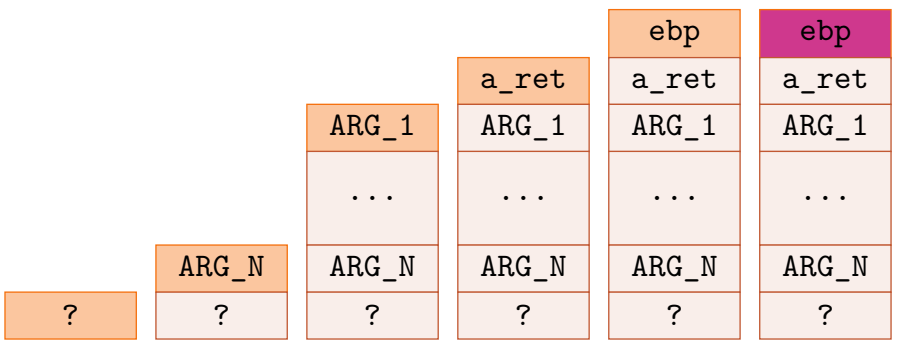
Analysons l'état de la pile, étape par étape, lors de l'appel d'une fonction.

```
push ARG_N
...
push ARG_1
call NOM_FCT
ADD esp, 4 * N
```

→

```
NOM_FCT:
    push ebp
    mov ebp, esp
    INSTR
    pop ebp
    ret
```

Légende : en orange, la zone de la pile pointée par esp, en violet, la zone de la pile pointée par ebp, a_ret est l'adresse de l'instr. qui suit le call.



Fonctions

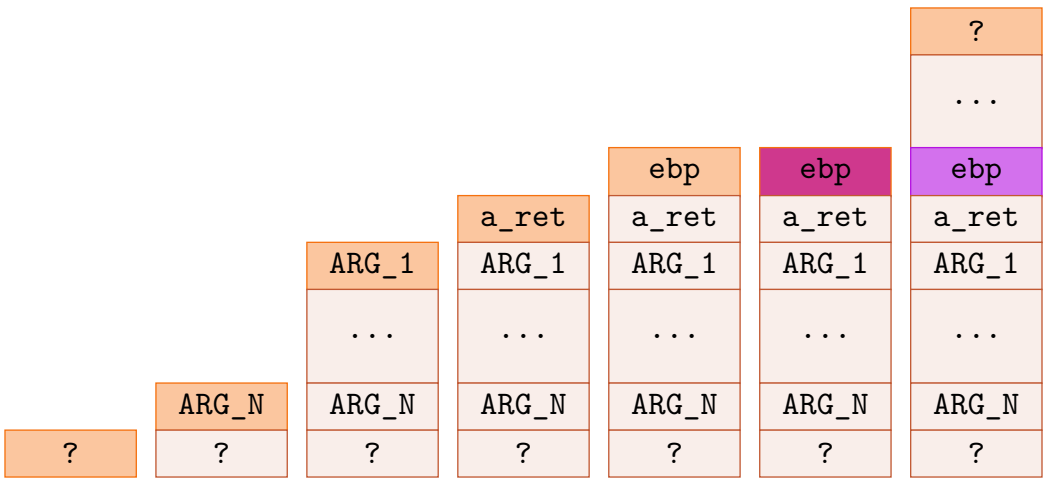
Analysons l'état de la pile, étape par étape, lors de l'appel d'une fonction.

```
push ARG_N
...
push ARG_1
call NOM_FCT
ADD esp, 4 * N
```

→

```
NOM_FCT:
    push ebp
    mov ebp, esp
    INSTR
    pop ebp
    ret
```

Légende : en orange, la zone de la pile pointée par esp, en violet, la zone de la pile pointée par ebp, a_ret est l'adresse de l'instr. qui suit le `call`.



Fonctions

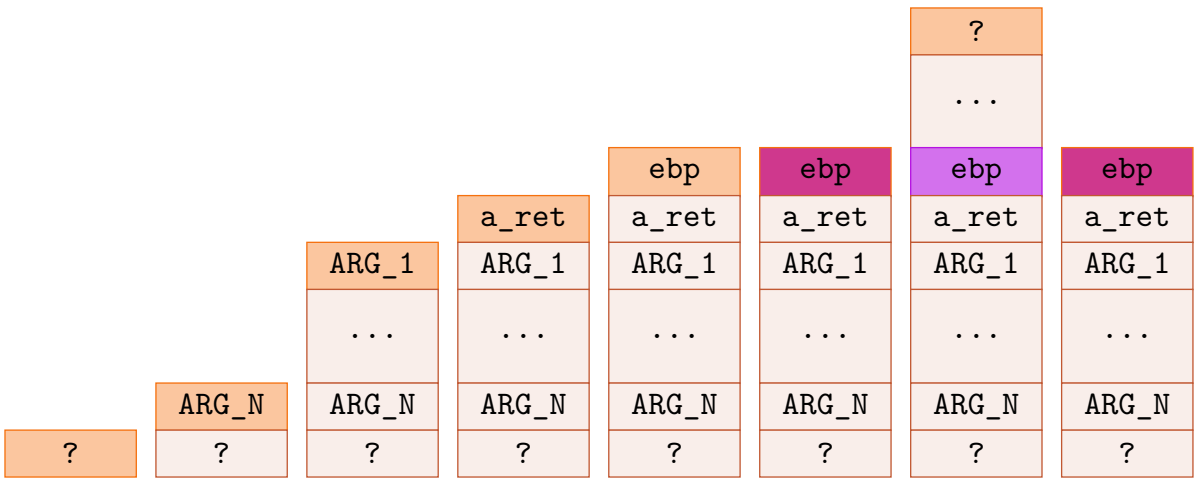
Analysons l'état de la pile, étape par étape, lors de l'appel d'une fonction.

```
push ARG_N
...
push ARG_1
call NOM_FCT
ADD esp, 4 * N
```

→

```
NOM_FCT:
    push ebp
    mov ebp, esp
    INSTR
    pop ebp
    ret
```

Légende : en orange, la zone de la pile pointée par esp, en violet, la zone de la pile pointée par ebp, a_ret est l'adresse de l'instr. qui suit le call.



Fonctions

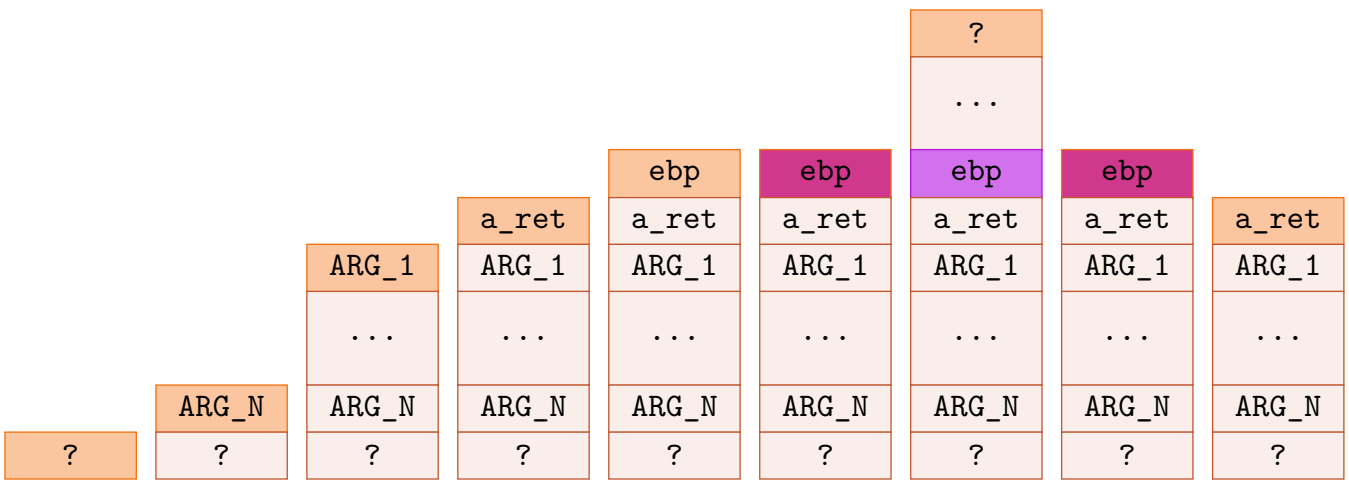
Analysons l'état de la pile, étape par étape, lors de l'appel d'une fonction.

```
push ARG_N
...
push ARG_1
call NOM_FCT
ADD esp, 4 * N
```

→

```
NOM_FCT:
    push ebp
    mov ebp, esp
    INSTR
    pop ebp
    ret
```

Légende : en orange, la zone de la pile pointée par esp, en violet, la zone de la pile pointée par ebp, a_ret est l'adresse de l'instr. qui suit le `call`.



Fonctions

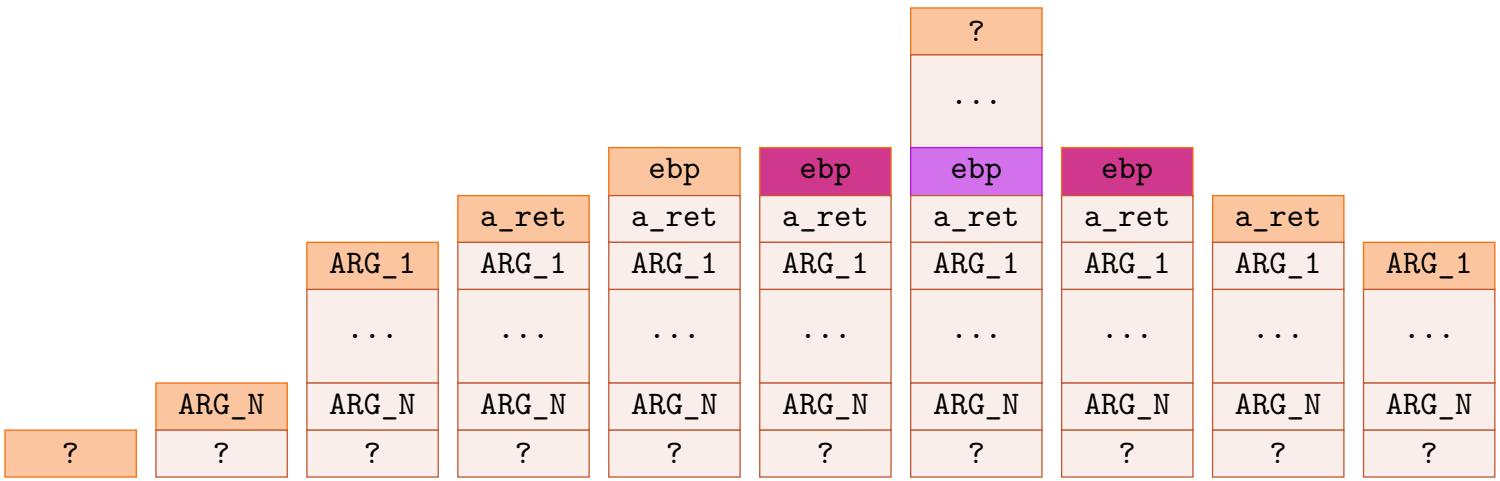
Analysons l'état de la pile, étape par étape, lors de l'appel d'une fonction.

```
push ARG_N
...
push ARG_1
call NOM_FCT
ADD esp, 4 * N
```

→

```
NOM_FCT:
    push ebp
    mov ebp, esp
    INSTR
    pop ebp
    ret
```

Légende : en orange, la zone de la pile pointée par esp, en violet, la zone de la pile pointée par ebp, a_ret est l'adresse de l'instr. qui suit le call.



