

Prédiction de structures d'ARN

Informatique Génomique - Master 1

Guillaume Blin

IGM-LabInfo UMR 8049,
Bureau 4B066
Université de Marne La Vallée
gblin@univ-mlv.fr
<http://igm.univ-mlv.fr/~gblin>

2007-08

Plan

Structure des ARN

L'approche thermodynamique

L'approche comparative

Approche hybride

Bibliographie

Plan

Structure des ARN

L'approche thermodynamique

L'approche comparative

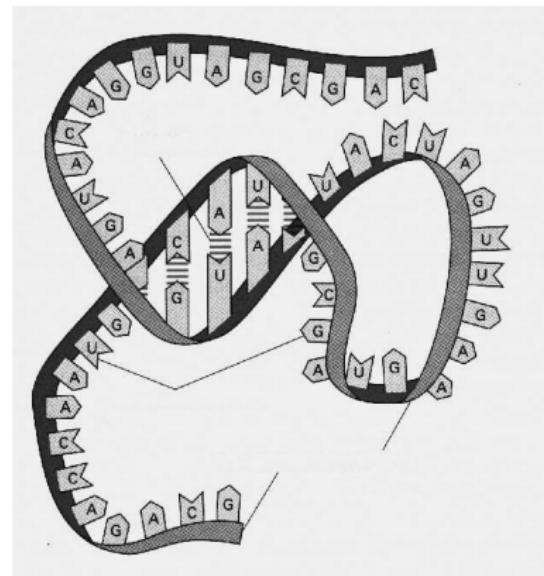
Approche hybride

Bibliographie

Rappels sur l'ARN

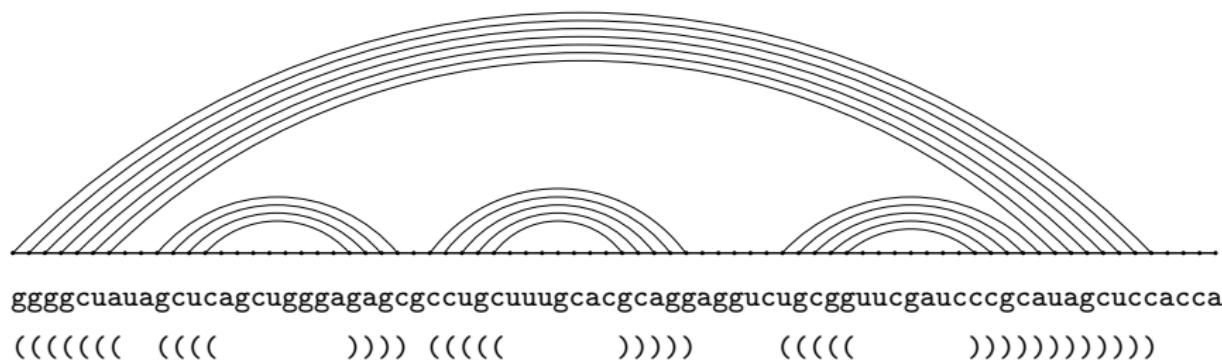
Acide RiboNucléique

- ▶ Séquence : mot sur $\{A, U, C, G\}$ orienté de 5' en 3'
- ▶ Structure : formation de liaisons hydrogènes entre deux nucléotides
 - ▶ Watson-Crick : A-U, C-G
 - ▶ Plus faible : G-U, U-C, G-A , ...
- ▶ Pas de croisement entre les appariements
- ▶ La structure est fonctionnellement importante



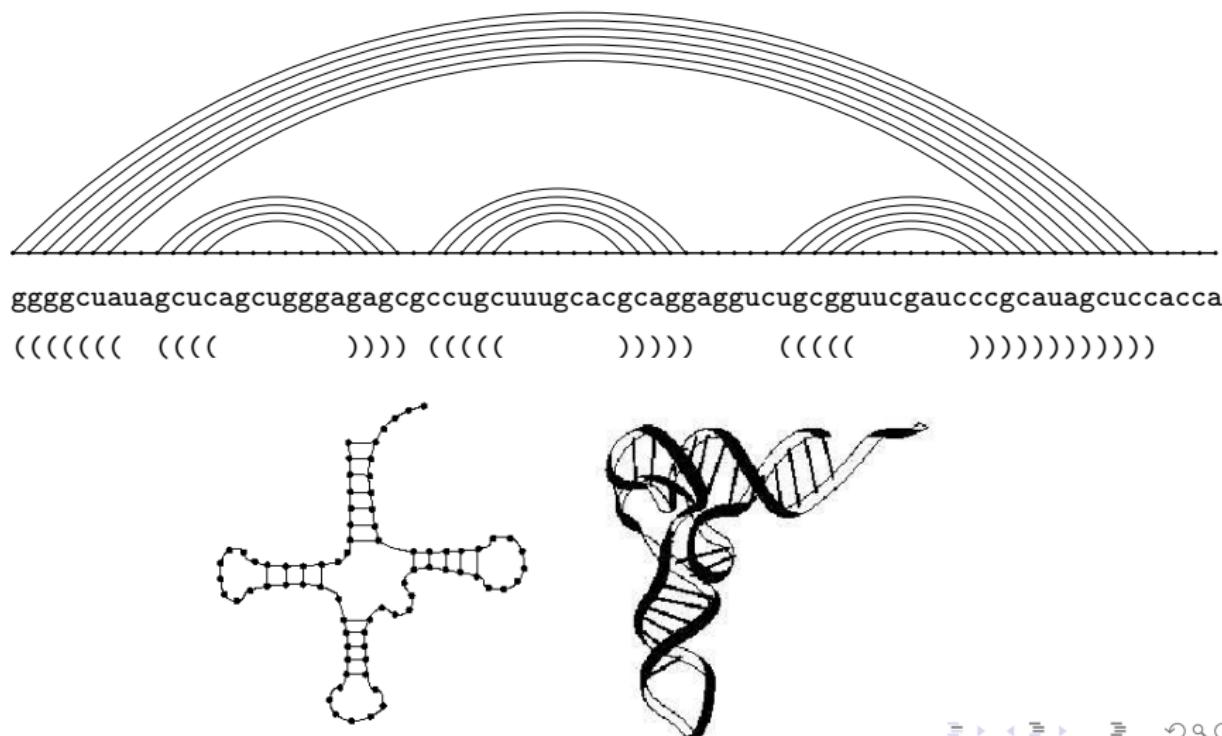
Rappels sur l'ARN

L'ARN de transfert (alanine - E. Coli)



