

1.3.2 le cas général :

④ $G(D)$ est pér de pér $N \Rightarrow f(D) \mid 1+D^N$

$$G(D) = \frac{g_0 + g_1 D + \dots + g_{N-1} D^{N-1}}{1+D^N} \quad \dots \quad \textcircled{d}$$

$$\textcircled{b} \Leftrightarrow \frac{g_0(D)}{f(D)} = \frac{g_0 + g_1 D + \dots + g_{N-1} D^{N-1}}{1+D^N}$$

$$\Leftrightarrow g_0(D)(1+D^N) = f(D)(g_0 + g_1 D + \dots + g_{N-1} D^{N-1})$$

$g_0(D)$ et $f(D)$ n'ont pas de facteur commun alors

$g_0(D)$ et $f(D)$ sont premiers entre eux, d'après

le théorème de factorisation $\Rightarrow f(D)$ doit diviser $1+D^N$

$$3 \times 4 = 2 \times 6$$

④ $f(D) \mid 1+D^N \Rightarrow G(D)$ est pér de pér N

$$G(D) = \frac{g_0(D)}{f(D)}$$

$$\text{ora } g_0(D) = \sum_{k=1}^n c_k D^k (a_0 D^k + \dots + a_m D^m) \quad \textcircled{B}$$

donc $g_0(D)$ a la forme $= g_0 + g_1 D + \dots + g_{N-1} D^{N-1}$ (il suffit de développer) (B)

~~EXERCICE~~

$f(D) \mid 1+D^N \Leftrightarrow \exists \text{ un poly de degré max}(N-1)$ [on sait pourquoi maintenant]

$$\text{Tq: } \frac{1+D^N}{f(D)} = g_0 + g_1 D + \dots + g_{N-1} D^{N-1}$$