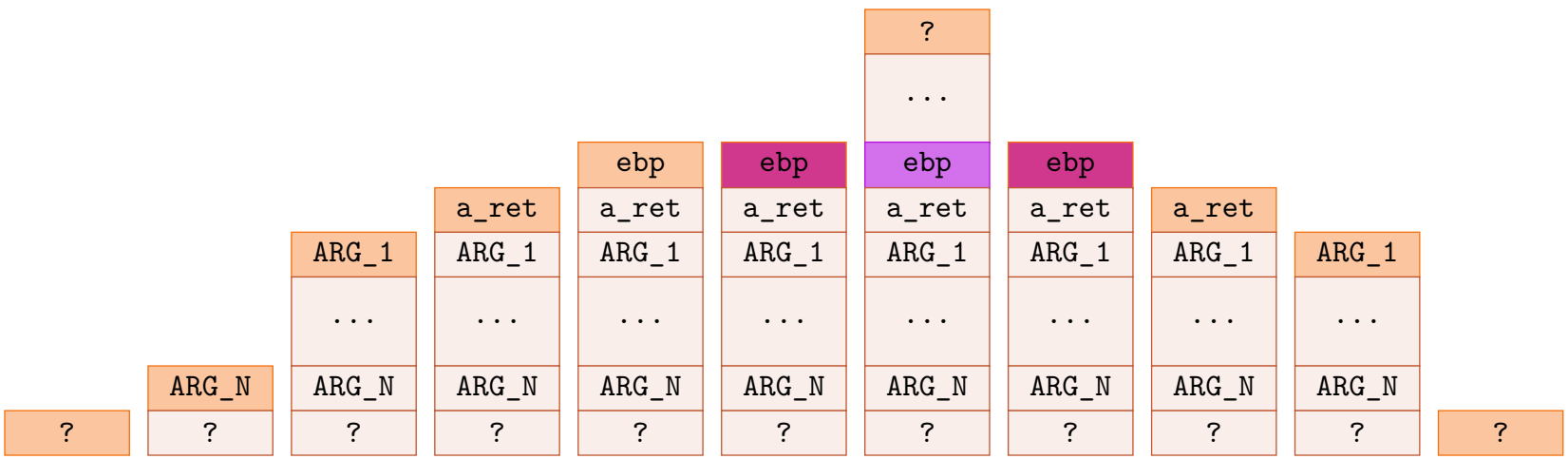
Fonctions

Analysons l'état de la pile, étape par étape, lors de l'appel d'une fonction.

```
        push ARG_N
        ...
        push ARG_1
        call NOM_FCT
→       ADD esp, 4 * N
```

```
NOM_FCT:
    push ebp
    mov ebp, esp
    INSTR
    pop ebp
    ret
```

Légende : en orange, la zone de la pile pointée par esp, en violet, la zone de la pile pointée par ebp, a_ret est l'adresse de l'instr. qui suit le call.



Fonctions

On observe que :

- l'état de la pile est conservé avant et après l'appel à la fonction si et seulement si les instructions de `INSTR` le préservent ;

Fonctions

On observe que :

- l'état de la pile est conservé avant et après l'appel à la fonction si et seulement si les instructions de `INSTR` le préservent ;
- dans `INSTR`, il est néanmoins possible d'empiler et de dépiler des valeurs dans la pile. Ce qui est important est qu'il y ait autant de de valeurs empilées que de valeurs dépilées ;

Fonctions

On observe que :

- l'état de la pile est conservé avant et après l'appel à la fonction si et seulement si les instructions de `INSTR` le préservent ;
- dans `INSTR`, il est néanmoins possible d'empiler et de dépiler des valeurs dans la pile. Ce qui est important est qu'il y ait autant de de valeurs empilées que de valeurs dépilées ;
- ainsi, la valeur de `esp` est susceptible de changer dans `INSTR`. C'est pour cela que l'on sauvegarde sa valeur, à l'entrée de la fonction, dans `ebp` ;

Fonctions

On observe que :

- l'état de la pile est conservé avant et après l'appel à la fonction si et seulement si les instructions de `INSTR` le préservent ;
- dans `INSTR`, il est néanmoins possible d'empiler et de dépiler des valeurs dans la pile. Ce qui est important est qu'il y ait autant de de valeurs empilées que de valeurs dépilées ;
- ainsi, la valeur de `esp` est susceptible de changer dans `INSTR`. C'est pour cela que l'on sauvegarde sa valeur, à l'entrée de la fonction, dans `ebp` ;
- le registre `ebp` sert, dans `INSTR`, à accéder aux arguments. En effet, l'adresse du 1er argument est `ebp + 8`, celle du 2e est `ebp + 12` et plus généralement, celle du `i`e argument est

```
ebp + 4 * (i + 1)
```

Fonctions

On observe que :

- l'état de la pile est conservé avant et après l'appel à la fonction si et seulement si les instructions de `INSTR` le préservent ;
- dans `INSTR`, il est néanmoins possible d'empiler et de dépiler des valeurs dans la pile. Ce qui est important est qu'il y ait autant de de valeurs empilées que de valeurs dépilées ;
- ainsi, la valeur de `esp` est susceptible de changer dans `INSTR`. C'est pour cela que l'on sauvegarde sa valeur, à l'entrée de la fonction, dans `ebp` ;
- le registre `ebp` sert, dans `INSTR`, à accéder aux arguments. En effet, l'adresse du 1er argument est `ebp + 8`, celle du 2e est `ebp + 12` et plus généralement, celle du `i`e argument est

  `ebp + 4 * (i + 1)`
- on sauvegarde et on restaure tout de même, par un `push ebp` / `pop ebp` l'état `ebp` à l'entrée de la fonction. Ce même mécanisme peut être utilisé pour sauvegarder / restaurer l'état des registres de travail.

Fonctions — exemple 1

Voici un exemple de fonction :

```
; Fonction qui renvoie la somme de deux
; entiers
; Arguments :
;       (1) une valeur entière signée
;       sur 4 octets
;       (2) une valeur entière signée
;       sur 4 octets
; Renvoi : la somme des deux
; arguments
somme:
    push ebp
    mov ebp, esp

    mov eax, [ebp + 8]
    add eax, [ebp + 12]

    pop ebp
    ret
```

Fonctions — exemple 1

Voici un exemple de fonction :

```
; Fonction qui renvoie la somme de deux
; entiers
; Arguments :
;       (1) une valeur entière signée
;       sur 4 octets
;       (2) une valeur entière signée
;       sur 4 octets
; Renvoi : la somme des deux
; arguments
somme:
    push ebp
    mov ebp, esp

    mov eax, [ebp + 8]
    add eax, [ebp + 12]

    pop ebp
    ret
```

Pour calculer dans eax la somme de $(43)_{\text{dix}}$ et $(1996)_{\text{dix}}$, on utilise

```
push 1996
push 43
call somme
add esp, 8
```

Fonctions — exemple 1

Voici un exemple de fonction :

```
; Fonction qui renvoie la somme de deux
; entiers
; Arguments :
;       (1) une valeur entière signée
;       sur 4 octets
;       (2) une valeur entière signée
;       sur 4 octets
; Renvoi : la somme des deux
; arguments
somme:
    push ebp
    mov ebp, esp

    mov eax, [ebp + 8]
    add eax, [ebp + 12]

    pop ebp

    ret
```

Pour calculer dans eax la somme de $(43)_{\text{dix}}$ et $(1996)_{\text{dix}}$, on utilise

```
push 1996
push 43
call somme
add esp, 8
```

Rappel 1 : on empile les arguments dans l'ordre inverse de ce que la fonction attend.

Fonctions — exemple 1

Voici un exemple de fonction :

```
; Fonction qui renvoie la somme de deux
; entiers
; Arguments :
;       (1) une valeur entière signée
;       sur 4 octets
;       (2) une valeur entière signée
;       sur 4 octets
; Renvoi : la somme des deux
; arguments
somme:
    push ebp
    mov ebp, esp

    mov eax, [ebp + 8]
    add eax, [ebp + 12]

    pop ebp
    ret
```

Pour calculer dans eax la somme de $(43)_{\text{dix}}$ et $(1996)_{\text{dix}}$, on utilise

```
push 1996
push 43
call somme
add esp, 8
```

Rappel 1 : on empile les arguments dans l'ordre inverse de ce que la fonction attend.

Rappel 2 : on ajoute 8 a esp après l'appel pour dépiler d'un seul coup les deux arguments ($8 = 2 \times 4$).

Fonctions — exemple 2

```
; Fonction qui affiche un
; caractere
; Arguments :
;       (1) valeur du
;       caractere a afficher.
; Renvoi : rien.
```

Fonctions — exemple 2

```
; Fonction qui affiche un
; caractere
; Arguments :
;       (1) valeur du
;       caractere a afficher.
; Renvoi : rien.

print_char:
 ; Debut
    push ebp
    mov ebp, esp
```

```
; Fin
    pop ebp
    ret
```

Fonctions — exemple 2

```
; Fonction qui affiche un
; caractere
; Arguments :
;       (1) valeur du
;       caractere a afficher.
; Renvoi : rien.

print_char:
 ; Debut
    push ebp
    mov ebp, esp
```

```
; Affichage
    mov ebx, 1
    mov ecx, ebp
    add ecx, 8
    mov edx, 1
    mov eax, 4
    int 0x80
```

```
; Fin
    pop ebp
    ret
```

Fonctions — exemple 2

```
; Fonction qui affiche un
; caractere
; Arguments :
;       (1) valeur du
;       caractere a afficher.
; Renvoi : rien.

print_char:
 ; Debut
    push ebp
    mov ebp, esp

 ; Sauv. des reg.
    push eax
    push ebx
    push ecx
    push edx

 ; Affichage
    mov ebx, 1
    mov ecx, ebp
    add ecx, 8
    mov edx, 1
    mov eax, 4
    int 0x80

 ; Rest. des reg.
    pop edx
    pop ecx
    pop ebx
    pop eax

 ; Fin
    pop ebp
    ret
```

Fonctions — exemple 3

```
; Fonction qui affiche une
; chaine de caracteres
; Arguments :
;       (1) adresse de la
;       chaine de caracteres.
; Renvoi : nbr carac. aff.
```

Fonctions — exemple 3

```
; Fonction qui affiche une
; chaine de caracteres
; Arguments :
;       (1) adresse de la
;       chaine de caracteres.
; Renvoi : nbr carac. aff.

print_string:
 ; Debut
    push ebp
    mov ebp, esp
```

```
; Fin
    pop ebp
    ret
```

Fonctions — exemple 3

```
; Fonction qui affiche une
; chaine de caracteres
; Arguments :
;       (1) adresse de la
;       chaine de caracteres.
; Renvoi : nbr carac. aff.

print_string:
 ; Debut
    push ebp
    mov ebp, esp



 ; Adresse debut chaine
    mov ebx, [ebp + 8]
```

```
; Fin
    pop ebp
    ret
```

Fonctions — exemple 3

```
; Fonction qui affiche une
; chaine de caracteres
; Arguments :
;       (1) adresse de la
;       chaine de caracteres.
; Renvoi : nbr carac. aff.

print_string:
 ; Debut
    push ebp
    mov ebp, esp


 ; Adresse debut chaine
    mov ebx, [ebp + 8]

 ; Init. compteur
    mov eax, 0
```

```
 ; Fin
    pop ebp
    ret
```

Fonctions — exemple 3

```
; Fonction qui affiche une
; chaine de caracteres
; Arguments :
;       (1) adresse de la
;       chaine de caracteres.
; Renvoi : nbr carac. aff.

print_string:
 ; Debut
    push ebp
    mov ebp, esp


 ; Adresse debut chaine
    mov ebx, [ebp + 8]

 ; Init. compteur
    mov eax, 0
```

```
; Boucle d'affichage
    boucle:
        cmp byte [ebx], 0
        je fin_boucle
        push dword [ebx]
        call print_char
        add esp, 4
        add ebx, 1
        add eax, 1
        jmp boucle
    fin_boucle:


; Fin
    pop ebp
    ret
```

Fonctions — exemple 3

```
; Fonction qui affiche une
; chaine de caracteres
; Arguments :
;       (1) adresse de la
;       chaine de caracteres.
; Renvoi : nbr carac. aff.

print_string:
; Debut
    push ebp
    mov ebp, esp

; Sauv. des reg.
    push ebx

; Adresse debut chaine
    mov ebx, [ebp + 8]

; Init. compteur
    mov eax, 0

; Boucle d'affichage
    boucle:
        cmp byte [ebx], 0
        je fin_boucle
        push dword [ebx]
        call print_char
        add esp, 4
        add ebx, 1
        add eax, 1
        jmp boucle
    fin_boucle:

; Fin
    pop ebp
    ret
```

Fonctions — exemple 3

```
; Fonction qui affiche une
; chaine de caracteres
; Arguments :
;       (1) adresse de la
;       chaine de caracteres.
; Renvoi : nbr carac. aff.

print_string:
 ; Debut
    push ebp
    mov ebp, esp

 ; Sauv. des reg.
    push ebx

 ; Adresse debut chaine
    mov ebx, [ebp + 8]

 ; Init. compteur
    mov eax, 0

 ; Boucle d'affichage
    boucle:
        cmp byte [ebx], 0
        je fin_boucle
        push dword [ebx]
        call print_char
        add esp, 4
        add ebx, 1
        add eax, 1
        jmp boucle
    fin_boucle:

; Rest. des reg.
    pop ebx

; Fin
    pop ebp
    ret
```

Fonctions — exemple 3

On souhaite écrire une fonction pour calculer récursivement le n^{e} nombre triangulaire $\text{triangle}(n)$ défini par

$$\text{triangle}(n) := \begin{cases} 0 & \text{si } n = 0, \\ n + \text{triangle}(n-1) & \text{sinon.} \end{cases}$$

```
; Fonction de calcul de
; nombres triangulaires.
; Arguments :
;   (1) entier positif
; Renvoi : le nombre
; triangulaire de l'arg.
triangle:

    ; Debut
    push ebp
    mov ebp, esp

    ; Sauv. des reg.
    push ebx
    push ecx
    push edx

    ; Sauv. de l'arg.
    mov ebx, [ebp + 8]

    cmp ebx, 0
    je cas_terminal
    cas_non_terminal:

        ; Prepa. appel rec.
        mov ecx, ebx
        sub ecx, 1

        ; Appel rec.
        push ecx
        call triangle
        add esp, 4

        ; Calcul res.
        add eax, ebx

        jmp fin

    cas_terminal:
        mov eax, 0

    fin:
    ; Rest. des reg.
    pop edx
    pop ecx
    pop ebx

    ; Fin
    pop ebp
    ret
```