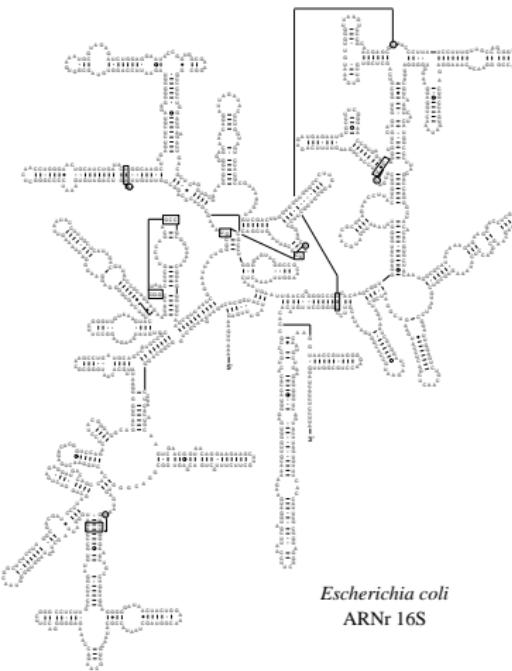
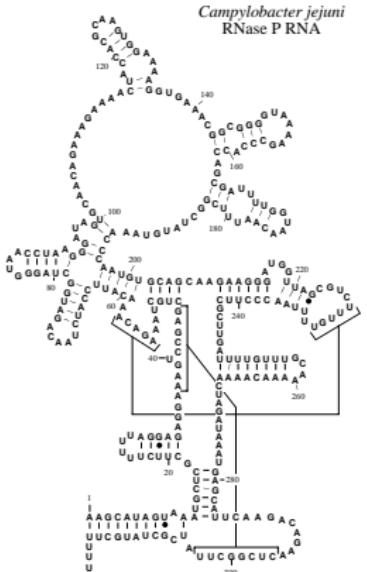
Rappels sur l'ARN

L'ARN de transfert (alanine - E. Coli)



Rappels sur l'ARN

Représentation usuelle



Comment déterminer la structure d'une molécule ?



Les approches

- ▶ Structure primaire : séquençage
- ▶ Structure secondaire et tertiaire
 - ▶ Expérimentalement : cristallographie par diffraction à rayons X, résonance magnétique nucléaire (RMN) – **Long, difficile et coûteux**
 - ▶ Par bio-informatique : algorithmes de prédition de structures secondaires
 - ▶ *Méthode 1* : approche thermodynamique
 - ▶ *Méthode 2* : approche comparative

Plan

Structure des ARN

L'approche thermodynamique

L'approche comparative

Approche hybride

Bibliographie

Comment déterminer la structure d'une molécule ?

Approche thermodynamique

- ▶ Trois hypothèses :
 - ▶ À chaque configuration de la molécule correspond une quantité d'énergie libre.
 - ▶ La configuration la plus stable est celle qui minimise l'énergie libre.
 - ▶ La molécule, en se repliant, adopte la configuration la plus stable.
- ▶ On s'est ramené à un problème combinatoire : trouver la structure dont l'énergie est optimale.



Comment déterminer la structure d'une molécule ?

Modèle initial (Nussinov - 1978)

- ▶ L'énergie de la molécule est la somme des énergies de chaque paire de bases.
- ▶ $\alpha(r_i, r_j)$: énergie libre de l'appariement (r_i, r_j)

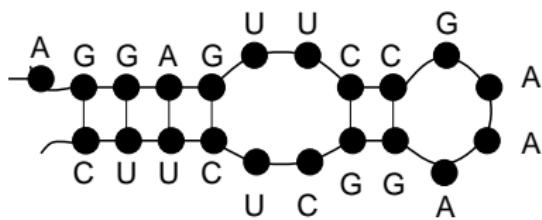
$$\begin{aligned}\alpha(r_i, r_j) &< 0 && \text{si } j - i > 3 \text{ et } r_i \leftrightarrow r_j \\ \alpha(r_i, r_j) &= 0 && \text{si } i = j \\ \alpha(r_i, r_j) &= +\infty && \text{sinon}\end{aligned}$$

- ▶ Énergie libre de la structure secondaire \mathcal{S}

$$E(\mathcal{S}) = \sum_{(r_i, r_j) \in \mathcal{S}} \alpha(r_i, r_j)$$

Comment déterminer la structure d'une molécule ?

Exemple



Fonction d'énergie :

$$\alpha(A, U) = -2$$

$$\alpha(C, G) = -3$$

$$\alpha(G, U) = -1$$

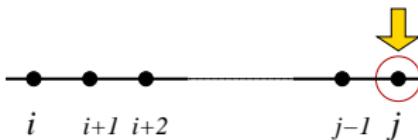
Energie totale : **-15**

- ▶ Comment calculer la structure optimale ? par programmation dynamique

Comment déterminer la structure d'une molécule ?

Programmation dynamique - Nussinov'78

- ▶ Etape 1 : décomposition du problème en instances plus petites



- ▶ $\mathcal{S}_{i,j}$: structure secondaire optimale pour la sous-séquence $i \dots j$
- ▶ Trois possibilités pour r_j :
 1. r_j ne s'apparie pas avec la sous-chaîne $r_i \dots r_{j-1}$:
 $E(\mathcal{S}_{i,j}) = E(\mathcal{S}_{i,j-1})$
 2. r_j s'apparie avec r_i : $E(\mathcal{S}_{i,j}) = E(\mathcal{S}_{i+1,j-1}) + \alpha(r_i, r_j)$
 3. r_j s'apparie avec r_k pour un $i < k < j$:

$$E(\mathcal{S}_{i,j}) = \min\{E(\mathcal{S}_{i,k-1}) + \alpha(r_k, r_j) + E(\mathcal{S}_{k+1,j-1}), k \in]i, j[\}$$

- ▶ $E(\mathcal{S}_{i,j}) = \min$ cas 1, 2 et 3

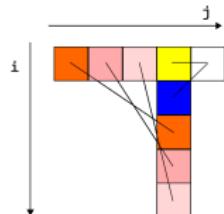
Comment déterminer la structure d'une molécule ?