Fonctions — exemple 4

On souhaite écrire une fonction pour calculer récursivement la factorielle $\mathrm{fact}(n)$ de tout entier positif n. On rappelle que $\mathrm{fact}(n)$ est défini par

$$\mathrm{fact}(n) := \begin{cases} 1 & \text{si } n = 0, \\ n \times \mathrm{fact}(n-1) & \text{sinon.} \end{cases}$$

```
; Fonction de calcul de
; la factorielle
; Arguments :
;   (1) entier positif
; Renvoi : la factorielle
; de l'argument
fact:

    ; Debut
    push ebp
    mov ebp, esp

    ; Sauv. des reg.
    push ebx
    push ecx
    push edx

    ; Sauv. de l'arg.
    mov ebx, [ebp + 8]

    cmp ebx, 0
    je cas_terminal
    cas_non_terminal:

        ; Prepa. appel rec.
        mov ecx, ebx
        sub ecx, 1

        ; Appel rec.
        push ecx
        call fact
        add esp, 4

        ; Calcul res.
        mul ebx

        jmp fin

    cas_terminal:
        mov eax, 1

    fin:
    ; Rest. des reg.
    pop edx
    pop ecx
    pop ebx

    ; Fin
    pop ebp
    ret
```

Fonctions — exemple 5

On souhaite écrire une fonction pour calculer récursivement le n^{e} nombre de Fibonacci $\mathrm{fibo}(n)$. On rappelle que $\mathrm{fibo}(n)$ est défini par

$$\mathrm{fibo}(n) := \begin{cases} n & \text{si } n \leqslant 1, \\ \mathrm{fibo}(n-1) + \mathrm{fibo}(n-2) & \text{sinon.} \end{cases}$$

```
; Fonction de calcul de
; nombres de Fibonacci
; Arguments :
;    (1) entier positif
; Renvoi : le nombre de
; Fibonacci de l'argument
fibo:
    ; Debut
    push ebp
    mov ebp, esp
    ; Sauv. des reg.
    push ebx
    push ecx
    push edx

    ; Sauvegarde de l'arg.
    mov ebx, [ebp + 8]

    cmp ebx, 1
    jle cas_terminaux

cas_non_terminal :
    ; Prepa. ap. rec. 1
    mov ecx, ebx
    sub ecx, 1
    ; Appel rec. 1
    push ecx
    call fibo
    add esp, 4

    ; Sauv. res. 1 pile
    push eax

    ; Prepa. ap. rec. 2
    mov ecx, ebx
    sub ecx, 2
    ; Appel rec. 1
    push ecx
    call fibo
    add esp, 4

    ; Calcul res.
    pop ebx
    add eax, ebx

    jmp fin

cas_terminaux:
    mov eax, ebx

fin:

    ; Rest. des reg.
    pop edx
    pop ecx
    pop ebx

    pop ebp
    ret
```

Étiquettes locales

Dans un programme complet, il peut être difficile de gérer de nombreuses étiquettes de code.

Il existe pour cette raison la notion d'étiquettes locales, dont la syntaxe de définition et de référence est

```
.ETIQ:
```

Étiquettes locales

Dans un programme complet, il peut être difficile de gérer de nombreuses étiquettes de code.

Il existe pour cette raison la notion d'étiquettes locales, dont la syntaxe de définition et de référence est

`.ETIQ:`

P.ex.,

```
etiq_globale:
    .action:
        INSTR_1
        jmp .action

autre_etiq_globale:
    .action:
        INSTR_2
        jmp .action
```

déclare plusieurs étiquettes de code, dont deux du même nom et locales, `.action`.

Le 1er `jmp` saute à l'instruction correspondant au 1er `.action`, tandis que le 2e `jmp` saute à l'instruction correspondant au 2e `action`.

Programmation modulaire

Il est possible de réaliser des projets en assembleur sur plusieurs fichiers, découpés en modules.

Un module est constitué

- d'un **fichier source** d'extension `.asm` ;
- d'un **fichier d'en-tête** d'extension `.inc`.

Programmation modulaire

Il est possible de réaliser des projets en assembleur sur plusieurs fichiers, découpés en modules.

Un module est constitué

- d'un **fichier source** d'extension `.asm` ;
- d'un **fichier d'en-tête** d'extension `.inc`.

Seul le module qui contient la fonction principale `main` ne dispose pas de fichier d'en-tête.

Programmation modulaire

Il est possible de réaliser des projets en assembleur sur plusieurs fichiers, découpés en modules.

Un module est constitué

- d'un **fichier source** d'extension `.asm` ;
- d'un **fichier d'en-tête** d'extension `.inc`.

Seul le module qui contient la fonction principale `main` ne dispose pas de fichier d'en-tête.

Pour compiler un projet sur plusieurs fichiers, on se sert des commandes

```
nasm -f elf32 Main.asm
nasm -f elf32 M1.asm
...
nasm -f elf32 Mk.asm
ld -o Exec -e main Main.o M1.o ... Mk.o
```

Programmation modulaire

Un module (non principal) contient une collection de fonctions destinées à **être utilisées depuis l'extérieur**.

Programmation modulaire

Un module (non principal) contient une collection de fonctions destinées à **être utilisées depuis l'extérieur**.

On autorise une étiquette d'instruction `ETIQ` à être visible depuis l'extérieur en ajoutant la ligne

```
global ETIQ
```

juste avant la définition de l'étiquette.

Programmation modulaire

Un module (non principal) contient une collection de fonctions destinées à **être utilisées depuis l'extérieur**.

On autorise une étiquette d'instruction `ETIQ` à être visible depuis l'extérieur en ajoutant la ligne

```
global ETIQ
```

juste avant la définition de l'étiquette.

De plus, on renseigne dans le fichier d'en-tête l'existence de la fonction par

```
extern ETIQ
```

Il est d'usage de documenter à cet endroit la fonction.

Programmation modulaire

Pour bénéficier des fonctions définies dans un module `M` dans un fichier `F.asm`, on invoque, au tout début de `F.asm`, la directive

```
%include "M.inc"
```

Uniquement les fonctions rendues visibles depuis l'extérieur de `M` peuvent être appelées dans `F.asm`.

Programmation modulaire

Pour bénéficier des fonctions définies dans un module `M` dans un fichier `F.asm`, on invoque, au tout début de `F.asm`, la directive

```
%include "M.inc"
```

Uniquement les fonctions rendues visibles depuis l'extérieur de `M` peuvent être appelées dans `F.asm`.

Voici p.ex., un module `ES` et son utilisation dans `Main.asm` :

```
; ES.inc

; Documentation...
extern print_char

; Documentation...
extern print_string
```

Programmation modulaire

Pour bénéficier des fonctions définies dans un module `M` dans un fichier `F.asm`, on invoque, au tout début de `F.asm`, la directive

```
%include "M.inc"
```

Uniquement les fonctions rendues visibles depuis l'extérieur de `M` peuvent être appelées dans `F.asm`.

Voici p.ex., un module `ES` et son utilisation dans `Main.asm` :

; ES.inc

```
; Documentation...
extern print_char

; Documentation...
extern print_string
```

; ES.asm

```
...
global print_char
print_char:
...
global print_string
print_string:
...
```

Programmation modulaire

Pour bénéficier des fonctions définies dans un module `M` dans un fichier `F.asm`, on invoque, au tout début de `F.asm`, la directive

```
%include "M.inc"
```

Uniquement les fonctions rendues visibles depuis l'extérieur de `M` peuvent être appelées dans `F.asm`.

Voici p.ex., un module `ES` et son utilisation dans `Main.asm` :

; ES.inc

```
; Documentation...
extern print_char

; Documentation...
extern print_string
```

; ES.asm

```
...
global print_char
print_char:
...
global print_string
print_string:
...
```

; Main.asm

```
%include "ES.inc"
...
call print_string
...
```

Plan

Plan

Étapes d'exécution d'une instruction

Pour des raisons pédagogiques, on se place sur une architecture simplifiée où toute instruction est exécutée selon le schéma suivant :

1. (**IF**, **I**nstruction **F**etch) chargement de l'instruction et mise à jour du pointeur d'instruction `eip` de sorte qu'il contienne l'adresse de la prochaine instruction à exécuter ;

Étapes d'exécution d'une instruction

Pour des raisons pédagogiques, on se place sur une architecture simplifiée où toute instruction est exécutée selon le schéma suivant :

1. (**IF**, **I**nstruction **F**etch) chargement de l'instruction et mise à jour du pointeur d'instruction `eip` de sorte qu'il contienne l'adresse de la prochaine instruction à exécuter ;
2. (**ID**, **I**nstruction **D**ecode) identification de l'instruction. Les arguments éventuels de l'instruction sont placés dans l'unité arithmétique et logique.

Étapes d'exécution d'une instruction

Pour des raisons pédagogiques, on se place sur une architecture simplifiée où toute instruction est exécutée selon le schéma suivant :

1. (**IF**, **I**nstruction **F**etch) chargement de l'instruction et mise à jour du pointeur d'instruction `eip` de sorte qu'il contienne l'adresse de la prochaine instruction à exécuter ;
2. (**ID**, **I**nstruction **D**ecode) identification de l'instruction. Les arguments éventuels de l'instruction sont placés dans l'unité arithmétique et logique.
3. (**EX**, **Ex**ecute) exécution de l'instruction par l'unité arithmétique et logique.

Étapes d'exécution d'une instruction

Pour des raisons pédagogiques, on se place sur une architecture simplifiée où toute instruction est exécutée selon le schéma suivant :

1. (**IF**, **I**nstruction **F**etch) chargement de l'instruction et mise à jour du pointeur d'instruction `eip` de sorte qu'il contienne l'adresse de la prochaine instruction à exécuter ;
2. (**ID**, **I**nstruction **D**ecode) identification de l'instruction. Les arguments éventuels de l'instruction sont placés dans l'unité arithmétique et logique.
3. (**EX**, **Ex**ecute) exécution de l'instruction par l'unité arithmétique et logique.
4. (**WB**, **W**rite **B**ack) écriture éventuelle dans les registres ou dans la mémoire.

Étapes d'exécution d'une instruction

Par exemple, l'instruction

```
add eax, [adr]
```

où `adr` est une adresse, est traitée de la manière suivante :

Étapes d'exécution d'une instruction

Par exemple, l'instruction

```
add eax, [adr]
```

où `adr` est une adresse, est traitée de la manière suivante :

1. (**IF**) l'instruction `add` est chargée et `eip` est incrémenté afin qu'il pointe vers la prochaine instruction ;

Étapes d'exécution d'une instruction

Par exemple, l'instruction

```
add eax, [adr]
```

où `adr` est une adresse, est traitée de la manière suivante :

1. (**IF**) l'instruction `add` est chargée et `eip` est incrémenté afin qu'il pointe vers la prochaine instruction ;
2. (**ID**) le système repère qu'il s'agit de l'instruction `add` et il lit les 4 octets situés à partir de l'adresse `adr` dans la mémoire, ainsi que la valeur du registre `eax` ;

Étapes d'exécution d'une instruction

Par exemple, l'instruction

```
add eax, [adr]
```

où `adr` est une adresse, est traitée de la manière suivante :

1. (**IF**) l'instruction `add` est chargée et `eip` est incrémenté afin qu'il pointe vers la prochaine instruction ;
2. (**ID**) le système repère qu'il s'agit de l'instruction `add` et il lit les 4 octets situés à partir de l'adresse `adr` dans la mémoire, ainsi que la valeur du registre `eax` ;
3. (**EX**) l'unité arithmétique et logique effectue l'addition entre les deux valeurs chargées ;

Étapes d'exécution d'une instruction

Par exemple, l'instruction

```
add eax, [adr]
```

où `adr` est une adresse, est traitée de la manière suivante :

1. (**IF**) l'instruction `add` est chargée et `eip` est incrémenté afin qu'il pointe vers la prochaine instruction ;
2. (**ID**) le système repère qu'il s'agit de l'instruction `add` et il lit les 4 octets situés à partir de l'adresse `adr` dans la mémoire, ainsi que la valeur du registre `eax` ;
3. (**EX**) l'unité arithmétique et logique effectue l'addition entre les deux valeurs chargées ;
4. (**WB**) le résultat ainsi calculé est écrit dans `eax`.

Étapes d'exécution d'une instruction

Par exemple, l'instruction

```
jmp adr
```

où `adr` est une adresse d'instruction, est traitée de la manière suivante :

Étapes d'exécution d'une instruction

Par exemple, l'instruction

```
jmp adr
```

où `adr` est une adresse d'instruction, est traitée de la manière suivante :

1. (**IF**) l'instruction `jmp` est chargée et `eip` est incrémenté afin qu'il pointe vers la prochaine instruction (il ne pointe donc pas encore forcément sur l'instruction d'adresse `adr` comme souhaité) ;

Étapes d'exécution d'une instruction

Par exemple, l'instruction

```
jmp adr
```

où `adr` est une adresse d'instruction, est traitée de la manière suivante :

1. (**IF**) l'instruction `jmp` est chargée et `eip` est incrémenté afin qu'il pointe vers la prochaine instruction (il ne pointe donc pas encore forcément sur l'instruction d'adresse `adr` comme souhaité) ;
2. (**ID**) le système repère qu'il s'agit de l'instruction `jmp` et il lit la valeur de l'adresse `adr` ;

Étapes d'exécution d'une instruction

Par exemple, l'instruction

```
jmp adr
```

où `adr` est une adresse d'instruction, est traitée de la manière suivante :

1. (**IF**) l'instruction `jmp` est chargée et `eip` est incrémenté afin qu'il pointe vers la prochaine instruction (il ne pointe donc pas encore forcément sur l'instruction d'adresse `adr` comme souhaité) ;
2. (**ID**) le système repère qu'il s'agit de l'instruction `jmp` et il lit la valeur de l'adresse `adr` ;
3. (**EX**) l'adresse d'instruction cible est calculée à partir de la valeur de `adr` ;

Étapes d'exécution d'une instruction

Par exemple, l'instruction

```
jmp adr
```

où `adr` est une adresse d'instruction, est traitée de la manière suivante :

1. (**IF**) l'instruction `jmp` est chargée et `eip` est incrémenté afin qu'il pointe vers la prochaine instruction (il ne pointe donc pas encore forcément sur l'instruction d'adresse `adr` comme souhaité) ;
2. (**ID**) le système repère qu'il s'agit de l'instruction `jmp` et il lit la valeur de l'adresse `adr` ;
3. (**EX**) l'adresse d'instruction cible est calculée à partir de la valeur de `adr` ;
4. (**WB**) l'adresse d'instruction cible est écrite dans `eip`.

Étapes d'exécution d'une instruction

L'horloge du processeur permet de rythmer ces étapes.

L'exécution de chacune de ces étapes demande au moins un cycle d'horloge.

Étapes d'exécution d'une instruction

L'horloge du processeur permet de rythmer ces étapes.

L'exécution de chacune de ces étapes demande au moins un cycle d'horloge.

Certaines opérations demandent plusieurs cycles d'horloge pour être traitées. La division (instruction `div`), par exemple, demande plusieurs dizaines de cycles d'horloge pour réaliser l'étape **EX**.

Étapes d'exécution d'une instruction

L'horloge du processeur permet de rythmer ces étapes.

L'exécution de chacune de ces étapes demande au moins un cycle d'horloge.

Certaines opérations demandent plusieurs cycles d'horloge pour être traitées. La division (instruction `div`), par exemple, demande plusieurs dizaines de cycles d'horloge pour réaliser l'étape **EX**.

La **vitesse d'horloge** d'un processeur est exprimée en hertz (Hz).

Un processeur dont la vitesse d'horloge est de 1 Hz évolue à 1 cycle d'horloge par seconde.

Étapes d'exécution d'une instruction

L'horloge du processeur permet de rythmer ces étapes.

L'exécution de chacune de ces étapes demande au moins un cycle d'horloge.

Certaines opérations demandent plusieurs cycles d'horloge pour être traitées. La division (instruction `div`), par exemple, demande plusieurs dizaines de cycles d'horloge pour réaliser l'étape **EX**.

La **vitesse d'horloge** d'un processeur est exprimée en hertz (Hz).

Un processeur dont la vitesse d'horloge est de 1 Hz évolue à 1 cycle d'horloge par seconde.

Problématique : comment optimiser l'exécution des instructions ?

Le travail à la chaîne

Considérons une usine qui produit des pots de confiture. L'instruction que suit l'usine est d'assembler, en boucle, des pots de confiture. Cette tâche se divise en quatre sous-tâches :

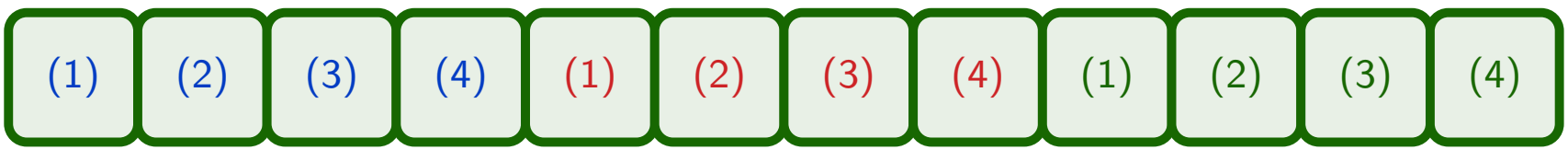
1. placer un pot vide sur le tapis roulant ;
2. remplir le pot de confiture ;
3. visser le couvercle ;
4. coller l'étiquette.

Le travail à la chaîne

Considérons une usine qui produit des pots de confiture. L'instruction que suit l'usine est d'assembler, en boucle, des pots de confiture. Cette tâche se divise en quatre sous-tâches :

1. placer un pot vide sur le tapis roulant ;
2. remplir le pot de confiture ;
3. visser le couvercle ;
4. coller l'étiquette.

La création séquentielle de trois pots de confiture s'organise de la manière suivante :



et nécessite $3 \times 4 = 12$ étapes.

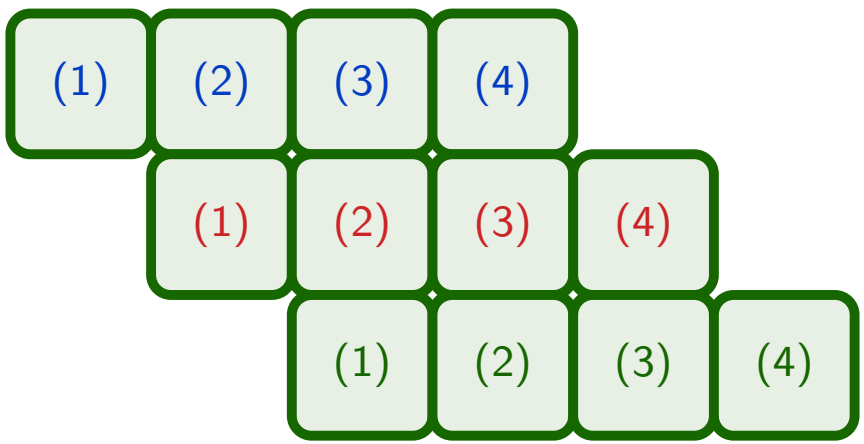
Le travail à la chaîne efficace

Observation : au lieu de réaliser ces assemblages séquentiellement, lorsqu'un pot est sujet à une sous-tâche (i), $1 \leqslant i \leqslant 4$, on peut appliquer à un autre pot une autre sous-tâche (j), $1 \leqslant j \neq i \leqslant 4$.

Le travail à la chaîne efficace

Observation : au lieu de réaliser ces assemblages séquentiellement, lorsqu'un pot est sujet à une sous-tâche (i), $1 \leqslant i \leqslant 4$, on peut appliquer à un autre pot une autre sous-tâche (j), $1 \leqslant j \neq i \leqslant 4$.

Cette organisation se schématise en



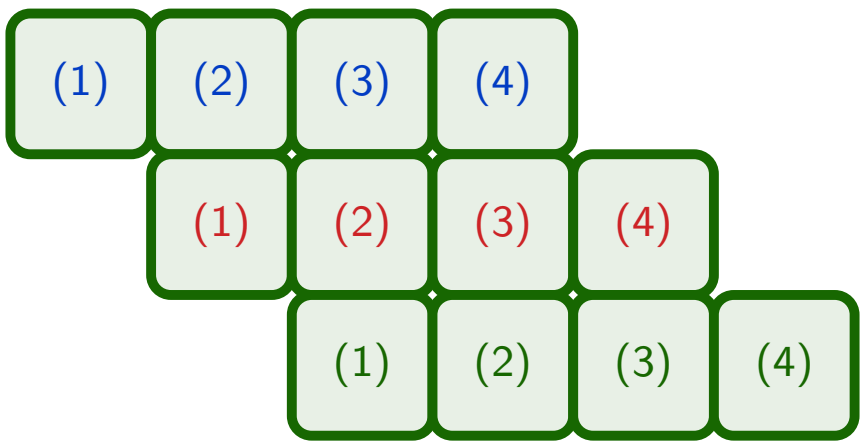
et nécessite $4 + 1 + 1 = 6$ étapes.

À chaque instant, toute sous-tâche est sollicitée au plus une fois.

Le travail à la chaîne efficace

Observation : au lieu de réaliser ces assemblages séquentiellement, lorsqu'un pot est sujet à une sous-tâche (i), $1 \leqslant i \leqslant 4$, on peut appliquer à un autre pot une autre sous-tâche (j), $1 \leqslant j \neq i \leqslant 4$.

Cette organisation se schématise en



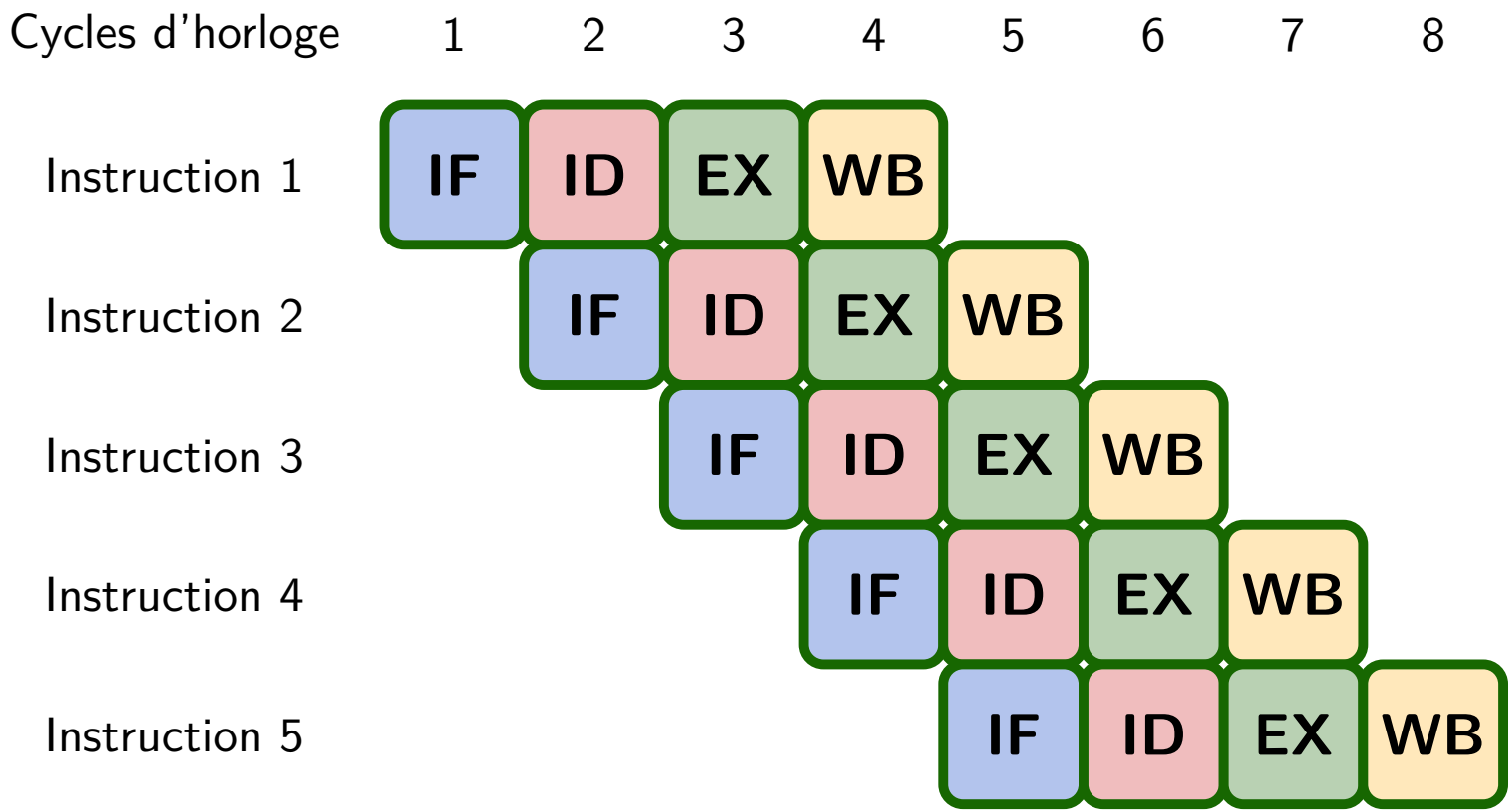
et nécessite $4 + 1 + 1 = 6$ étapes.