Programmation dynamique - Nussinov'78

- ▶ Etape 2 : construction de la table de prog. dynamique

- ▶ Une table T , de dimension 2 : $T(i, j) := E(\mathcal{S}_{i,j})$

$$T(i, j) = \min \begin{cases} T(i, j - 1) \\ T(i + 1, j - 1) + \alpha(r_i, r_j) \\ \min\{T(i, k - 1) + \alpha(r_k, r_j) + T(k + 1, j - 1)\} \end{cases}$$



- ▶ Une table S qui stocke le devenir de r_j
- ▶ Etape 3 : construction de la structure secondaire optimale, par retour arrière
- ▶ Complexité
 - ▶ Chaque case de la table nécessite $O(n)$ calculs.
 - ▶ Complexité globale en $O(n^3)$.

Comment déterminer la structure d'une molécule ?

	C	G	G	A	U	A	C	U	U	C	U	U	A	G	A	C	G	A
C	0	0	0	0														
G		0	0	0	0													
G			0	0	0	0												
A				0	0	0	0											
U					0	0	0	0										
A						0	0	0	0									
C							0	0	0	0								
U								0	0	0	0							
U									0	0	0	0						
C										0	0	0	0					
U											0	0	0	0				
U												0	0	0	0			
A												0	0	0	0			
G													0	0	0	0		
A														0	0	0	0	
C															0	0	0	
G																0	0	
A																		0

- ▶ Paire W-C = +3, Wobble +1
- ▶ Pas de lien entre i et $j < i + 4$

Comment déterminer la structure d'une molécule ?

	C	G	G	A	U	A	C	U	U	C	U	U	A	G	A	C	G	A
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

- ▶ $G-C=3$, $A-U=2$, $G-U=1$
- ▶ Pas de lien entre i et $j < i + 4$

Comment déterminer la structure d'une molécule ?

	C	G	G	A	U	A	C	U	U	C	U	U	A	G	A	C	G	A
C	0	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	9	9	11	14	14
G	0	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	7	9	11	11	11
G	0	0	0	0	0	0	3	3	3	5	5	5	5	7	8	10	10	10
A	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	4	4	4	5	7	7	8	10
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	4	5	7	7	8	10
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	5	5	5	5	8	8
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	5	5	5	5	8	8
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	3	3	5	5	5	6	7	
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	3	3	5	5	5	5	7	
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	3	3	3	3	3	3	5	5	
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	2	2	3	
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	

- ▶ $G-C=3$, $A-U=2$, $G-U=1$
- ▶ Pas de lien entre i et $j < i + 4$

Comment déterminer la structure d'une molécule ?

	C	G	G	A	U	A	C	U	U	C	U	U	A	G	A	C	G	A
C	0	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	9	9	11	14	14
G	0	0	0	0	0	3	4	4	4	6	6	6	6	7	9	11	11	11
G	0	0	0	0	3	3	3	5	5	5	5	5	7	8	10	10	10	10
A	0	0	0	0	2	2	2	2	2	4	4	4	5	7	7	8	10	10
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	4	5	7	7	8	10
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	5	5	5	8	8	8
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	5	5	5	8	8	8
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	3	3	5	5	6	7		
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	3	3	5	5	5	7		
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	3	3	3	3	5	5	5		
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	2	3		
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1		
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	

- ▶ $G-C=3$, $A-U=2$, $G-U=1$
- ▶ Pas de lien entre i et $j < i + 4$

Comment déterminer la structure d'une molécule ?

	C	G	G	A	U	A	C	U	U	C	U	U	A	G	A	C	G	A
C	0	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	9	9	11	14	14
G	0	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	7	9	11	11	11
G	0	0	0	0	0	0	3	3	3	5	5	5	5	7	8	10	10	10
A	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	4	4	4	5	7	7	8	10
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	4	5	7	7	8	10
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	5	5	5	5	8	8
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	5	5	5	5	8	8
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	3	3	5	5	5	6	7	
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	3	3	5	5	5	5	7	
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	3	3	3	3	3	3	5	5	
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	2	2	2	3	
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1	
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	

- ▶ $G-C=3$, $A-U=2$, $G-U=1$
- ▶ Pas de lien entre i et $j < i + 4$

Comment déterminer la structure d'une molécule ?

	C	G	G	A	U	A	C	U	U	C	U	U	A	G	A	C	G	.	
C	0	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	9	9	11	14	14	.
G	0	0	0	0	0	3	4	4	4	6	6	6	6	7	9	11	11	11	.
G	0	0	0	0	3	3	3	5	5	5	5	5	7	8	10	10	10	10	.
A	0	0	0	0	2	2	2	2	4	4	4	4	5	7	7	7	8	10	.
U	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	4	5	7	7	8	10	10	.
A	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	5	5	5	5	8	8	.
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	5	5	5	5	8	8	.
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	3	3	5	5	5	6	7	7	.
U	0	0	0	0	0	0	0	0	2	3	3	5	5	5	5	5	7	7	.
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	3	3	3	3	3	3	5	5	5	.
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	2	2	3	.
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1	.
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	.
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	.
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	.
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	.
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	.
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	.

- ▶ $G-C=3$, $A-U=2$, $G-U=1$
- ▶ Pas de lien entre i et $j < i + 4$

Comment déterminer la structure d'une molécule ?

	C	G	G	A	U	A	C	U	U	C	U	U	A	G	A	C	G	.
C	0	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	9	9	11	14	14
G	0	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	7	9	11	11	11
G	0	0	0	0	0	0	3	3	3	5	5	5	5	7	8	10	10	10
A	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	4	4	4	5	7	7	8	10
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	4	5	7	7	8	10
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	5	5	5	5	8	8
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	5	5	5	5	8	8
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	3	5	5	5	6	7	
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	3	5	5	5	5	7	
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	3	3	3	3	3	5	5	
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	2	3	
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1	
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	

- ▶ $G-C=3$, $A-U=2$, $G-U=1$
- ▶ Pas de lien entre i et $j < i + 4$

Comment déterminer la structure d'une molécule ?

C	G	G	A	U	A	C	U	U	C	U	U	A	G	A	C	G	.
C	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	9	9	11	14	14
G	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	7	9	11	11	11
G	0	0	0	0	0	3	3	3	5	5	5	5	7	8	10	10	10
A	0	0	0	0	0	2	2	2	2	4	4	4	5	7	7	8	10
U	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	4	5	7	7	8	10
A	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	5	5	5	5	8	8
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	5	5	5	5	5	8	8
U	0	0	0	0	0	0	0	0	2	3	5	5	5	6	7		
U	0	0	0	0	0	0	0	0	2	3	5	5	5	5	5	7	
C	0	0	0	0	0	0	0	0	3	3	3	3	3	5	5		
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	2	2		
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1		
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0		
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0			
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0			
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0			
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0			
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0			

- ▶ G-C=3, A-U=2, G-U=1
- ▶ Pas de lien entre i et $j < i + 4$

Comment déterminer la structure d'une molécule ?

	(G	G	A	U	A	C	U	U	C	U	U	A	G	A)	C	G	.
C	0	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	9	9	11	14	14	14
G		0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	7	9	9	11	11	11
G		0	0	0	0	0	3	3	3	5	5	5	5	7	8	10	10	10	10
A		0	0	0	0	0	2	2	2	2	4	4	4	5	7	7	8	10	10
U			0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	4	5	7	7	8	10	10
A			0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	5	5	5	8	8	8
C				0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	5	5	5	8	8	8
U				0	0	0	0	0	0	0	2	3	3	5	5	6	7		
U					0	0	0	0	0	0	2	3	3	5	5	5	5	7	
C						0	0	0	0	0	0	3	3	3	3	5	5	5	
U							0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	2	3	
U								0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1	
A									0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
G										0	0	0	0	0	0	0	0	0	
A											0	0	0	0	0	0	0	0	
C												0	0	0	0	0	0	0	
G													0	0	0	0	0	0	
A														0	0	0	0	0	

- ▶ G-C=3, A-U=2, G-U=1
- ▶ Pas de lien entre i et $j < i + 4$

Comment déterminer la structure d'une molécule ?

	(G	G	A	U	A	C	U	U	C	U	U	A	G	A)	C	G	.
C	0	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	9	9	11	14	14	14
G	0	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	7	9	11	11	11	11
G	0	0	0	0	3	3	3	5	5	5	5	5	7	8	10	10	10	10	10
A	0	0	0	0	2	2	2	2	2	4	4	4	5	7	7	7	8	10	10
U	0	0	0	0	0	0	0	2	2	4	5	5	7	7	7	8	10	10	10
A	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	5	5	5	5	8	8	8	8	8
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	5	5	5	5	8	8	8	8	8
U	0	0	0	0	0	0	0	0	2	3	5	5	5	6	7	7	7	7	7
U	0	0	0	0	0	0	0	0	2	3	5	5	5	5	5	7	7	7	7
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	3	3	3	3	5	5	5	5	5	5
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	2	2	2	3	3	3
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1	1
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

- ▶ G-C=3, A-U=2, G-U=1
- ▶ Pas de lien entre i et $j < i + 4$

Comment déterminer la structure d'une molécule ?

	(G	G	A	U	A	C	(U	U	C	U	U	A	G)	A)	C)	G	.
C	0	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	6	9	9	11	14	14	14	14	
G	0	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	6	7	9	9	11	11	11	11	
G	0	0	0	0	0	0	3	3	3	5	5	5	5	5	7	8	10	10	10	10	10	
A	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	2	2	2	4	4	5	7	7	7	8	10	
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	4	5	7	7	8	10			
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	2	5	5	5	5	8	8	8	
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	5	5	5	5	8	8	8	
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	3	3	5	5	5	5	6	7			
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	3	5	5	5	5	5	5	5	7			
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	3	3	3	3	3	3	5	5			
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	3			
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1		
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	

- ▶ G-C=3, A-U=2, G-U=1
- ▶ Pas de lien entre i et $j < i + 4$

Comment déterminer la structure d'une molécule ?

C	G	G	A	U	A	C	U	U	C	U	U	A	G	A)))	G	.
C	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	9	9	11	14	14	14	
G		0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	7	9	9	11	11	11	
G			0	0	0	3	3	3	5	5	5	5	7	8	10	10	10	10	
A				0	0	0	2	2	2	2	4	4	5	7	7	7	8	10	
U					0	0	0	0	0	2	2	4	5	7	7	8	10		
A						0	0	0	0	0	2	2	5	5	5	5	8	8	
C							0	0	0	0	0	2	5	5	5	5	8	8	
U								0	0	0	0	2	3	5	5	6	7		
U									0	0	0	2	3	5	5	5	7		
C										0	0	0	3	3	3	5	5		
U											0	0	0	0	2	2	2	3	
U												0	0	0	0	0	1	1	
A												0	0	0	0	0	0	0	
G													0	0	0	0	0	0	
A														0	0	0	0	0	
C														0	0	0	0	0	
G															0	0	0	0	
A																0	0	0	

- ▶ G-C=3, A-U=2, G-U=1
- ▶ Pas de lien entre i et $j < i + 4$

Comment déterminer la structure d'une molécule ?

	(G	G	A	U	A)	C	U	U	C	U	U	A	G)	A)	C)	G	.
C	0	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	6	9	9	11	14	14	14		
G		0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	7	9	9	11	11	11			
G			0	0	0	0	3	3	3	5	5	5	5	7	8	8	10	10	10			
A				0	0	0	0	2	2	2	2	2	4	4	5	7	7	7	8	10		
U					0	0	0	0	0	0	2	2	2	4	5	7	7	8	10			
A						0	0	0	0	0	2	2	2	5	5	5	5	8	8	8		
C							0	0	0	0	0	0	0	2	5	5	5	5	8	8		
U								0	0	0	0	0	0	2	3	5	5	5	6	7		
U									0	0	0	0	0	2	3	5	5	5	5	7		
C										0	0	0	0	0	3	3	3	3	5	5		
U											0	0	0	0	0	2	2	2	2	3		
U												0	0	0	0	0	0	0	1	1		
A												0	0	0	0	0	0	0	0	0		
G													0	0	0	0	0	0	0	0		
A														0	0	0	0	0	0	0		
C															0	0	0	0	0	0		
G																0	0	0	0	0		
A																	0	0	0	0		

- ▶ G-C=3, A-U=2, G-U=1
- ▶ Pas de lien entre i et $j < i + 4$

Comment déterminer la structure d'une molécule ?