À chaque instant, toute sous-tâche est sollicitée au plus une fois.

Plusieurs sous-tâches sont exécutée en même temps.

Pipeline

Le pipeline permet l'organisation suivante :



Il permet (dans cet exemple) d'exécuter 5 instructions en 8 cycles d'horloge au lieu de 20.

Pipeline

Le pipeline étudié ici est une variante simplifiée du *Classic RISC pipeline* introduit par D. Patterson.

Chaque étape est prise en charge par un étage du pipeline. Il dispose ici de quatre étages.

Pipeline

Le pipeline étudié ici est une variante simplifiée du *Classic RISC pipeline* introduit par D. Patterson.

Chaque étape est prise en charge par un étage du pipeline. Il dispose ici de quatre étages.

Les processeurs modernes disposent de pipelines ayant bien plus d'étages :

Processeur	Nombre d'étages du pipeline
Intel Pentium 4 Prescott	31
Intel Pentium 4	20
Intel Core i7	14
AMD Athlon	12

Aléas

Étant donné que l'utilisation d'un pipeline induit un entrelacement dans l'exécution des instructions, des problèmes peuvent survenir. Ceux-ci sont appelés aléas et peuvent être de trois sortes :

1. aléas structurels (conflit d'utilisation d'une ressource) ;

Aléas

Étant donné que l'utilisation d'un pipeline induit un entrelacement dans l'exécution des instructions, des problèmes peuvent survenir. Ceux-ci sont appelés aléas et peuvent être de trois sortes :

1. aléas structurels (conflit d'utilisation d'une ressource) ;
2. aléas de donnée (dépendance d'un résultat d'une précédente instruction) ;

Aléas

Étant donné que l'utilisation d'un pipeline induit un entrelacement dans l'exécution des instructions, des problèmes peuvent survenir. Ceux-ci sont appelés aléas et peuvent être de trois sortes :

1. aléas structurels (conflit d'utilisation d'une ressource) ;
2. aléas de donnée (dépendance d'un résultat d'une précédente instruction) ;
3. aléas de contrôle (saut vers un autre endroit du code).

Aléas

Étant donné que l'utilisation d'un pipeline induit un entrelacement dans l'exécution des instructions, des problèmes peuvent survenir. Ceux-ci sont appelés aléas et peuvent être de trois sortes :

1. aléas structurels (conflit d'utilisation d'une ressource) ;
2. aléas de donnée (dépendance d'un résultat d'une précédente instruction) ;
3. aléas de contrôle (saut vers un autre endroit du code).

Une **solution générale** pour faire face aux aléas est de suspendre l'exécution de l'instruction qui pose problème jusqu'à ce que le problème se résolve. Cette mise en pause créé des « bulles » dans le pipeline.

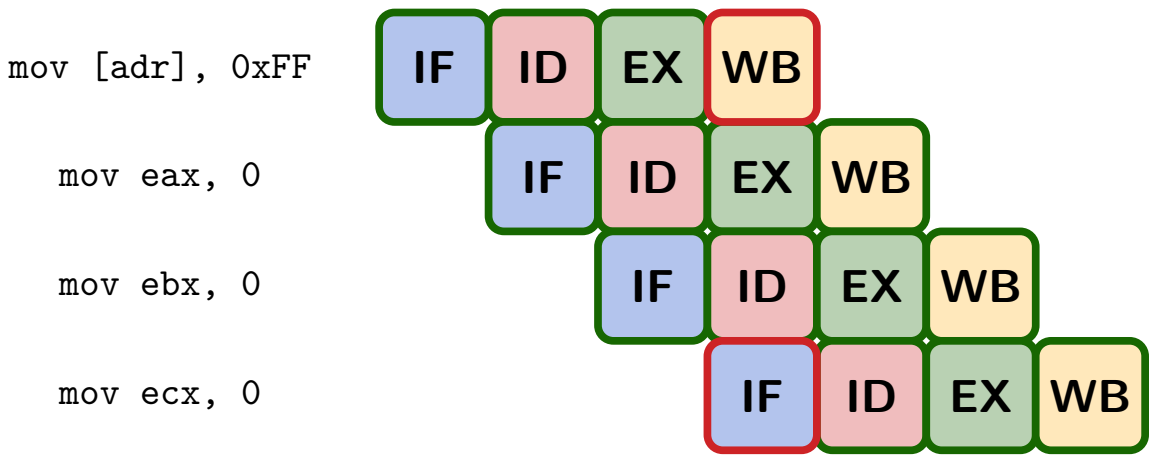
Aléas structurels

Un aléa structurel survient lorsque deux étapes d'exécution d'instructions souhaitent accéder au même moment à une même ressource.

Aléas structurels

Un aléa structurel survient lorsque deux étapes d'exécution d'instructions souhaitent accéder au même moment à une même ressource.

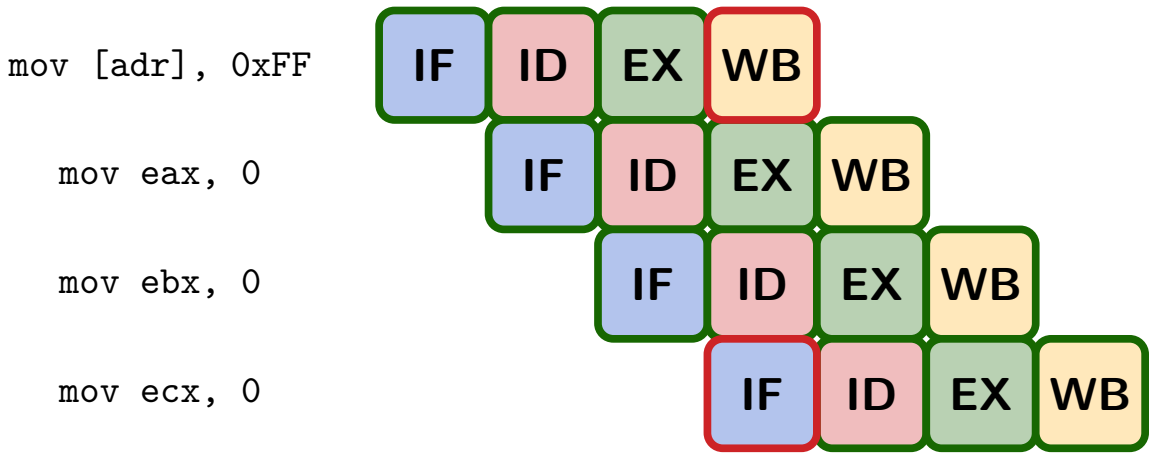
Considérons p.ex. un pipeline dans la configuration suivante :



Aléas structurels

Un aléa structurel survient lorsque deux étapes d'exécution d'instructions souhaitent accéder au même moment à une même ressource.

Considérons p.ex. un pipeline dans la configuration suivante :



Problème : le **WB** de la 1re instruction tente d'écrire en mémoire, tandis que le **IF** de la 4e instruction cherche à charger la 4e instruction. Toutes deux sollicitent au même moment le bus reliant l'unité arithmétique et logique et la mémoire.

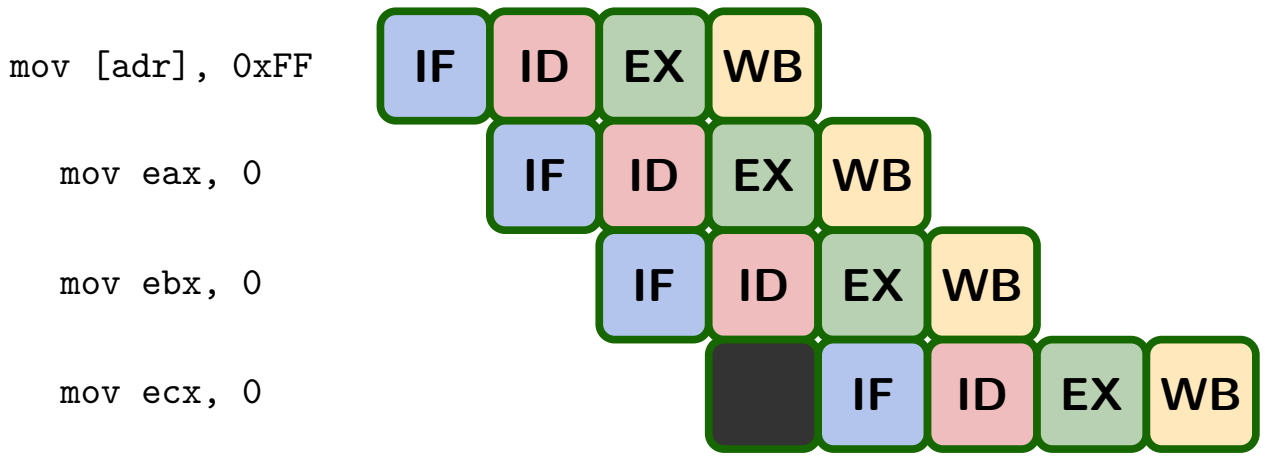
Aléas structurels

Solution 1. : temporiser la 4^{e} instruction en la précédant d'une bulle.

Aléas structurels

Solution 1. : temporiser la 4^{e} instruction en la précédant d'une bulle.

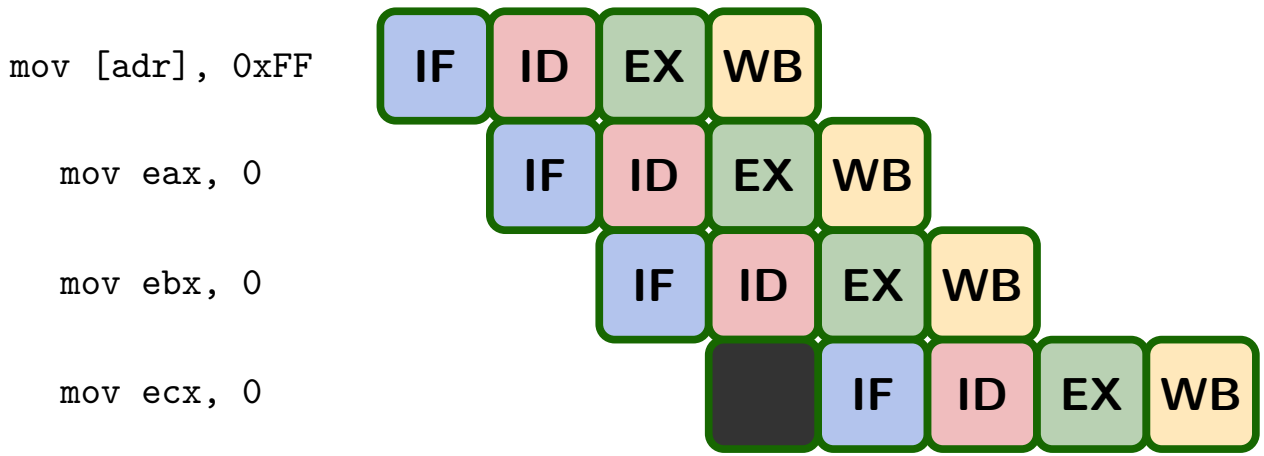
On obtient :



Aléas structurels

Solution 1. : temporiser la 4^{e} instruction en la précédant d'une bulle.

On obtient :



On continue d'appliquer ce raisonnement (en ajoutant des bulles) jusqu'à ce qu'il n'y ait plus d'aléa structurel.

Aléas structurels

Solution 2. : diviser la connection entre unité arithmétique et logique et la mémoire en deux bus.

L'un sera utilisé pour accéder aux données et l'autre, au programme.

Aléas structurels

Solution 2. : diviser la connection entre unité arithmétique et logique et la mémoire en deux bus.

L'un sera utilisé pour accéder aux données et l'autre, au programme.

Ceci ne résout tout de même pas l'aléa **ID** *vs* **WB** car

- d'une part, **ID** lit des données en mémoire (qui sont les arguments de l'instruction) ;

Aléas structurels

Solution 2. : diviser la connection entre unité arithmétique et logique et la mémoire en deux bus.

L'un sera utilisé pour accéder aux données et l'autre, au programme.

Ceci ne résout tout de même pas l'aléa **ID** *vs* **WB** car

- d'une part, **ID** lit des données en mémoire (qui sont les arguments de l'instruction) ;
- d'autre part, **WB** écrit des données en mémoire (dans le cas où l'instruction le demande).

Aléas structurels

Solution 2. : diviser la connection entre unité arithmétique et logique et la mémoire en deux bus.

L'un sera utilisé pour accéder aux données et l'autre, au programme.

Ceci ne résout tout de même pas l'aléa **ID** *vs* **WB** car

- d'une part, **ID** lit des données en mémoire (qui sont les arguments de l'instruction) ;
- d'autre part, **WB** écrit des données en mémoire (dans le cas où l'instruction le demande).