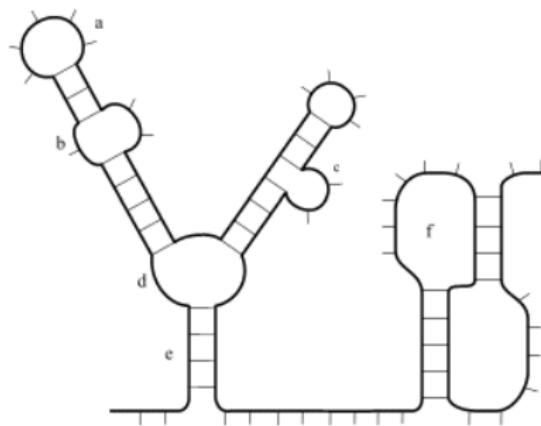
	(G	G	A	U	A)	C	U	U	(C	U	U	A)	G)	A)	C)	G	.
C	0	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	6	6	9	9	11	14	14				
G	0	0	0	0	0	0	3	4	4	6	6	6	6	6	7	7	9	11	11	11				
G	0	0	0	0	0	0	3	3	3	5	5	5	5	5	7	8	10	10	10	10				
A	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	4	4	4	5	5	7	7	7	8	10				
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	4	5	5	7	7	8	10					
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	5	5	5	5	5	8	8				
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	5	5	5	5	5	5	8	8				
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	3	5	5	5	5	6	7							
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	3	5	5	5	5	5	7							
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	3	3	3	3	3	3	3	5	5	5					
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	2	2	2	2	2	3				
U	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1			
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0		
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0		
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0		
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0		
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0		
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0		

- ▶ G-C=3, A-U=2, G-U=1
- ▶ Pas de lien entre i et $j < i + 4$

Comment déterminer la structure d'une molécule ?

Mfold - Zuker, Turner *et al.*

- ▶ Paramètres d'énergie
 - ▶ liaison hydrogène
 - ▶ énergie d'empilement
- ▶ Motifs structuraux



- a. épingle à cheveux (*hairpin*)
- b. boucle interne (*internal loop*)
- c. renflement (*bulge loop*)
- d. jonction
- e. tige (*duplex*)
- f. Exclus : pseudo-nœud (*pseudoknot*)

Comment déterminer la structure d'une molécule ?

Limites de l'approche thermodynamique

- ▶ Pertinence de la définition de la fonction d'énergie.
Solution : *transformer l'algorithme pour obtenir un ensemble de configurations sous-optimales*
- ▶ Les hypothèses biologiques ne sont pas toutes valides :
Il existe des molécules d'ARN qui se replient en formant des nœuds, ou dans lesquelles un appariement regroupe 3 nucléotides.
Solution : *complexifier les algorithmes*
- ▶ Pas de prise en compte d'interactions avec des molécules voisines.
- ▶ Pas de prise en compte du sens de la synthétisation de l'ARN.

Plan

Structure des ARN

L'approche thermodynamique

L'approche comparative

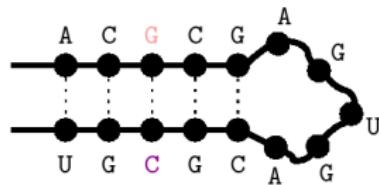
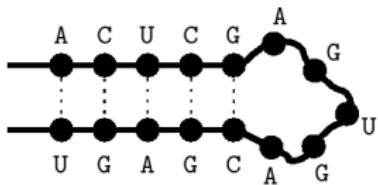
Approche hybride

Bibliographie

Comment déterminer la structure d'une molécule ?

Approche comparative

- ▶ On dispose d'une famille de séquences homologues
- ▶ Lors de l'évolution, la structure est mieux préservée que la séquence
- ▶ Les séquences homologues partagent la même structure
- ▶ Phénomène de changement de base compensatoire :
Quand une base impliquée dans un appariement mute, la base complémentaire mute également, pour préserver la structure



Comment déterminer la structure d'une molécule ?

La méthode comparative

► Jeu de séquences

G	A	G	C	C	C	A	G	U	U	C
A	G	G	A	C	U	C	U	U	C	
A	A	U	C	A	C	C	C	G	A	U

Comment déterminer la structure d'une molécule ?

La méthode comparative

- ▶ Jeu de séquences

G	A	G	C	C	C	A	G	U	U	C
A	G	G	A	C	U	C	U	U	C	
A	A	U	C	A	C	C	C	G	A	U

- ▶ Etape 1 : construction d'un alignement multiple

G	A	G	C	—	C	C	A	G	U	U	C
—	A	G	G	A	C	—	U	C	U	U	C
A	A	U	C	A	C	C	C	G	A	U	—
—	A	G	G	A	C	—	U	C	U	U	C

Comment déterminer la structure d'une molécule ?

La méthode comparative

- ▶ Jeu de séquences

G	A	G	C	C	C	A	G	U	U	C
A	G	G	A	C	U	C	U	U	C	
A	A	U	C	A	C	C	C	G	A	U

- ▶ Etape 1 : construction d'un alignement multiple

G	A	G	C	—	C	C	A	G	U	U	C
—	A	G	G	A	C	—	U	C	U	U	C
A	A	U	C	A	C	C	C	G	A	U	—
—	A	G	G	A	C	—	U	C	U	U	C

- ▶ Etape 2 : détection des positions corrélées

Comment déterminer la structure d'une molécule ?

La méthode comparative

- ▶ Jeu de séquences

G	A	G	C	C	C	A	G	U	U	C
A	G	G	A	C	U	C	U	U	C	
A	A	U	C	A	C	C	C	G	A	U

- ▶ Etape 1 : construction d'un alignement multiple

G	A	G	C	—	C	C	A	G	U	U	C
—	A	G	G	A	C	—	U	C	U	U	C
A	A	U	C	A	C	C	C	G	A	U	—
—	A	G	G	A	C	—	U	C	U	U	C

- ▶ Etape 2 : détection des positions corrélées

Comment déterminer la structure d'une molécule ?