Il y a donc ici une sollicitation simultanée du bus d'accès aux données.

Aléas structurels

Solution 2. : diviser la connection entre unité arithmétique et logique et la mémoire en deux bus.

L'un sera utilisé pour accéder aux données et l'autre, au programme.

Ceci ne résout tout de même pas l'aléa **ID** *vs* **WB** car

- d'une part, **ID** lit des données en mémoire (qui sont les arguments de l'instruction) ;
- d'autre part, **WB** écrit des données en mémoire (dans le cas où l'instruction le demande).

Il y a donc ici une sollicitation simultanée du bus d'accès aux données.

On peut, pour améliorer cette solution, imaginer des architectures avec plusieurs bus connectant l'unité arithmétique et logique et les données.

Aléas de donnée

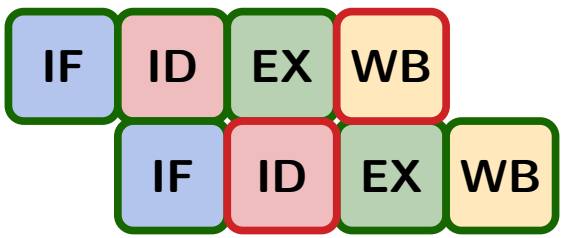
Un aléa de donnée survient lorsqu'une instruction I_1 a besoin d'un résultat calculé par une instruction I_0 précédente mais I_0 n'a pas encore produit un résultat exploitable.

Aléas de donnée

Un aléa de donnée survient lorsqu'une instruction I_1 a besoin d'un résultat calculé par une instruction I_0 précédente mais I_0 n'a pas encore produit un résultat exploitable.

Considérons un pipeline dans la configuration suivante :

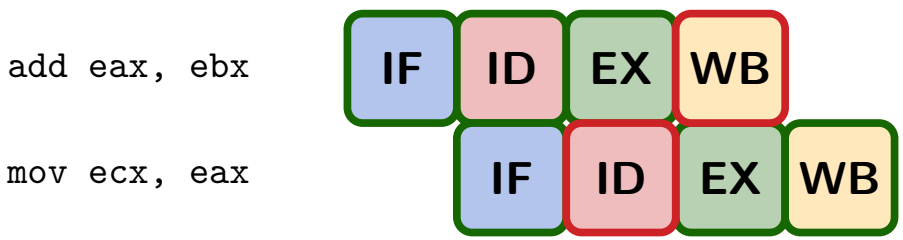
```
add eax, ebx
mov ecx, eax
```



Aléas de donnée

Un aléa de donnée survient lorsqu'une instruction I_1 a besoin d'un résultat calculé par une instruction I_0 précédente mais I_0 n'a pas encore produit un résultat exploitable.

Considérons un pipeline dans la configuration suivante :



Problème : le **ID** de la 2e instruction charge son argument `eax`. Cependant, ce chargement s'effectue avant que le **WB** de la 1re instruction n'ait été réalisé. C'est donc une mauvaise (la précédente) valeur de `eax` qui est chargée comme argument dans la 2e instruction.

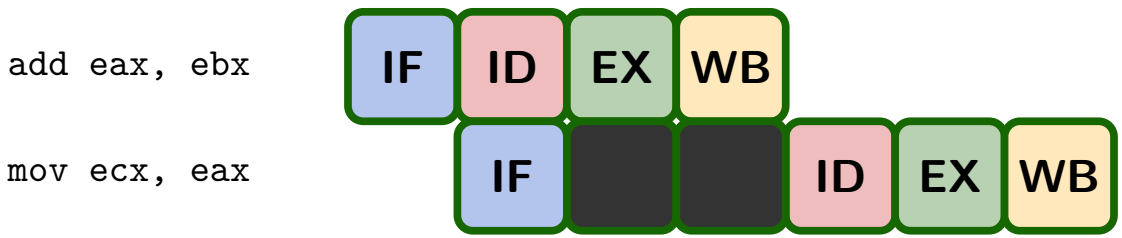
Aléas de donnée

Solution : temporiser les trois dernières étapes de la 2^{e} instruction en les précédant de deux bulles.

Aléas de donnée

Solution : temporiser les trois dernières étapes de la 2e instruction en les précédant de deux bulles.

On obtient :

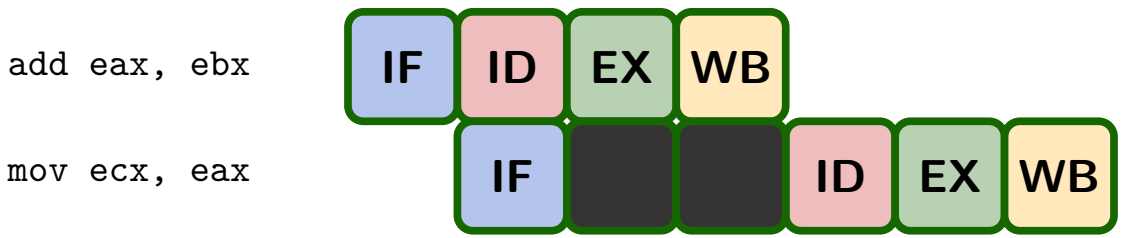


La seconde bulle est nécessaire pour éviter l'aléa structurel **ID** *vs* **WB**.

Aléas de donnée

Solution : temporiser les trois dernières étapes de la 2^{e} instruction en les précédant de deux bulles.

On obtient :



La seconde bulle est nécessaire pour éviter l'aléa structurel **ID** *vs* **WB**.

On continue d'appliquer ce raisonnement (en ajoutant des bulles) jusqu'à ce qu'il n'y ait plus d'aléa de donnée ou structurel.

Aléas de donnée

Changer, lorsque cela est sémantiquement possible, l'ordre des instructions d'un programme peut avoir une conséquence sur le nombre de bulles créées dans le pipeline (et donc sur la vitesse d'exécution).

Aléas de donnée

Changer, lorsque cela est sémantiquement possible, l'ordre des instructions d'un programme peut avoir une conséquence sur le nombre de bulles créées dans le pipeline (et donc sur la vitesse d'exécution).

Considérons p.ex. les instructions en C suivantes :

```
a = a + b;
c = c + d;
```

Aléas de donnée

Changer, lorsque cela est sémantiquement possible, l'ordre des instructions d'un programme peut avoir une conséquence sur le nombre de bulles créées dans le pipeline (et donc sur la vitesse d'exécution).

Considérons p.ex. les instructions en C suivantes :

```
a = a + b;
c = c + d;
```

Il existe au moins deux manière de les traduire en assembleur :

```
mov eax, [adr_a]
mov ebx, [adr_b]
add eax, ebx
mov [adr_a], eax
mov ecx, [adr_c]
mov edx, [adr_d]
add ecx, edx
mov [adr_c], ecx
```

Aléas de donnée

Changer, lorsque cela est sémantiquement possible, l'ordre des instructions d'un programme peut avoir une conséquence sur le nombre de bulles créées dans le pipeline (et donc sur la vitesse d'exécution).

Considérons p.ex. les instructions en C suivantes :

```
a = a + b;
c = c + d;
```

Il existe au moins deux manière de les traduire en assembleur :

```
mov eax, [adr_a]
mov ebx, [adr_b]
add eax, ebx
mov [adr_a], eax
mov ecx, [adr_c]
mov edx, [adr_d]
add ecx, edx
mov [adr_c], ecx
```

```
mov eax, [adr_a]
mov ebx, [adr_b]
mov ecx, [adr_c]
mov edx, [adr_d]
add eax, ebx
add ecx, edx
mov [adr_a], eax
mov [adr_c], ecx
```

Aléas de donnée

La première version est une traduction directe du programme en C.

Elle provoque cependant de nombreux aléas de donnée à cause des instructions `mov` et `add` trop proches et opérant sur des mêmes données.

Aléas de donnée

La première version est une traduction directe du programme en C.

Elle provoque cependant de nombreux aléas de donnée à cause des instructions `mov` et `add` trop proches et opérant sur des mêmes données.

La seconde version utilise l'idée suivante.

On sépare deux instructions qui se partagent la même donnée par d'autres instructions qui leur sont indépendantes. Ceci permet de diminuer le nombre de bulles dans le pipeline.

Aléas de contrôle

Un aléa de contrôle survient systématiquement lorsqu'une instruction de saut est exécutée.

Aléas de contrôle

Un aléa de contrôle survient systématiquement lorsqu'une instruction de saut est exécutée.

Si I est une instruction de saut, il est possible qu'une instruction I' qui suit I dans le pipeline ne doive pas être exécutée. Il faut donc éviter l'étape **EX** de I' (parce qu'elle modifie la mémoire).

Aléas de contrôle

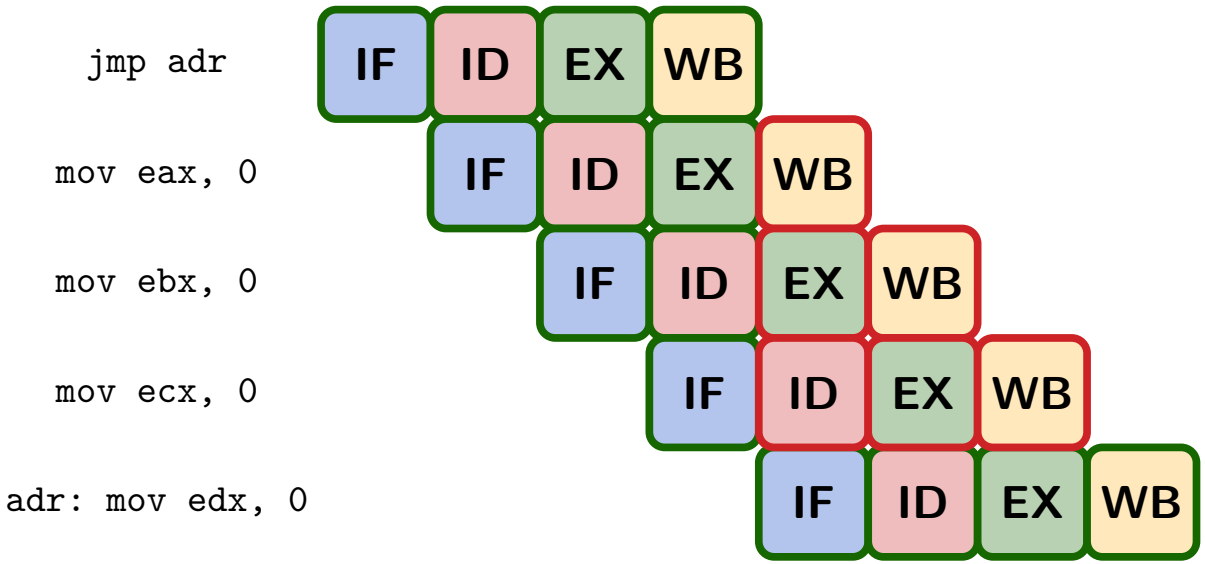
Un aléa de contrôle survient systématiquement lorsqu'une instruction de saut est exécutée.

Si I est une instruction de saut, il est possible qu'une instruction I' qui suit I dans le pipeline ne doive pas être exécutée. Il faut donc éviter l'étape **EX** de I' (parce qu'elle modifie la mémoire).

L'adresse cible d'une instruction de saut est calculée lors de l'étape **EX**. Ensuite, lors de l'étape **WB**, le registre `eip` est mis à jour.

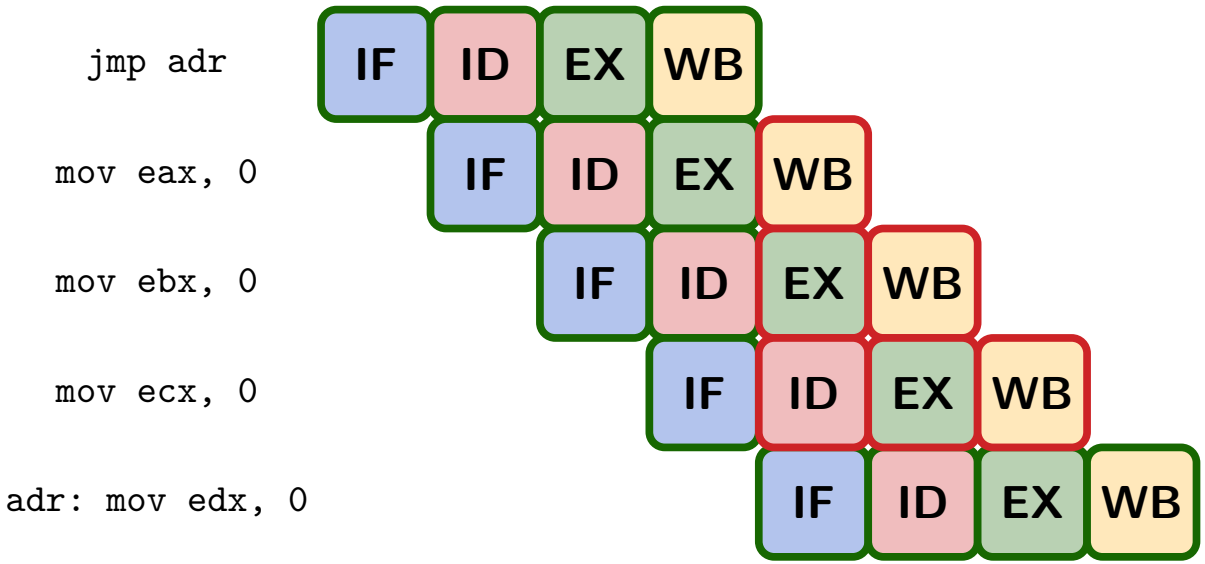
Aléas de contrôle

Considérons un pipeline dans la configuration suivante :



Aléas de contrôle

Considérons un pipeline dans la configuration suivante :



Problème : la 1re instruction, qui est un saut, ordonne le fait qu'il faut interrompre le plus tôt possible l'exécution des trois instructions suivantes (situées entre la source et la cible du saut).