La méthode comparative

- ▶ Jeu de séquences

G	A	G	C	C	C	A	G	U	U	C
A	G	G	A	C	U	C	U	U	C	
A	A	U	C	A	C	C	C	G	A	U

- ▶ Etape 1 : construction d'un alignement multiple

G	A	G	C	—	C	C	A	G	U	U	C
—	A	G	G	A	C	—	U	C	U	U	C
A	A	U	C	A	C	C	C	G	A	U	—
—	A	G	G	A	C	—	U	C	U	U	C

- ▶ Etape 2 : détection des positions corrélées

Comment déterminer la structure d'une molécule ?

Mesurer la corrélation entre deux colonnes

- ▶ $\mathcal{I}(i,j)$: information mutuelle des colonnes i et j de l'alignement multiple

$$\mathcal{I}(i,j) = \sum_{x,y=A,C,G,T} f_{x,y}^{i,j} \log_2 \frac{f_{x,y}^{i,j}}{f_x^i f_y^j}$$

- ▶ f_x^i fréquence de la base x dans la colonne i
- ▶ $f_{x,y}^{i,j}$ fréquence du couple x, y dans les colonnes i et j

$\mathcal{I}(i,j)$ varie entre 0 et 2 bits.

Quantité d'information révélée par la colonne j , la colonne i étant connue. $\mathcal{I}(i,j)$ est maximale quand i et j individuellement paraissent aléatoires ($f_x^i = f_y^j = 0.25$) et que i et j sont parfaitement corrélées.

Comment déterminer la structure d'une molécule ?

Exemples

. . A . . . U . .

. . A . . . C . .

. . A . . . U . .

. . C . . . G . .

$$\mathcal{I} = \frac{\log_2(4/3)}{2} + \frac{\log_2(4/3)}{4} + \frac{\log_2(4)}{4}$$

. . A . . . U . .

. . U . . . A . .

. . C . . . G . .

. . G . . . C . .

$$\mathcal{I} = \frac{\log_2(4)}{4} + \frac{\log_2(4)}{4} + \frac{\log_2(4)}{4} + \frac{\log_2(4)}{4} = 2$$

La corrélation entre les deux colonnes est maximale.

Comment déterminer la structure d'une molécule ?

Exemple de l'ARN de transfert

GGGGAATTAGCTCAGCT-GGGAGAGCACCTGCTTGCAAGCAGGGGGTCAGCGGTTGATCCCGCTATTCTCCA---
 GGGGCCTATAGCTCAGCT-GGGAGAGCGCCTGCTTGACGCAGGAGGTCTGCGGTTGATCCCGCATAGCTCCACCA
 GGGGCCTATAGCTCAGCT-GGGAGAGCGCCTGCATGCCATGCAAGAGGTCAAGCGGTTGATCCCGCTTAGCTCCACCA
 GGGGAATTAGCTCAGCT-GGGAGAGCACCTGCTTGCAAGCAGGGGGTCAGCGGTTGATCCCGCTATTCTCCA---
 GGGGCCTTAGCTCAGTC-GGTAGAGCACTGCCTTGCAAGGCAGATGTCAGGGGTTGATTCCTCTAGGCTCCA---
 GGGGGTATAGCTCAGTT-GGTAGAGCGCTGCCCTTGCAAGGCAGAAGTCAGCGGTTGCA . TCCGCTTACCCCCA---
 GGGGCCTATAGCTCAGCT-GGGAGAGCGCCTGCTTGACGCAGGAGGTCTGCGGTTGATCCCGCATAGCTCCACCA
 GGGGCCTATAGCTCAGCT-GGGAGAGCGCCTGCTTGACGCAGGAGGTCTGCGGTTGATCCCGCATAGCTCCACCA
 GGGGCCATAGCTCAGCT-GGGAGAGCACCTGCTTGCAAGCAGGGGT-CGTCGGTTGATCCCGCTGCCTCCACCA
 GGGGCCATAGCTCAGCT-GGGAGAGCGCCTGCTTGACGCAGGAGGTCAAGGAGTTGATCCTCCTTGCTGCCACCA
 GGGGGCATAGCTCAGCT-GGGAGAGCACCTGCTTGCAAGCAGGGGT-CGTCGGTTGATCCCGCTGCCTCCACCA
 GGGGCCATAGCTCAGCTGGGGAGAGCGCCTGCCTTGACGCAGGAGGTCAACGGTTGATCCCGTTGGCTCCA---
 GGGGGCATAGCTCAGCT-GGGAGAGCACCTGCTTGCAAGCAGGGGT-CGTCGGTTGATCCCGCTGCCTCCACCA
 GGGGCATTAGCTCAGCT-GGGAGAGCGCCTGCTTGACGCAGGAGGTCAAGCGGTTGATCCCGCTATTCTCCACCA
 GGGGCCTAGCTCAGTT-GGTAGAGCGCCTGCTTGCAAGCAGGTGT-CGTCGGTTGCAATCCGCTGCTGCCACCA
 GGGGCCGTAGCTCAGCTGGG-AGAGCACCTGCTTGCAAGCAGGGGGTCGGAGGTTGATCCCGTCCGGCTCCACCA
 GGGGCCGTAGCTCAGCT-GGGAGAGCACCTGCTTGCAAGCAGGGGGTCGGTTGATCCCGTCCGGCTCCACCA
 GGGGCCGTAGCTCAGCT-GG-AGAGCACCTGCTTGCAAGCAGGGGGTCGGTTGATCCCGTCCGGCTCCACCA

Comment déterminer la structure d'une molécule ?

Exemple de l'ARN de transfert

GGGGAAATTAGCTCAGCT-GGGAGAGCACCTGCTTGCAAGCAGGGGGTCAGCGGTTGATCCCGCTATTCTCCA---
GGGGCTATAGCTCAGCT-GGGAGAGCGCTGCTTGACGCAGGAGGTCTGCGGTTGATCCCGCATAGCTCCACCA
GGGGCTATAGCTCAGCT-GGGAGAGCGCTTGCATGCCATGCAAGAGGTCAAGCGGTTGATCCCGCTTAGCTCCACCA
GGGGAAATTAGCTCAGCT-GGGAGAGCACCTGCTTGCAAGCAGGGGGTCAGCGGTTGATCCCGCTATTCTCCA---
GGGGCTTAGCTCAGTC-GGTAGAGCACTGCCTTGCAAGGCAGATGTCAGGGGTTGATCCCCCTAGGCTCCA---
GGGGGTATAGCTCAGTT-GGTAGAGCGCTGCCCTTGCAAGGCAGAAGTCAGCGGTTGCA.TCCGCTTACCCCCA---
GGGGCTATAGCTCAGCT-GGGAGAGCGCTGCTTGACGCAGGAGGTCTGCGGTTGATCCCGCATAGCTCCACCA
GGGGCTATAGCTCAGCT-GGGAGAGCGCTTGACGCAGGAGGTCTGCGGTTGATCCCGCATAGCTCCACCA
GGGGCCATAGCTCAGCT-GGGAGAGCACCTGCTTGCAAGCAGGGGT-CGTCGGTTGATCCCGTCTGCCCTCACCA
GGGGCCATAGCTCAGCT-GGGAGAGCGCTGCTTGACGCAGGAGGTCAAGGAGTTGATCCTCCTTGGCTCCACCA
GGGGGCATAGCTCAGCT-GGGAGAGCACCTGCTTGCAAGCAGGGGT-CGTCGGTTGATCCCGTCTGCCCTCACCA
GGGGCCATAGCTCAGCTGGGGAGAGCGCTGCTTGACGCAGGAGGTCAACGGTTGATCCCGTTGGCTCCA---
GGGGGCATAGCTCAGCT-GGGAGAGCACCTGCTTGCAAGCAGGGGT-CGTCGGTTGATCCCGTCTGCCCTCACCA
GGGGCATTAGCTCAGCT-GGGAGAGCGCTGCTTGACGCAGGAGGTCAAGCGGTTGATCCCGCTATTCTCCACCA
GGGGCCATAGCTCAGTT-GGTAGAGCGCTGCTTGCAAGCAGGTGT-CGTCGGTTGCAATCCGTCTGGCTCCACCA
GGGGCCGTAGCTCAGCTGGG-AGAGCACCTGCTTGCAAGCAGGGGGTCGGAGGTTGATCCCGTCCGGCTCCACCA
GGGGCCGTAGCTCAGCT-GGGAGAGCACCTGCTTGCAAGCAGGGGGTCGGTTGATCCCGTCCGGCTCCACCA
GGGGCCGTAGCTCAGCT-GG-AGAGCACCTGCTTGCAAGCAGGGGGTCGGTTGATCCCGTCCGGCTCCACCA

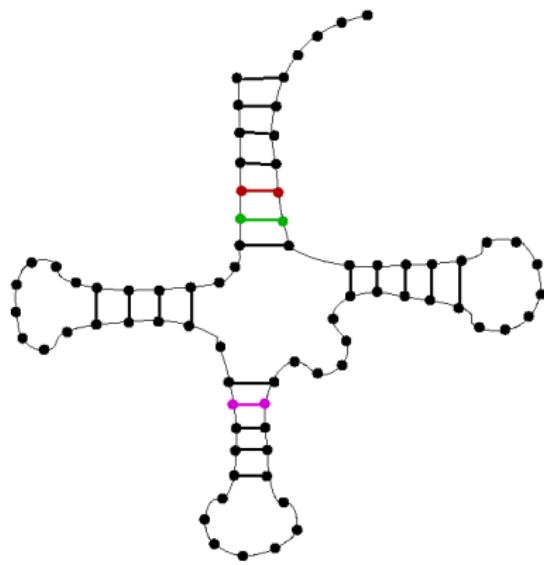
Comment déterminer la structure d'une molécule ?

Exemple de l'ARN de transfert

GGGGAAATTAGCTCAGCT-GGGAGAGCACCTGCTTTCAAGCAGGGGTCAGCGGTTGATCCCGCTATTCTCCA---
 GGGGCTATAGCTCAGCT-GGGAGAGCGCTGCTTTCACGCAGGAGGTCTGCGGTTGATCCCGCATAGCTCCACCA
 GGGGCTATAGCTCAGCT-GGGAGAGCGCTTGCATGCCATGCAAGAGGTCAAGCGGTTGATCCCGCTTAGCTCCACCA
 GGGGAAATTAGCTCAGCT-GGGAGAGCACCTGCTTTCAAGCAGGGGTCAGCGGTTGATCCCGCTATTCTCCA---
 GGGGCTTAGCTCAGTC-GGTAGAGCACCTGCTTTCAAGGCAGATGTCAGGGGTTGATTCCTCTAGGCTCCA---
 GGGGGTATAGCTCAGTT-GGTAGAGCGCTGCCCTTGCAAGGCAGAACGTCAGCGGTTGCA.TCCGCTTACCCCCA---
 GGGGCTATAGCTCAGCT-GGGAGAGCGCTGCTTTCACGCAGGAGGTCTGCGGTTGATCCCGCATAGCTCCACCA
 GGGGCTATAGCTCAGCT-GGGAGAGCGCTGCTTTCACGCAGGAGGTCTGCGGTTGATCCCGCATAGCTCCACCA
 GGGGCCATAGCTCAGCT-GGGAGAGCACCTGCTTTCAAGCAGGGT-CGTCGGTTGATCCCGCTCTGCCCTCACCA
 GGGGCCATAGCTCAGCT-GGGAGAGCGCTGCTTTCACGCAGGAGGTCAAGGAGTTGATCCTCCTTGGCTCCACCA
 GGGGGCATAGCTCAGCT-GGGAGAGCACCTGCTTTCAAGCAGGGT-CGTCGGTTGATCCCGCTCTGCCCTCACCA
 GGGGCCATAGCTCAGCTGGGGAGAGCGCTGCCCTGCTTGACGCAGGAGGTCAACGGTTGATCCCGTTGGCTCCA---
 GGGGGCATAGCTCAGCT-GGGAGAGCACCTGCTTTCAAGCAGGGT-CGTCGGTTGATCCCGCTCTGCCCTCACCA
 GGGGCATTAGCTCAGCT-GGGAGAGCGCTGCTTTCACGCAGGAGGTCAAGCGGTTGATCCCGCTATTCTCCACCA
 GGGGCCATAGCTCAGTT-GGTAGAGCGCTGCTTTCAAGCAGGTGT-CGTCGGTTGCAATCCGCTCTGGCTCCACCA
 GGGGCCGTAGCTCAGCTGGG-AGAGCACCTGCTTTCAAGCAGGGGTCGGAGGTTGATCCCGTCCGGCTCCACCA
 GGGGCCGTAGCTCAGCT-GGGAGAGCACCTGCTTTCAAGCAGGGGTCGTGGTTGATCCCGTCCGGCTCCACCA
 GGGGCCGTAGCTCAGCT-GG-AGAGCACCTGCTTTCAAGCAGGGGTCGTGGTTGATCCCGTCCGGCTCCACCA

Comment déterminer la structure d'une molécule ?