Ces trois instructions sont chargées inutilement dans le pipeline.

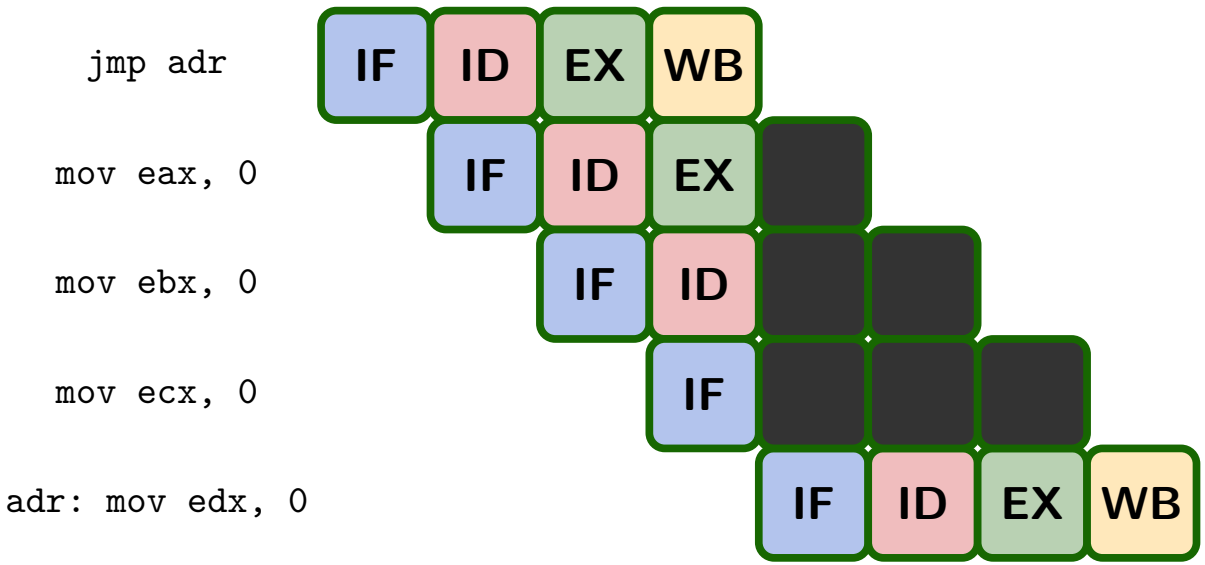
Aléas de contrôle

Solution : ne pas exécuter les étapes des instructions sautées après avoir exécuté le **WB** de l'instruction de saut.

Aléas de contrôle

Solution : ne pas exécuter les étapes des instructions sautées après avoir exécuté le **WB** de l'instruction de saut.

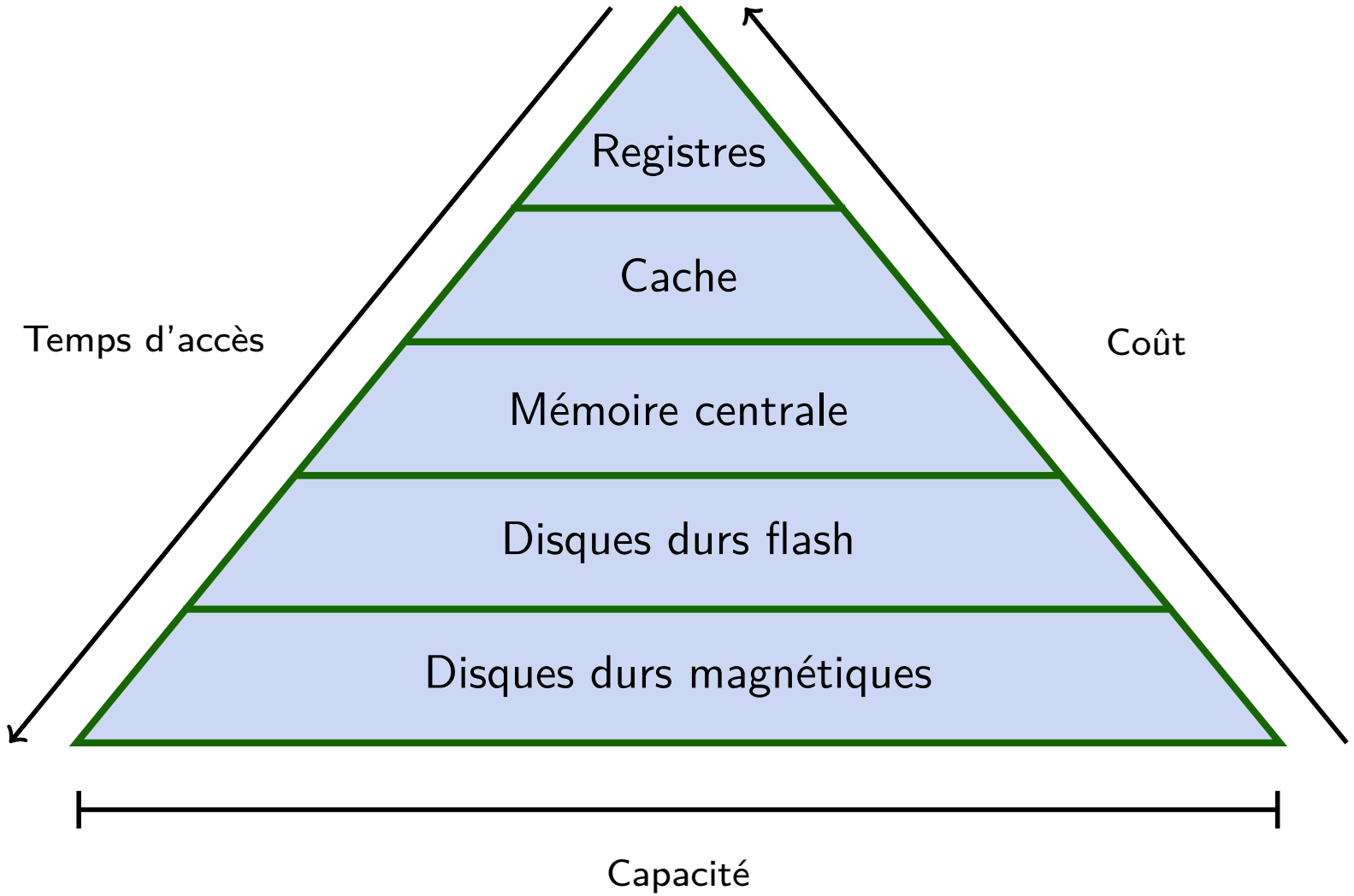
On obtient :



Ce faisant, trois cycles d'horloge ont été perdus.

Plan

Les trois dimensions de la mémoire



Mémoires

Les caractéristiques principales des mémoires — en plus des dimensions capacité, temps d'accès et coût — sont

- la volatilité (présence obligatoire ou non de courant électrique pour conserver les données mémorisées) ;

Mémoires

Les caractéristiques principales des mémoires — en plus des dimensions capacité, temps d'accès et coût — sont

- la volatilité (présence obligatoire ou non de courant électrique pour conserver les données mémorisées) ;
- le nombre de réécritures possibles ;

Mémoires

Les caractéristiques principales des mémoires — en plus des dimensions capacité, temps d'accès et coût — sont

- la volatilité (présence obligatoire ou non de courant électrique pour conserver les données mémorisées) ;
- le nombre de réécritures possibles ;
- le débit de lecture ;

Mémoires

Les caractéristiques principales des mémoires — en plus des dimensions capacité, temps d'accès et coût — sont

- la volatilité (présence obligatoire ou non de courant électrique pour conserver les données mémorisées) ;
- le nombre de réécritures possibles ;
- le débit de lecture ;
- le débit d'écriture.

Mémoires

Voici les caractéristiques de quelques mémoires :

- registre : volatile, réécriture possible, temps d'accès de l'ordre de 1 ns ;

Mémoires

Voici les caractéristiques de quelques mémoires :

- registre : volatile, réécriture possible, temps d'accès de l'ordre de 1 ns ;
- mémoire morte (ROM, **R**ead **O**nly **M**emory) : non volatile, pas de réécriture possible, temps d'accès de l'ordre de 150 ns ;

Mémoires

Voici les caractéristiques de quelques mémoires :

- registre : volatile, réécriture possible, temps d'accès de l'ordre de 1 ns ;
- mémoire morte (ROM, **R**ead **O**nly **M**emory) : non volatile, pas de réécriture possible, temps d'accès de l'ordre de 150 ns ;
- mémoire vive (RAM, **R**andom **A**ccess **M**emory) : volatile, réécriture possible, débit de lecture/écriture de l'ordre de 8 Gio/s, temps d'accès de l'ordre de de 10 ns ;

Mémoires

Voici les caractéristiques de quelques mémoires :

- registre : volatile, réécriture possible, temps d'accès de l'ordre de 1 ns ;
- mémoire morte (ROM, **R**ead **O**nly **M**emory) : non volatile, pas de réécriture possible, temps d'accès de l'ordre de 150 ns ;
- mémoire vive (RAM, **R**andom **A**ccess **M**emory) : volatile, réécriture possible, débit de lecture/écriture de l'ordre de 8 Gio/s, temps d'accès de l'ordre de de 10 ns ;
- mémoire flash : non volatile, réécriture possible (de l'ordre de 10^5 fois), débit de lecture/écriture de l'ordre de 500 Mio/s, temps d'accès de l'ordre de 0.1 ms ;

Mémoires

Voici les caractéristiques de quelques mémoires :

- registre : volatile, réécriture possible, temps d'accès de l'ordre de 1 ns ;
- mémoire morte (ROM, **R**ead **O**nly **M**emory) : non volatile, pas de réécriture possible, temps d'accès de l'ordre de 150 ns ;
- mémoire vive (RAM, **R**andom **A**ccess **M**emory) : volatile, réécriture possible, débit de lecture/écriture de l'ordre de 8 Gio/s, temps d'accès de l'ordre de de 10 ns ;
- mémoire flash : non volatile, réécriture possible (de l'ordre de 10^5 fois), débit de lecture/écriture de l'ordre de 500 Mio/s, temps d'accès de l'ordre de 0.1 ms ;
- mémoire de masse magnétique : non volatile, réécriture possible, débit de lecture/écriture de l'ordre de 100 Mio/s, temps d'accès de l'ordre de 10 ms.

Principes de localité

Problématique : comment optimiser les accès mémoire ?

Principes de localité

Problématique : comment optimiser les accès mémoire ?

On se base sur les deux principes raisonnables suivants.

Principes de localité

Problématique : comment optimiser les accès mémoire ?

On se base sur les deux principes raisonnables suivants.

Localité temporelle : si une zone de la mémoire a été considérée à un instant t donné, elle a une forte chance d'être reconsidérée à un instant t' proche de t.

Principes de localité

Problématique : comment optimiser les accès mémoire ?

On se base sur les deux principes raisonnables suivants.

Localité temporelle : si une zone de la mémoire a été considérée à un instant t donné, elle a une forte chance d'être reconsidérée à un instant t' proche de t.

La localité temporelle s'observe par exemple dans les boucles : la variable de contrôle de la boucle est régulièrement lue / modifiée.

Principes de localité

Problématique : comment optimiser les accès mémoire ?

On se base sur les deux principes raisonnables suivants.

Localité temporelle : si une zone de la mémoire a été considérée à un instant t donné, elle a une forte chance d'être reconsidérée à un instant t' proche de t.

La localité temporelle s'observe par exemple dans les boucles : la variable de contrôle de la boucle est régulièrement lue / modifiée.

Localité spatiale : si une zone de la mémoire à une adresse x donnée a été considérée, les zones de la mémoire d'adresses x' avec x' proche de x ont une forte chance d'être considérées.

Principes de localité

Problématique : comment optimiser les accès mémoire ?

On se base sur les deux principes raisonnables suivants.

Localité temporelle : si une zone de la mémoire a été considérée à un instant t donné, elle a une forte chance d'être reconsidérée à un instant t' proche de t.

La localité temporelle s'observe par exemple dans les boucles : la variable de contrôle de la boucle est régulièrement lue / modifiée.

Localité spatiale : si une zone de la mémoire à une adresse x donnée a été considérée, les zones de la mémoire d'adresses x' avec x' proche de x ont une forte chance d'être considérées.

La localité spatiale s'observe dans la manipulation de tableaux ou bien de la pile : les données sont organisées de manière contiguë en mémoire.

Principes de localité

Problématique : comment optimiser les accès mémoire ?

On se base sur les deux principes raisonnables suivants.

Localité temporelle : si une zone de la mémoire a été considérée à un instant t donné, elle a une forte chance d'être reconsidérée à un instant t' proche de t.

La localité temporelle s'observe par exemple dans les boucles : la variable de contrôle de la boucle est régulièrement lue / modifiée.

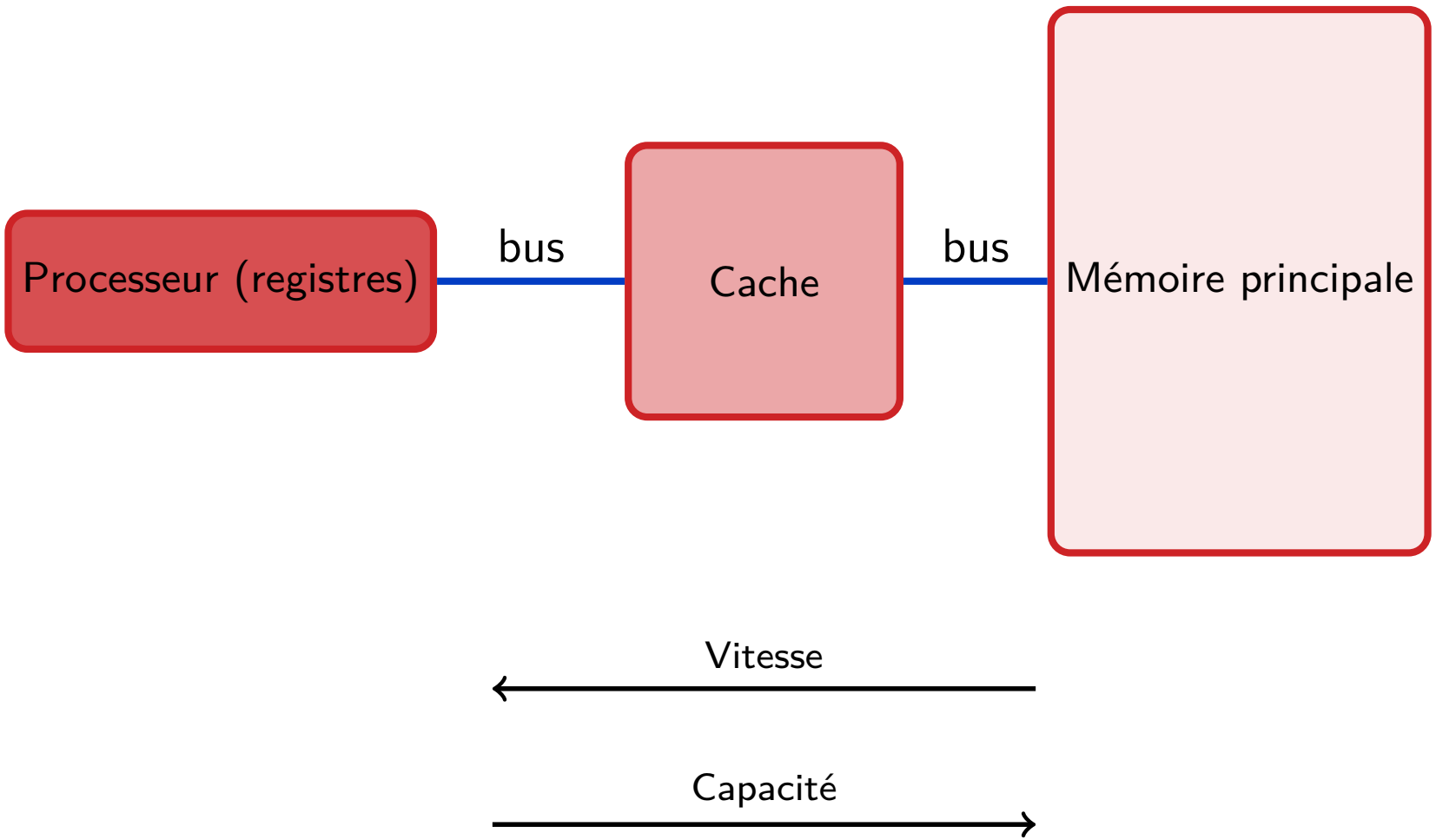
Localité spatiale : si une zone de la mémoire à une adresse x donnée a été considérée, les zones de la mémoire d'adresses x' avec x' proche de x ont une forte chance d'être considérées.

La localité spatiale s'observe dans la manipulation de tableaux ou bien de la pile : les données sont organisées de manière contiguë en mémoire.

Ces deux principes impliquent le fait qu'à un instant donné, un programme **n'accède qu'à une petite partie de son espace d'adressage**.

Organisation de la mémoire

La mémoire est organisée comme suit :



La mémoire cache dans l'organisation de la mémoire

La mémoire cache est une mémoire très rapide en lecture et en écriture (entre les registres et la mémoire centrale).

La mémoire cache dans l'organisation de la mémoire

La mémoire cache est une mémoire très rapide en lecture et en écriture (entre les registres et la mémoire centrale).

Elle est constituée de plusieurs couches : L1, L2, L3 où L1 a la plus petite capacité (de l'ordre de 128 Kio) et la plus grande vitesse, et L3 a la plus grande capacité (de l'ordre de 10 Mio) et la plus petite vitesse.

La mémoire cache dans l'organisation de la mémoire

La mémoire cache est une mémoire très rapide en lecture et en écriture (entre les registres et la mémoire centrale).

Elle est constituée de plusieurs couches : L1, L2, L3 où L1 a la plus petite capacité (de l'ordre de 128 Kio) et la plus grande vitesse, et L3 a la plus grande capacité (de l'ordre de 10 Mio) et la plus petite vitesse.

Il fonctionne de la manière suivante :

1. le processeur demande à lire une donnée en mémoire ;

La mémoire cache dans l'organisation de la mémoire

La mémoire cache est une mémoire très rapide en lecture et en écriture (entre les registres et la mémoire centrale).

Elle est constituée de plusieurs couches : L1, L2, L3 où L1 a la plus petite capacité (de l'ordre de 128 Kio) et la plus grande vitesse, et L3 a la plus grande capacité (de l'ordre de 10 Mio) et la plus petite vitesse.

Il fonctionne de la manière suivante :

1. le processeur demande à lire une donnée en mémoire ;
2. la mémoire cache, couche par couche, est interrogée :

La mémoire cache dans l'organisation de la mémoire

La mémoire cache est une mémoire très rapide en lecture et en écriture (entre les registres et la mémoire centrale).

Elle est constituée de plusieurs couches : L1, L2, L3 où L1 a la plus petite capacité (de l'ordre de 128 Kio) et la plus grande vitesse, et L3 a la plus grande capacité (de l'ordre de 10 Mio) et la plus petite vitesse.

Il fonctionne de la manière suivante :

1. le processeur demande à lire une donnée en mémoire ;
2. la mémoire cache, couche par couche, est interrogée :
    1. si elle contient la donnée, elle la communique au processeur ;
    2. sinon, la mémoire principale est interrogée. La mémoire principale envoie la donnée vers la mémoire cache qui l'enregistre (pour optimiser une utilisation ultérieure) et la transmet au processeur.

Organisation du cache

La mémoire cache est organisée en lignes. Chaque ligne est en général constituée de 32 octets.

Organisation du cache

La mémoire cache est organisée en lignes. Chaque ligne est en général constituée de 32 octets.

- `V` est un **bit de validité** : il informe si la ligne est utilisée.

Organisation du cache

La mémoire cache est organisée en lignes. Chaque ligne est en général constituée de 32 octets.

- `V` est un **bit de validité** : il informe si la ligne est utilisée.
- `Indicateur` permet de connaître l'**adresse** en mémoire principale des données représentées par la ligne.

Organisation du cache

La mémoire cache est organisée en lignes. Chaque ligne est en général constituée de 32 octets.

- `V` est un **bit de validité** : il informe si la ligne est utilisée.
- `Indicateur` permet de connaître l'**adresse** en mémoire principale des données représentées par la ligne.
- `Mot_1`, `Mot_2`, `Mot_3` et `Mot_4` contiennent des **données**.

Organisation du cache

La mémoire cache est organisée en lignes. Chaque ligne est en général constituée de 32 octets.

- `V` est un **bit de validité** : il informe si la ligne est utilisée.
- `Indicateur` permet de connaître l'**adresse** en mémoire principale des données représentées par la ligne.
- `Mot_1`, `Mot_2`, `Mot_3` et `Mot_4` contiennent des **données**.

La ligne est la plus petite donnée qui peut circuler entre la mémoire cache et la mémoire principale.

Organisation du cache

La mémoire cache est organisée en lignes. Chaque ligne est en général constituée de 32 octets.

- `V` est un **bit de validité** : il informe si la ligne est utilisée.
- `Indicateur` permet de connaître l'**adresse** en mémoire principale des données représentées par la ligne.
- `Mot_1`, `Mot_2`, `Mot_3` et `Mot_4` contiennent des **données**.

La ligne est la plus petite donnée qui peut circuler entre la mémoire cache et la mémoire principale.

Le mot est la plus petite donnée qui peut circuler entre le processeur et la mémoire cache. Celui-ci est en général composé de 4 octets.

Stratégies de gestion de la mémoire cache

Invariant important : toute donnée représentée dans la mémoire cache est également présente dans la mémoire centrale. C'est la propriété d'inclusion.

Stratégies de gestion de la mémoire cache

Invariant important : toute donnée représentée dans la mémoire cache est également présente dans la mémoire centrale. C'est la propriété d'inclusion.

Ceci implique que lorsqu'une donnée qui figure dans la mémoire cache est modifiée, il faut également modifier l'instance de la donnée située en mémoire principale.

Stratégies de gestion de la mémoire cache

Invariant important : toute donnée représentée dans la mémoire cache est également présente dans la mémoire centrale. C'est la propriété d'inclusion.

Ceci implique que lorsqu'une donnée qui figure dans la mémoire cache est modifiée, il faut également modifier l'instance de la donnée située en mémoire principale.

Il existe deux stratégies pour cela :

1. l'écriture simultanée : lorsqu'une ligne du cache est modifiée, la mémoire principale est immédiatement mise à jour. Cette méthode est lente.

Stratégies de gestion de la mémoire cache

Invariant important : toute donnée représentée dans la mémoire cache est également présente dans la mémoire centrale. C'est la propriété d'inclusion.

Ceci implique que lorsqu'une donnée qui figure dans la mémoire cache est modifiée, il faut également modifier l'instance de la donnée située en mémoire principale.

Il existe deux stratégies pour cela :

1. l'écriture simultanée : lorsqu'une ligne du cache est modifiée, la mémoire principale est immédiatement mise à jour. Cette méthode est lente.

2. La recopie : lorsqu'une ligne du cache est modifiée, on active un drapeau qui la signale comme telle et la mémoire principale n'est mise à jour que lorsque nécessaire (juste avant de modifier à nouveau la ligne du cache en question).

Stratégies d'écriture dans la mémoire cache

Il existe plusieurs stratégies d'écriture dans la mémoire cache, plus ou moins complexes et plus ou moins rapides :

Stratégies d'écriture dans la mémoire cache

Il existe plusieurs stratégies d'écriture dans la mémoire cache, plus ou moins complexes et plus ou moins rapides :

- l'organisation à correspondance directe : à toute donnée est associée une position dans la mémoire cache (par un calcul modulaire).

  Si une donnée doit être écrite dans la mémoire cache à un endroit déjà occupé, ce dernier est écrasé.

Stratégies d'écriture dans la mémoire cache

Il existe plusieurs stratégies d'écriture dans la mémoire cache, plus ou moins complexes et plus ou moins rapides :

- l'organisation à correspondance directe : à toute donnée est associée une position dans la mémoire cache (par un calcul modulaire).

  Si une donnée doit être écrite dans la mémoire cache à un endroit déjà occupé, ce dernier est écrasé.

- L'organisation totalement associative : une donnée peut se retrouver à une place quelconque dans la mémoire cache.

  Si une donnée doit être écrite dans la mémoire cache à un endroit déjà occupé, une position aléatoire est générée pour tenter de placer la nouvelle donnée.