Vérification



Structure secondaire de l'ARNt

Plan

Structure des ARN

L'approche thermodynamique

L'approche comparative

Approche hybride

Bibliographie

caRNAC

caRNAC (Perriquet Touzet - 2003)

- ▶ Trois sources d'information :
 - ▶ énergie libre
 - ▶ mutations compensatoires
 - ▶ conservation éventuelle des séquenc
- ▶ Supporter des séquences et des struct
Pas d'alignement préalable des séquei
- ▶ Permettre la gestion de longs jeux de données
- ▶ <http://bioinfo.lifl.fr/carnac>



caRNAc

caRNAc : stratégie de prédition



seq1



seq2

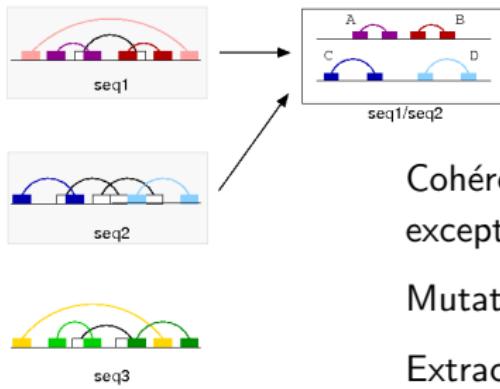


seq3

1. Identification des tiges potentielles, séquence par séquence

caRNAc

caRNAc : stratégie de prédition



Cohérence avec les motifs exceptionnellement conservés

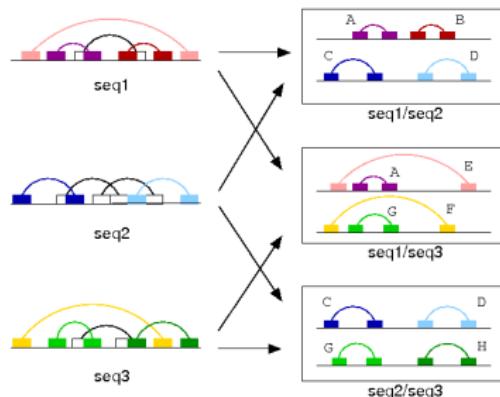
Mutations compensatoires

Extraction de la structure commune par programmation dynamique

2. Confrontation deux à deux

caRNAc

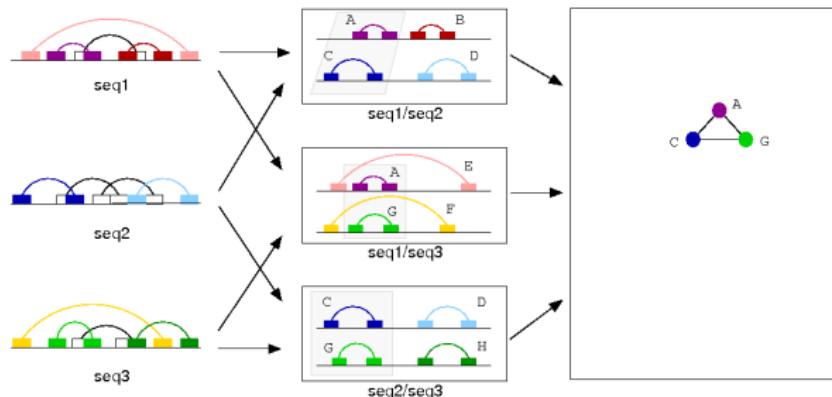
caRNAc : stratégie de prédition



3. Combinaison des prédictions 2 à 2 : graphe des tiges

caRNAc

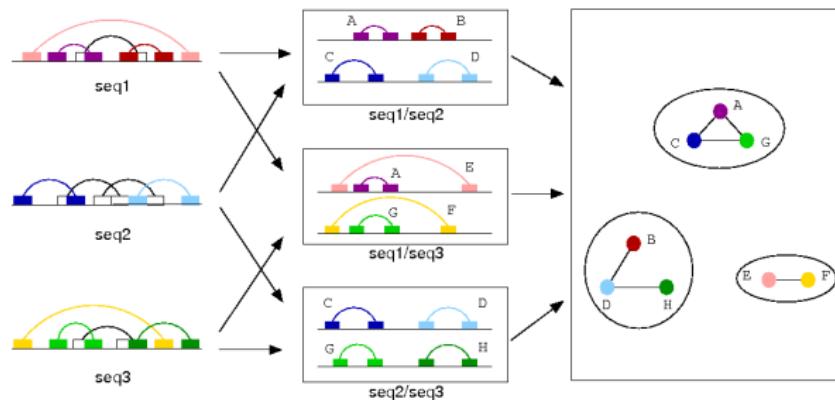
caRNAc : stratégie de prédition



3. Combinaison des prédictions 2 à 2 : graphe des tiges

caRNAc

caRNAc : stratégie de prédition



4. Sélection finale des tiges

Plan

Structure des ARN

L'approche thermodynamique

L'approche comparative

Approche hybride

Bibliographie

Bibliographie

Références

1. TOUZET, H AND VARRÉ, S.. *Cours*,
<http://www2.lifl.fr/SEQUOIA/members.php>.
2. TOMPA, M.. *Computational Biology*, Course in english,
<http://www.cs.washington.edu/education/courses/527/00w/>
3. J. SETUBAL AND J. MEIDANIS. *Introduction to Computational Molecular Biology*. PWS Publishing Co, 1997.